# FORMULAIRE PRATIQUE

— A L'USAGE DES —

# MÉCANICIENS ET OUTILLEURS

PAR

I.P. ADAM

QUATORZIÈME ÉDITION

**ÉDITIONS ADAM** 

# FORMULAIRE PRATIQUE

a l'usage des

## MÉCANICIENS ET DES

## OUTILLEURS

AIDE, MÉMOIRE POUR TECHNICIENS D'ATELIERS

PAR

I.-P. ADAM O.I.♥

QUATORZIÈME ÉDITION

MISE A JOUR par PASCAL DE PAOLA



**EDITIONS ADAM** 35, RUE ARISTIDE-BRIAND, 92170 VANVES

1981

# ISBN 2-9500266-1-3

Tous droits de traduction, de reproduction et d'adaptation réservés pour tous pays

© 1962 by I.-P. Adam, Puteaux (Seine)

## ÉLÉMENTS DE MATHÉMATIQUES

# LES CALCULS PROFESSIONNELS

#### QUELQUES FACTEURS USUELS

π (pi) rapport de la circonférence au diamètre

Valeur de 
$$\pi = 3.141592$$
.  
Valeurs approchées de  $\pi$  (sous forme de fractions):
$$1^{\circ} \frac{13 \times 29}{120} = 3.141666...$$

$$2^{\circ} \frac{22}{7} = 3.142857...$$

$$\frac{1}{\pi} = 0.3183$$

$$\frac{\pi}{2} = 1.5707$$

$$\frac{\pi}{2} = 1.5707$$

$$\frac{\pi}{3} = 1.0472$$

$$\frac{\pi}{4} = 0.7853$$

$$\frac{\pi}{4} = 0.7853$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = 0.7071$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = 0.8660$$

#### TABLE DE NOMBRES PREMIERS (1)

1	13	37	61	89	113	151	181
2	17	41	67	97	127	157	191
3	19	43	71	101	131	163	193
5	23	47	73	103	137	167	197
7	29	53	79	107	139	173	199
11	31	59	83	109	149	179	etc.

(1) Un nombre est dit PREMIER lorsqu'il ne peut être divisé que par lui-même et par l'unité.

## ÉLÉMENTS D'ARITHMÉTIQUE

#### NOTIONS PRÉLIMINAIRES USUELLES

- I. Plus grand commun diviseur (p.g.c.d.) de plusieurs nombres. C'est le plus grand nombre qui divise chacun d'eux exactement.
- *Méthode* dite des divisions successives, applicable à deux nombres seulement.

Exemple. — Soit à rechercher le p.g.c.d. des nombres 225 et 65.

	3	2	6
225	65	30	5
30	5	0	

Le p.g.c.p. des nombres 225 et 65 est 5.

II. Plus petit commun multiple (P.P.C.M.). — Produit des facteurs premiers communs et non communs affectés chacun de leur plus fort exposant.

EXEMPLE. — Soit à rechercher le P.P.C.M. des nombres 2,5 et 6. — On multiplie ces nombres par 10 pour obtenir des nombres entiers — ensuite on divise le P.P.C.M. obtenu par 10.

25 5 5 Décomposition des nombres 
$$\begin{vmatrix} 5 & 60 & 2 \\ 30 & 15 & 30 \\ 15 & 5 & 5 \\ 1 & 5 & 5 \end{vmatrix}$$
P.P.C.M. =  $5^2 \times 2^2 \times 3 = 300$ 

Le P.P.C.M. des nombres 2,5 et 6 est donc 30.

III. Fractions. — Principe fondamental: une fraction ne change pas de valeur, lorsqu'on multiplie ou lorsqu'on divise ses deux termes (NUMÉRATEUR ET DÉNOMINATEUR) par un même nombre.

Exemple: 
$$\frac{6}{8} = \frac{6 \times 5}{8 \times 5} = \frac{30:10}{40:10} = \frac{3}{4}$$

MÉTHODE DES RÉDUITES. — Théorie arithmétique qui permet d'obtenir une suite de fractions dites « réduites », dont les valeurs se rapprochent de plus en plus de la fraction donnée.

Application: Fraisage Hélicoïdal (page 84).

#### IV. Carré et Racine carrée.

Carré d'un nombre. — C'est le produit obtenu en multipliant ce nombre par lui-même.

Racine carrée d'un nombre (symbole √). — C'est un autre nombre qui, multiplié par lui-même, reproduit le premier.

Exemple:  $\sqrt{25}=5$ 

n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{I}$
1	1,000	36	6,000	71	8,426	106	10,29
2	1,414	37	6,082	72	8,485	107	10,34
3	1,732	38	6,164	73	8,544	108	10,39
4	2,000	39	6,245	74	8,602	109	10,44
5	2,236	40	6,324	75	8,660	110	10,48
6	2,449	41	6,403	76	8,717	111	10,53
7	2,645	42	6,480	77	8,775	112	10,58
8	2,828	43	6,557	78 79	8,831 8,888	113 114	10,63
10	3,000 3,162	44	6,633 6,708	80	8,888	115	10,67
10	3,102	40		80		113	
11	3,316	46	6,782	81	9,000	116	10,77
12	3,464	47	6,855	82	9,055	117	10,81
13	3,605	48	6,928	83	9,110	118	10,86
14	3,741	49	7,000	84	9,165	119	10,90
15	3,873	50	7,071	85	3,219	120	10,95
16	4,000	51	7,141	86	9,273	121	11,00
17	4,123	52	7,211	87	9,327	122	11,04
18 19	4,242	53 54	7,280 7,348	88 89	9,380	123 124	11,09
20	4,358	55	7,416	90	9,486	125	11,13
	4,472		7,410		0,100		11,10
21	4,582	56	7,483	91	9,539	126	11,22
22	4,690	57	7,549	92	9,591	127 128	11,26
23 24	4,795 4,899	58 59	7,615 7,681	93 94	9,643 9,695	128	11,31
25	5,000	60	7,746	95	9,746	130	11,40
26	5,099	61	7,810	96	9,798	131	11,44
27 28	5,196	62 63	7,874	97 98	9,848	132 133	11,48
29	5,291 5,385	64	8,000	99	9,899	133	11,57
30	5,477	65	8,062	100	10,000	135	11,61
31	5 567	66	8,124	101	10,049	136	11,66
32	5,567 5,656	67	8,124	102	10,049	136	11,70
33	5,744	68	8,246	103	10,148	138	11,74
34	5,831	69	8,306	104	10,198	139	11,78
35	5,915	70	8,366	105	10,247	140	11,83

141	n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	
142	141	11,874	186	13,638	231	15,198	276	16.613	
143	142	11,916	187	13,674	232				
145         12,041         190         13,784         235         15,329         280         16,733           146         12,083         191         13,820         236         15,362         281         16,763           147         12,165         193         13,892         238         15,394         282         16,792           149         12,266         194         13,928         239         15,459         284         16,822           149         12,267         195         13,964         240         15,491         285         16,822           150         12,247         195         13,964         240         15,491         285         16,891           151         12,288         197         14,035         242         15,558         286         16,911           152         12,328         197         14,035         242         15,558         288         16,970           153         12,469         199         14,106         243         15,588         288         16,970           154         12,490         14,1142         245         15,620         289         17,000           157         12,530         202				13,711	233		278		
146									
147	145	12,041	190	13,784	235	15,329	280	16,733	
148   12,165   193   13,892   238   15,427   283   16,822   194   13,228   239   15,459   284   16,852   150   12,247   195   13,964   240   15,491   285   16,881   151   12,288   196   14,000   241   15,556   287   16,941   153   12,369   198   14,071   243   15,588   288   16,970   154   12,409   199   14,106   244   15,620   289   17,000   155   12,449   200   14,142   245   15,652   290   17,029   156   12,490   201   14,177   246   15,684   291   17,058   158   12,569   203   14,247   248   15,748   293   17,117   159   12,609   204   14,282   249   15,779   294   17,146   160   12,649   205   14,317   250   15,811   295   17,175   163   12,767   208   14,422   253   15,906   298   17,204   164   12,806   12,845   210   14,491   255   15,937   299   17,291   166   12,845   210   14,491   255   15,937   299   17,291   17,320   166   12,845   210   14,491   255   15,968   300   17,320   17,378   168   12,961   213   14,560   257   16,031   302   17,378   168   12,961   213   14,560   257   16,031   302   17,378   168   12,961   213   14,594   255   15,968   300   17,320   17,464   171   13,076   216   14,682   259   16,093   304   17,435   174   13,190   219   14,796   264   16,248   309   17,578   175   13,228   220   14,892   265   16,207   313   17,666   176   13,266   221   14,866   266   16,300   311   17,691   17,798   13,379   224   14,966   266   16,424   305   17,464   177   13,004   222   14,899   267   16,431   31   57,798   17,798   180   13,416   225   15,000   270   16,431   315   17,768   182   13,490   227   15,066   272   16,492   317   17,804   183   13,527   228   15,099   273   16,552   318   17,860   17,866   184   13,564   229   15,132   274   16,552   319   17,866   17,766   184   13,564   229   15,132   274   16,552   319   17,866   17,866   184   13,564   229   15,132   274   16,552   319   17,866   17,866   184   13,564   229   15,132   274   16,552   319   17,866   17,866   184   13,564   229   15,132   274   16,552   319   17,866   17,866   17,866   184   13,564   229   15,132									
149									
150   12,247   195   13,964   240   15,491   285   16,881									
151									
152   12,328   197   14,035   242   15,556   287   16,941   153   12,369   198   14,071   243   15,588   288   16,970   1555   12,449   2 0 0   14,142   2 4 5   15,652   2 9 0   17,000   1				10,304	240	15,451	280	10,001	
153									
154									
155   12,449   200   14,142   245   15,652   290   17,029     156   12,490   201   14,177   246   15,684   291   17,058     157   12,530   202   14,212   247   15,716   292   17,088     158   12,569   203   14,247   248   15,748   293   17,117     159   12,609   204   14,282   249   15,779   294   17,146     160   12,649   205   14,317   250   15,811   295   17,175     161   12,688   206   14,352   251   15,843   295   17,204     162   12,727   207   14,387   252   15,874   297   17,233     163   12,767   208   14,422   253   15,906   298   17,262     164   12,806   209   14,456   254   15,937   299   17,291     164   12,806   209   14,456   254   15,937   299   17,291     167   12,922   212   14,560   257   16,031   300   17,320     168   12,984   211   14,525   256   16,002   303   17,406     169   13,000   214   14,628   259   16,093   304   17,435     170   13,038   215   14,662   260   16,124   305   17,464     171   13,076   216   14,696   261   16,155   306   17,521     173   13,152   218   14,764   263   16,217   308   17,549     174   13,190   219   14,798   264   16,248   309   17,578     176   13,228   220   14,832   265   16,278   310   17,606     176   13,266   221   14,866   266   16,309   311   17,635     179   13,304   222   14,899   267   16,340   312   17,663     179   13,307   224   14,966   269   16,401   314   17,720     180   13,416   225   15,000   270   16,431   315   17,748     181   13,453   226   15,033   271   16,462   316   17,776     182   13,480   227   15,066   272   16,492   317   17,804     183   13,527   228   15,099   273   16,552   318   17,832     178   13,564   229   15,132   274   16,552   319   17,860     178   13,566   229   15,132   274   16,552   319   17,860     178   13,566   229   15,132   274   16,552   319   17,860									
156         12,490         201         14,177         246         15,684         291         17,058           157         12,530         202         14,212         247         15,716         292         17,088           158         12,569         203         14,247         248         15,748         293         17,117           160         12,649         205         14,317         250         15,811         295         17,175           161         12,688         206         14,352         251         15,843         296         17,204           162         12,727         207         14,387         252         15,874         297         17,233           163         12,767         208         14,422         253         15,966         299         17,262           164         12,806         209         14,456         254         15,937         299         17,282           165         12,845         210         14,491         255         15,968         300         17,320           166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,349           167         13,000									
157         12,530         202         14,212         247         15,716         292         17,088           158         12,569         203         14,247         248         15,748         293         17,117           159         12,669         204         14,282         249         15,779         294         17,146           160         12,649         205         14,317         250         15,811         295         17,204           161         12,688         206         14,352         251         15,843         296         17,204           163         12,767         208         14,422         253         15,906         298         17,262           164         12,806         209         14,456         254         15,937         299         17,291           166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,349           167         12,922         212         14,594         258         16,062         303         17,406           167         13,008         215         14,662         260         16,124         305         17,464           171         13,076					245	13,632	290	17,029	
157   12,530   202   14,212   247   15,716   292   17,088   158   12,569   203   14,247   248   15,748   293   17,117   17,088   160   12,649   205   14,317   250   15,811   295   17,175   161   12,688   162   12,727   208   14,422   253   15,906   298   17,204   164   12,806   209   14,456   254   15,937   299   17,291   164   12,806   210   14,491   255   15,968   300   17,320   166   12,845   210   14,491   255   15,968   300   17,320   166   12,845   210   14,491   257   15,968   300   17,320   166   12,845   211   14,525   256   16,000   301   17,349   167   12,922   212   14,560   257   16,031   302   17,378   168   12,961   213   14,594   258   16,062   303   17,406   169   13,000   214   14,628   259   16,093   304   17,435   170   13,038   215   14,662   260   16,124   305   17,464   171   13,076   14,662   260   16,124   305   17,549   173   13,152   218   14,764   263   16,217   308   17,549   174   13,190   219   14,798   264   16,248   309   17,578   175   13,228   220   14,899   267   16,340   312   17,663   178   179   13,379   224   14,966   269   16,401   314   17,720   180   13,416   225   15,000   270   16,431   315   17,748   181   13,453   226   15,033   271   16,462   316   17,776   182   13,490   227   15,066   272   16,492   317   17,804   183   13,527   228   15,099   273   16,552   318   17,860									
159									
16 0         12.649         2 0 5         14.317         2 5 0         15.811         2 9 5         17.175           161         12,688         206         14,352         251         15,843         296         17.204           162         12,727         207         14,387         252         15,874         297         17.233           163         12,767         208         14,422         253         15,906         298         17.262           164         12,806         209         14,456         254         15,937         299         17.291           166         12,845         2 1 0         14,491         2 5 5         15,968         3 0 0         17,320           166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,349           167         12,921         213         14,594         258         16,062         303         17,406           168         12,961         213         14,594         258         16,062         303         17,406           169         13,000         214         14,628         259         16,093         304         17,435           170 <td< td=""><td></td><td></td><td></td><td>14,247</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></td<>				14,247					
161         12,688         206         14,352         251         15,843         296         17,204           162         12,727         207         14,387         252         15,874         297         17,203           163         12,767         208         14,422         253         15,906         298         17,262           164         12,806         209         14,456         254         15,937         299         17,291           165         12,845         210         14,491         255         15,968         3 0 0         17,320           166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,349           167         12,922         212         14,560         257         16,031         302         17,378           168         12,961         213         14,594         258         16,062         303         17,406           169         13,000         214         14,628         259         16,093         304         17,435           170         13,038         2 15         14,626         260         16,124         3 0 5         17,464           171         13,076<									
162         12,727         207         14,387         252         15,874         297         17,233           163         12,767         208         14,422         253         15,906         298         17,262           164         12,806         209         14,456         254         15,937         299         17,291           166         12,845         210         14,491         255         15,968         300         17,320           166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,349           168         12,961         213         14,594         257         16,062         303         17,406           169         13,000         214         14,628         259         16,093         304         17,435           170         13,038         2.15         14,662         260         16,124         3.05         17,464           171         13,076         216         14,692         261         16,185         306         17,521           172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,252 <td>160</td> <td>12,649</td> <td>205</td> <td>14,317</td> <td>250</td> <td>15,811</td> <td>295</td> <td>17,175</td> <td></td>	160	12,649	205	14,317	250	15,811	295	17,175	
163         12,767         208         14,422         253         15,906         298         17,262           164         12,806         209         14,456         254         15,937         299         17,262           166         12,845         210         14,491         255         15,968         300         17,320           166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,349           167         12,922         212         14,560         257         16,031         302         17,378           168         12,951         213         14,594         258         16,062         303         17,406           169         13,000         214         14,628         259         16,093         304         17,406           170         13,038         215         14,662         260         16,124         305         17,464           171         13,076         216         14,696         261         16,155         306         17,492           172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,152									
164         12,806         209         14,456         254         15,937         299         17,291           166         12,884         211         14,451         255         15,968         300         17,320           166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,348           167         12,922         212         14,594         258         16,062         303         17,406           169         13,000         214         14,628         259         16,093         304         17,435           170         13,038         215         14,662         260         16,124         305         17,464           171         13,076         216         14,692         261         16,186         307         17,521           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,898         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,892         265         16,309         311         17,663           176         13,266									
1665         12.845         2 1 0         14.491         2 5 5         15.968         3 0 0         17.320           166         12.884         211         14.525         256         16.000         301         17.349           167         12.922         212         14.560         257         16.031         302         17.378           168         12.961         213         14.594         258         16.062         303         17.406           169         13.000         214         14.628         259         16.093         304         17.435           170         13.038         2 1 5         14.662         260         16.124         3 0 5         17.464           171         13.076         216         14.692         261         16.155         306         17.492           172         13.114         217         14.730         262         16.186         307         17.521           173         13.152         218         14.764         263         16.217         308         17.549           174         13.190         219         14.798         264         16.248         309         17.578           175         1									
166         12,884         211         14,525         256         16,000         301         17,349           167         12,922         212         14,560         257         16,031         302         17,378           168         12,981         213         14,594         258         16,062         303         17,406           169         13,000         214         14,628         259         16,093         304         17,405           170         13,038         215         14,682         260         16,124         3.05         17,464           171         13,076         216         14,696         261         16,155         306         17,492           172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         2.20         14,866         266         16,309         311         17,635           177         13,304 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>									
167         12,922         212         14,560         257         16,031         302         17,378           168         12,961         213         14,594         258         16,062         303         17,406           169         13,000         214         14,628         259         16,093         304         17,435           170         13,038         215         14,682         260         16,124         3.05         17,464           171         13,076         216         14,686         261         16,155         306         17,492           172         13,114         217         14,764         263         16,217         308         17,549           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,893         265         16,309         311         17,606           176         13,304         222         14,893         268         16,309         311         17,663           178         13,341				14,451					
168         12,961         213         14,594         258         16,062         303         17,406           170         13,038         214         14,628         259         16,093         304         17,436           171         13,076         216         14,686         260         16,124         305         17,464           172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,832         265         16,278         3 1 0         17,606           176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           177         13,304         222         14,899         267         16,340         312         17,663           179         13,341         223         14,933         268         16,370         313         17,691           179         13,416 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>									
169         13,008         214         14,628         259         16,093         304         17,435           170         13,098         215         14,662         260         16,124         305         17,464           171         13,076         216         14,696         261         16,155         306         17,492           172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         229         14,892         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,892         265         16,309         310         17,606           176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           178         13,341         223         14,933         268         16,340         312         17,663           180         13,416         225         15,000         270         16,431         3 15         17,748           181         13,453									
170         13,038         215         14,662         260         16,124         305         17,464           171         13,076         216         14,696         261         16,155         306         17,492           172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,832         265         16,278         310         17,606           176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           178         13,341         223         14,933         268         16,370         313         17,663           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         225         15,000         270         16,431         3.15         17,748           181         13,453									
171         13,076         216         14,696         261         16,155         306         17,492           172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,892         265         16,278         3 1 0         17,606           176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           177         13,304         222         14,899         267         16,340         312         17,663           178         13,341         223         14,933         268         16,300         313         17,691           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         225         15,000         270         16,431         3 15         17,774           181         13,453 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>									
172         13,114         217         14,730         262         16,186         307         17,521           173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,892         265         16,278         3 1 0         17,606           176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           177         13,304         222         14,899         267         16,340         312         17,663           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         225         15,000         270         16,431         3 15         17,748           181         13,453         226         15,033         271         16,462         316         17,776           182         13,490         227         15,066         272         16,492         317         17,804           183         13,527 <td>170</td> <td>13,038</td> <td>215</td> <td>14,002</td> <td>200</td> <td>10,124</td> <td></td> <td>17,404</td> <td></td>	170	13,038	215	14,002	200	10,124		17,404	
173         13,152         218         14,764         263         16,217         308         17,549           174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,832         265         16,278         310         17,606           176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           177         13,304         222         14,899         267         16,340         312         17,663           178         13,341         223         14,933         268         16,370         313         17,691           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         2.25         15,000         2.70         16,431         3.15         17,748           181         13,453         226         15,033         271         16,462         316         17,776           182         13,490         227         15,066         272         16,492         317         17,804           183         13,527 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>									
174         13,190         219         14,798         264         16,248         309         17,578           175         13,228         220         14,892         265         16,278         310         17,506           176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           178         13,341         223         14,933         268         16,370         313         17,691           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         225         15,000         270         16,431         3 15         17,748           181         13,453         226         15,033         271         16,462         316         17,776           182         13,490         227         15,066         272         16,492         317         17,804           183         13,527         228         15,099         273         16,522         318         17,832           184         13,564         229         15,132         274         16,552         319         17,860									
175     13,228     2 2 0     14,832     2 6 5     16,278     3 1 0     17,606       176     13,266     221     14,866     266     16,309     311     17,635       177     13,304     222     14,899     267     16,340     312     17,663       178     13,341     223     14,933     268     16,370     313     17,691       179     13,379     224     14,966     269     16,401     314     17,720       180     13,416     2 2 5     15,000     2 7 0     16,431     3 1 5     17,774       181     13,453     226     15,033     271     16,462     316     17,776       182     13,490     227     15,066     272     16,492     317     17,804       183     13,527     228     15,099     273     16,522     318     17,832       184     13,564     229     15,132     274     16,552     319     17,860									
176         13,266         221         14,866         266         16,309         311         17,635           177         13,304         222         14,899         267         16,340         312         17,663           178         13,341         223         14,933         268         16,370         313         17,691           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         2.25         15,000         2.70         16,431         3.15         17,748           181         13,453         226         15,033         271         16,462         316         17,776           182         13,490         227         15,066         272         16,492         317         17,804           183         13,527         228         15,099         273         16,522         318         17,832           184         13,564         229         15,132         274         16,552         319         17,860									
177         13,304         222         14,899         267         16,340         312         17,663           178         13,341         223         14,933         268         16,370         313         17,691           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         2.2.5         15,000         2.7.0         16,431         3.1.5         17,7748           181         13,453         226         15,033         271         16,462         316         17,776           182         13,490         227         15,066         272         16,492         317         17,804           183         13,527         228         15,099         273         16,522         318         17,860           184         13,564         229         15,132         274         16,552         319         17,860	170	13,228	220	14,632	200	10,278	310	17,000	
178         13,341         223         14,933         268         16,370         313         17,691           179         13,379         224         14,966         269         16,401         314         17,720           180         13,416         2.2.5         15,000         2.7.0         16,431         3.1.5         17,7748           181         13,453         226         15,033         271         16,462         316         17,776           182         13,490         227         15,066         272         16,492         317         17,804           183         13,527         228         15,099         273         16,522         318         17,832           184         13,564         229         15,132         274         16,552         319         17,860									
179     13,379     224     14,966     269     16,401     314     17,720       180     13,416     225     15,000     270     16,431     315     17,748       181     13,453     226     15,033     271     16,462     316     17,776       182     13,490     227     15,066     272     16,492     317     17,804       183     13,527     228     15,099     273     16,522     318     17,832       184     13,564     229     15,132     274     16,552     319     17,860									
180     13.416     22.5     15.000     27.0     16.431     3.1.5     17.748       181     13.453     226     15.033     271     16.462     316     17.776       182     13.490     227     15.066     272     16.492     317     17.804       183     13.527     228     15.099     273     16.522     318     17.832       184     13.564     229     15.132     274     16.552     319     17.860									
181     13,453     226     15,033     271     16,462     316     17,776       182     13,490     227     15,066     272     16,492     317     17,804       183     13,527     228     15,099     273     16,522     318     17,832       184     13,564     229     15,132     274     16,552     319     17,860									
182         13,490         227         15,066         272         16,492         317         17,804           183         13,527         228         15,099         273         16,522         318         17,832           184         13,564         229         15,132         274         16,552         319         17,860				10,000					
183 13,527 228 15,099 273 16,522 318 17,832 184 13,564 229 15,132 274 16,552 319 17,860									
184   13,564   229   15,132   274   16,552   319   17,860									
						16,522			
	185	13,601	230	15,165	275	16,583	320	17,888	

n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{1}$
			10.000		10.770	400	00.60
321	17,916	356	18,868	391	19,773	426 427	20,63
322	17,944	357 358	18,894	392 393	19,799	427	20,68
323 324	17,972 18,000	359	18,947	394	19,849	429	20,71
325	18,027	360	18,973	395	19,874	130	20,73
326	18,055	361	19,000	396	19,899	431	20,76
327	18,083	362	19,026	397	19,924	432	20,78
328	18,110	363	19,052	398	19,949	433	20,8
329	18,138	364	19,078	399	19,975	434	20,83
330	18,165	365	19,105	100	20,000	435	20,85
331	18,193	366	19,131	401	20,025	436	20,88
332	18,220	367	19,157	402	20,049	437	20,90
333	18,248	368	19,183	403	20,074	438	20,92
334	18,275	369	19,209	404	20,099	439	20,95
335	18,303	370	19,235	405	20,124	1.10	20,97
336	18,330	371	19,261	406	20,149	441	21,00
337	18,357	372	19,287	407	20,174	442	21,02
338	18,384	373	19,313	408	20,199	443	21,04
339	18,412	374	19,339	409	20,223	145	21,09
340	18,439	375	19,364	410	20,246	149	
341	18,466	376	19,390	411	20,273	446	21,1
342	18,493	377	19,416	412	20,297	447	21,14
343	18,520	378	19,442	413	20,322	448	21,1
344	18,547	379	19,467	414	20,347	449	21,18
345	18,574	380	19,493	415	20,371	450	21,2
346	18,604	381	19,519	416	20,396	451	21,23
347	18,627	382	19,544	417	20,420	452	21,20
348	18,654	383	19,570	418	20,445	453	21,28
349	18,681	384	19,595	419	20,469	454	21,3
350	18,708	385	19,621	420	20,493	455	21,33
351	18,735	386	19,646	421	20,518	456	21,3
352	18,761	387	19,672	422	20,542	457	21,3
353	18.788	388	19,697	423	20,567	458	21,40
354 355	18,814	389	19,723	424	20,591 20,615	459 460	21,42

n	$\sqrt{n}$	n	$\sqrt{n}$	n	$ \sqrt{n} $	n	V I
0,01	0,100	0,06	0,245	0,2	0,447	0,6	0,775
0,02	0,141	0,07	0,265	0,25	0,500	0,7	0,837
0,03	0,173	0,08	0,283	0,3	0,548	0,75	0,867
0,04	0,200	0,09	0,300	0,4	0,632	0,8	0,894
0,05	0.224	0,10	0,316	0,5	0,707	0.9	0,949

#### \_\_\_\_ ÉLÉMENTS DE GÉOMÉTRIE ----

**Longueur L** de la circonférence (*Périmètre du cercle*). — Produit du nombre  $\pi$  par le diamètre D ou par le double du rayon R, soit :

$$L = \pi D = 2 \pi R$$

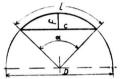
Longueur l du quart de circonférence. — Dans la pratique, on emploie couramment la formule suivante :

$$l = \frac{2 \pi R}{4} = R \times 1,57$$

#### --- RELATIONS

#### ENTRE LES ÉLÉMENTS D'UNE CIRCONFÉRENCE





l, longueur de l'arc α, angle

au centre

FORMULES GÉNÉRALES

$$D = \frac{c^2}{4f} + f; \quad D = \frac{360^\circ \times l}{\pi \times \alpha}$$

$$c = 2\sqrt{f(D-f)}; \quad f = \frac{D - \sqrt{D^2 - c^2}}{2}$$

$$l = \frac{\pi D \times \alpha}{360^\circ} \quad d'où \alpha = \frac{360^\circ \times l}{\pi D}$$

**Cercle :** Surface limitée par la circonférence. — La surface S d'un cercle s'obtient, en multipliant le carré du rayon R par  $\pi$ :

$$S = \frac{2 \pi R \times R}{2} = \pi R^2$$

Connaissant le diamètre D, on a aussi :

$$S = \frac{\pi D^2}{4} = 0.7854 \times D^2$$
.

Arc de cercle. — Portion de circonférence. La longueur l d'un arc de n degrés est égale à :

$$l = \frac{2 \pi R \times n}{360^{\circ}} = \frac{\pi R n}{180^{\circ}}$$

#### ÉLÉMENTS DE GÉOMETRIE (suite)

ARC DE CERCLE (suite). — Exemple: Calcul du nombre n de degrés d'un arc de cercle, connaissant sa longueur l et le rayon R.

Formule: 
$$n^{\circ} = \frac{360^{\circ} \times l}{2 \pi R} = \frac{180^{\circ} \times l}{\pi R}$$

Unité d'arc : le radian (rd). — Parfois utilisé en mécanique, le radian est l'arc de cercle dont la longueur est égale au rayon; la mesure du cercle entier est  $2\pi$  (ou  $3.1416\times 2$ ) radians.

La valeur du radian est donnée en n degrés par la formule :

$$n = 180^{\circ} \times 0.3183 = 57^{\circ} 17' 45''$$

**Division en degrés.** — Une circonférence divisée en 360 parties égales est partagée en 4 arcs égaux par deux diamètres perpendiculaires, chacun de ces arcs est un *quadrant* qui correspond à *l'angle droit*.

L'angle droit est généralement choisi pour unité d'angle. On le représente par le symbole D.

Les sous-multiples de l'angle droit sont :

1	le	degré (°)	qui vaut	1/90	d'angle droit;
3	la	minute (′)		1/60	de degré;
1	la	seconde (")		1/60	de minute.

NOTA. — La mesure d'un arc en degrés, minutes et secondes est la même que celle de l'angle au centre correspondant.

Division en grades. — Le grade est la 1/400 partie de la circonférence, donc 1 grade est égal à 54'.

Cette division du cercle est peu usitée en construction mécanique.

#### ANGLES DIVERS. — Quelques notes

ANGLE au centre. — Angle qui a son sommet au centre d'un cercle.

ANGLES complémentaires. — Deux angles sont complémentaires lorsque leur somme est égale à 90°.

ANGLES supplémentaires. — Deux angles sont supplémentaires lorsque leur somme est égale à 180°.

Bissectrice d'un angle. — Droite partageant cet angle en deux parties égales.

# TABLE DES ARCS, CORDES ET FLÈCHES pour les angles de 1 à 180° (Le rayon = 1)

Déterminer la longueur l d'un arc de  $45^{\circ}$  dont le rayon = 160 mm.

En consultant la table ci-après, on lit en regard de  $45^{\circ}$ , le nombre 0.7854 que l'on multiplie par le rayon :

$$l = 0.7854 \times 160 = 125,66 \text{ mm}$$

Opérer suivant même principe pour corde et flèche.

DEGRÉS	ARCS	CORDES	FLÈCHES	DEGRÉS	ARCS	CORDES	FLÈCHES
	0.0175	0.0175	0.0000	31	0.5411	0 5045	0.0363
1 2 3 4	0,0175	0,0175	0,0000	31	0,5411	0,5345 0,5512	0,038
2	0,0524	0.0524	0,0003	33	0,5760	0,5680	0,041
Ã	0,0698	0.0698	0.0006	34	0,5934	0,5847	0,043
5	0,0873	0,0872	0,0009	35	0,6109	0,6014	0,046
6	0,1047	0,1047	0,0013	36	0,6283	0,6180	0,048
7 8	0,1222	0,1221	0.0018	37	0,6458	0,6346	0,051
8	0,1396	0,1395	0,0024	38	0,6632	0,6511	0,054
9	0,1571	0,1569	0,0030	39	0,6807	0,6676	0,057
10	0,1745	0,1743	0,0038	40	0,6981	0,6840	0,060
11	0,1920	0,1917	0,0046	41	0,7156	0,7004	0,063
12	0,2094	0,2091	0,0054	42	0,7330	0.7167	0,066
13	0,2269	0,2264	0,0064	43	0,7505	0,7330	0,069
14	0,2443	0,2437	0,0074	44	0,7679	0,7492	0,072
15	0,2618	0,2611	0,0085	45	0,7854	0,7654	0,076
16	0,2793	0,2783	0,0087	46	0,8029	0,7815	0,079
17	0,2967	0,2956	0,0109	47	0,8203	0.7975	0,082
18	0,3142	0,3129	0,0123	48	0,8378	0,8135	0,086
19	0,3316	0,3301	0,0137	49	0,8552	0,8294	0,090
20	0,3491	0,3472	0,0151	50	0,8727	0,8452	0,093
21	0,3665	0,3645	0,0167	51	0,8901	0,8610	0,097
22	0,3840	0,3816	0,0183	52	0,9076	0,8767	0,101
23	0,4014	0,3987	0,0200	53	0,9250	0,8924	0,105
24	0,4189	0,4158	0,0218	54	0,9425	0,9080	0,1090
25	0,4363	0,4329	0,0237	55	0,9599	0,9235	0,113
26	0,4538	0,4499	0,0256	56	0,9774	0,9389	0,117
27	0,4712	0,4669	0,0276	57	0,9948	0,9543	0,121
28	0,4887	0,4838	0,0296	58	1,0123	0,9696	0,125
29	0,5061	0,5008	0,0318	59	1,0297	0,9848	0,129
30	0,5236	0,5176	0,0340	60	1,0472	1,0000	0,134

#### ARCS, CORDES ET FLÈCHES (suite)

DEGRÉS	ARCS	CORDES	FLÈCHES	DEGRÉS	ARCS	CORDES	FLÈCHES
61	1,0647	1,0151	0,1384	101	1,7628	1,5432	0,3639
62	1,0821	1,0301	0,1428	102	1,7802	1,5543	0,3707
63	1,0996	1,0450	0,1474	103	1,7977	1,5652	0,3775
64	1,1170	1,0598	0,1520	104	1,8151	1,5760	0,3843
65	1,1345	1,0746	0,1566	105	1,8326	1,5867	0,3912
66	1,1519	1,0893	0,1613	106	1,8500	1,5973	0,3982
67	1,1694	1,1039	0,1661	107	1,8675	1,6077	0,4052
68	1,1868	1,1184	0,1710	108	1,8850	1,6180	0,4122
69	1,2043	1,1328	0,1759	109	1,9024	1,6282	0,4193
7 0	1,2217	1,1472	0,1808	110	1,9199	1,6383	0,4264
71	1,2392	1,1614	0,1859	111	1,9373	1,6483	0,4336
72	1,2566	1,1756	0,1910	112	1,9548	1,6581	0,4408
73	1,2741	1,1896	0,1961	113	1,9722	1,6678	0,4481
74	1,2915	1,2036	0,2014	114	1,9897	1,6773	0,4554
75	1,3090	1,2175	0,2066	1 1 5	2,0071	1,6868	0,4627
76 77 78 79 80	1,3265 1,3439 1,3614 1.3788 1,3963	1,2313 1,2450 1,2586 1,2722 1,2856	0,2120 0,2174 0,2229 0,2284 0,2340	116 117 118 119	2,0246 2,0420 2,0595 2,0769 2,0944	1,6961 1,7053 1,7143 1,7233 1,7321	0,4701 0,4775 0,4850 0,4925 0,5000
81	1,4137	1,2989	0,2396	121	2,1118	1,7407	0,5076
82	1,4312	1,3121	0,2453	122	2,1293	1,7492	0,5152
83	1,4486	1,3252	0,2510	123	2,1468	1,7576	0,5228
84	1,4661	1,3383	0,2569	124	2,1642	1,7659	0,5305
85	1,4835	1,3512	0,2627	125	2,1817	1,7740	0,5388
86	1,5010	1,3640	0,2686	126	2,1991	1,7820	0,5460
87	1,5184	1,3767	0,2746	127	2,2166	1,7899	0,5538
88	1,5359	1,3853	0,2807	128	2,2340	1,7976	0,5616
89	1,5533	1,4018	0,2867	129	2,2515	1,8052	0,5695
9 0	1,5708	1,4142	0,2929	130	2,2689	1,8126	0,5774
91	1,5882	1,4265	0,2991	131	2,2864	1,8199	0,5853
92	1,6057	1,4387	0,3053	132	2,3038	1,8271	0,5933
93	1,6232	1,4507	0,3116	133	2,3213	1,8341	0,6013
94	1,6406	1,4627	0,3180	134	2,3387	1,8410	0,6093
95	1,6580	1,4746	0,3244	135	2,3562	1,8478	0,6173
96 97 98 99	1,6755 1,6930 1,7104 1,7279 1,7453	1,4863 1,4979 1,5094 1,5208 1,5321	0,3309 0,3374 0,3439 0,3506 0,3572	136 137 138 139	2,3736 2,3911 2,4086 2,4260 2,4435	1,8544 1,8608 1,8672 1,8733 1,8794	0,6254 0,6335 0,6446 0,6498 0,6580

#### ARCS, CORDES ET FLÈCHES (suite)

DEGRÉS	ARCS	CORDES	FLÈCHES	DEGRÉS	ARCS	CORDES	FLÈCHES
141	2,4609	1,8853	0,6662	161	2,8100	1,9726	0,8350
142	2,4784	1,8910	0,6744	162	2,8274	1,9754	0,8436
143	2,4958	1,8966	0,6827	163	2,8449	1,9780	0,8522
144	2,5133	1,9021	0,6910	164	2,8623	1,9805	0,8608
1 4 5	2,5307	1,9074	0,6993	165	2,8798	1,9829	0,8695
146	2,5482	1,9126	0,7076	166	2,8972	1,9851	0,8781
147	2,5656	1,9176	0,7160	167	2,9147	1,9871	0,8868
148	2,5831	1,9225	0,7244	168	2,9322	1,9890	0,8955
149	2,6005	1,9273	0,7328	169	2,9496	1,9908	0,9042
1 5 0	2,6180	1,9319	0,7412	170	2,9671	1,9924	0,9128
151	2,6354	1,9363	0,7496	171	2,9845	1,9938	0,9215
152	2,6529	1,9406	0,7581	172	3,0020	1,9951	0,9302
153	2,6704	1,9447	0,7666	173	3,0194	1,9963	0,9390
154	2,6878	1,9487	0,7750	174	3,0369	1,9973	0,9447
1 5 5	2,7053	1,9526	0,7836	1 7 5	3,0543	1,9981	0,9564
156	2,7227	1,9563	0,7921	176	3,0718	1,9988	0,9651
157	2,7402	1,9598	0,8006	177	3,0892	1,9993	0,9738
158	2,7576	1,9632	0,8092	178	3,1067	1,9997	0,9825
159	2,7751	1,9665	0,8179	179	3,1241	1,9999	0,9913
1 6 0	2,7925	1,9696	0,8264	1 8 0	3,1416	2,0000	1,0000

#### DETERMINATION d'une longueur d'arc

exprimée en degrés et minutes (R = 1)

Minutes	Arcs	Minutes	Arcs	Minutes	Arcs
1'	0,00029	6'	0,00174	20'	0,00581
2'	0,00058	7'	0,00203	30'	0,00872
3'	0.00087	8'	0,00232	40'	0,01163
4'	0,00116	9'	0,00261	50'	0,01454
5'	0,00145	10'	0,00290		

Exemple. — Soit à trouver la longueur d'un arc de 41°36′. — Les tables ci-dessus donnent :

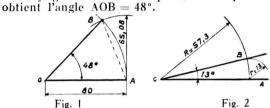
arc  $41^{\circ} = 0.7156$ arc 30' = 0.0087arc 6' = 0.0017

arc 41° 36' = 0,7260

#### TRACÉS PRATIQUES D'UN ANGLE

1° PROCÉDÉ. — Soit à tracer l'angle de 48° (fig. 1). On prend un rayon arbitraire OA de 80 mm par exemple et on trace un arc de cercle.

La **corde** qui correspond à  $48^\circ$  (voir table page cicontre) est égale à :  $AB = 80 \times 0.8135 = 65.08$  mm. En joignant ensuite le point O au point B, on



2° Procépé (angles inférieurs à 20°). — La longueur de la circonférence dont le rayon R = 57,3 mm est de 360 mm; chaque millimètre mesuré sur l'arc correspond donc à un angle au centre de 1 degré.

EXEMPLE: Soit à construire un angle de 13° (fig. 2).

— Sur l'arc dont le rayon OA = 57,3 mm, on mesure, à l'aide d'un réglet souple, une longueur AB=13 mm.

#### L'angle A O B $= 13^{\circ}$

#### TRACÉS DIVERS

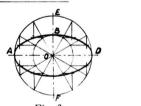




Fig. 4

- I. Tracé de l'ellipse par points, à l'aide de deux circonférences (fig. 3).
- a) Du même centre O, avec OA et OB pour rayons, tracer deux circonférences;
- b) Diviser la grande circonférence en un certain nombre de parties égales par des rayons;
- c) Par ces points de division, tracer des parallèles à EF;
- d) Par les points d'intersection des rayons avec la petite

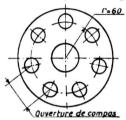
#### TRACÉS DIVERS (suite)

circonférence, tracer des parallèles à AD;

- e) Joindre les points d'intersection de ces parallèles par une courbe régulière.
- II. Le tracé représenté (fig. 4) permet de trouver le centre d'une circonférence ou d'un arc de cercle.

## DIVISION D'UNE CIRCONFÉRENCE EN UN NOMBRE DE PARTIES ÉGALES

Exemple. — Soit à diviser une circonférence de 60 mm de rayon en 7 parties égales.



En consultant le tableau ci-dessous, on lit en regard de 7 divisions le nombre 0,8672 que l'on multiplie par 60 (rayon de la circonférence à diviser).

OUVERTURE DE COMPAS :  $60 \times 0.8672 = 52.03$  mm.

Nombre de divisions	Angle au centre corres- pondant	Longueur de la corde corres- pondant au rayon = 1	Nombre de divisions	Angle au centre corres- pondant	Longueur de la corde corres- pondant au rayon = 1
3	120°	1,7320	20	18°	0,3128
4	90°	1,4142	21	17°08′	0,2979
5	72°	1,1755	22	16°21′	0,2845
6	60°	1,0000	23	15°39′	0,2722
7	51°25′	0,8672	24	15°	0,2610
8	45°	0.7653	25	14°24′	0,2506
9	40°	0,6840	26	13°50′	0,2408
10	36°	0,6180	27	13°20′	0,2321
11	32°43′	0,5632	28	12°51′	0,2239
12	30°	0,5176	29	12°24′	0,2160
13	27°41′	0.4784	30	12°	0,2090
14	25°42'	0,4448	31	11°36′	0,2021
15	24°	0,4158	32	11°15′	0,1960
16	22°30′	0.3901	33	10°54′	0,1899
17	21°10′	0.3675	34	10°35′	0,1845
18	20°	0,3473	35	10°17′	0,1792
19	18°56'	0,3289	36	10°	0,1743

## RELATIONS NUMÉRIQUES

#### ENTRE LES PRINCIPAUX POLYGONES

d. cercle inscrit:

D, cercle circonscrit;

c, côté du polygone;

n, nombre de côtés;

a, angle au centre;

Angle intérieur d'un polygone :

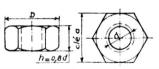
180°×(nombre de côtés — 2)

nombre de côtés



Folygones	Eléme	ents à cal	lculer	Valeur de l'angle	Valeur de l'angle
réguliers	c	d	D	extérieur	intérieur
Triangle	1,732 d	0,5 <b>77</b> c	1,155 e	360°	360° 180° — — = 60°
équilatéral	0,866 D	0,500 D	2,000 d	360° = 120°	3
C	1,000 d	1,000 c	1,414 c	360°	360° 180° — — — 90°
Carré	0,707 D	0,707 D	1,414 d	= 90°	1800 — — = 900
Danton	0,726 d	1,376 c	1,702 c	360"	360° 180° — — = 108°
Pentag	0,588 D	0,808 D	1,236 d	= 72°	5
Hexag	0,577 d	1,732 c·	2,000 c	360° = 60°	360° 180° — — = 120°
	0,500 D	0,866 D	1,155 d	6 60"	6
0-1	0,414 d	2,414 c	2,613 c	360°	360° = 135°
Octog	0,382 D	0,92 <b>3</b> D	1,082 d	—== 45°	8

Ecrous hexagonaux normaux (symbole **H**)



<b>d</b> mm	a mm	h mm	<b>D</b> mm	d mm	a mm	h mm	D mm
5	8	4	9,2	14	22	11	25,4
6	10	5	11,5	16	24	13	27,7
8	13	6,5	15	18	27	15	31,2
10	17	8	19,6	20	30	16	34,6
12	19	10	21,9	22	32	18	36,9

## — SURFACES ET VOLUMES — DE SOLIDES GÉOMÉTRIQUES

#### DÉSIGNATION ABRÉVIATIVE DES TERMES:

S = Surface

 $C = C\hat{o}t\hat{e}$ 

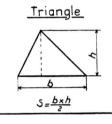
V = Volume B ou b = Base

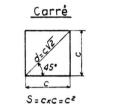
 $\mathbf{D}$  ou d = Diamètre

B ou b = Base R ou r = RH ou h = Hauteur  $\pi = 3.1416$ 

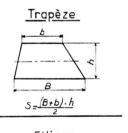
Rour = Rayon

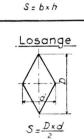
#### - FORMULES DE CALCUL -

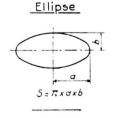




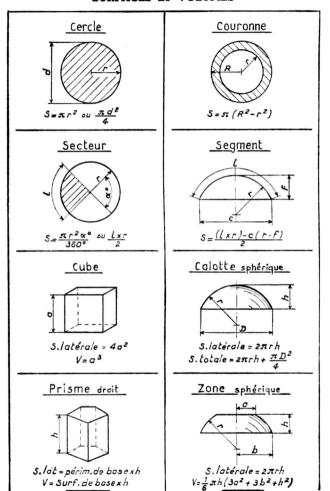






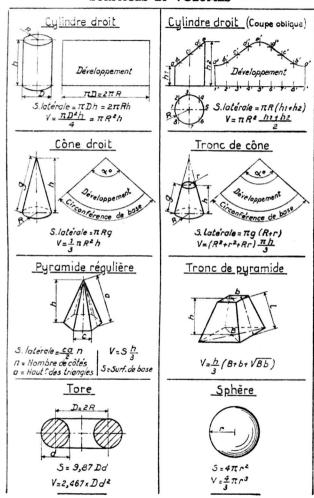


# SOLIDES GÉOMÉTRIQUES (suite) —— SURFACES ET VOLUMES ——



## SOLIDES GÉOMÉTRIQUES (suite)

#### SURFACES ET VOLUMES -



#### SOLIDES

#### A SURFACE DÉVELOPPABLE

I. Cylindre droit à base circulaire (fig. page cicontre). Le développement de la surface latérale d'un cylindre est un rectangle.

La surface totale s'obtient, en ajoutant à la surface latérale celle des deux bases, on a donc:

$$S^t = 2 \pi Rh + 2 \pi R^2$$

- II. Cylindre droit à section oblique. La base du cylindre est un cercle; l'intersection est une ellipse. Le schéma page ci-contre représente l'épure de développement.
- III. Cône circulaire droit (fig. page ci-contre). Solide engendré par la révolution d'un triangle rectangle autour d'un des côtés de l'angle droit. L'hypoténuse de ce triangle rectangle est la génératrice du cône.

CALCUL DE LA GÉNÉRATRICE g

FORMULE:  $g = \sqrt{h^2 + R^2}$ 

Angle de développement. — L'angle au centre  $\alpha$  a pour valeur :  $\alpha = \frac{360^\circ \times R}{g}$ 

IV. Tronc de cône circulaire droit (fig. page cicontre). — Portion de cône comprise entre la base et un plan parallèle à cette base.

CALCUL DE LA GÉNÉRATRICE g

FORMULE: 
$$g = \sqrt{h^2 + (R - r)^2}$$

Angle de développement. — L'angle au centre  $\alpha$  a pour valeur :  $\alpha = \frac{360^{\circ} \times (R-r)}{g}$ 

- V. Prisme droit (fig. page 17). Dans un prisme droit :
  - 1° les faces latérales sont des rectangles;
- 2° la hauteur du prisme est la distance des deux bases.

   19 —

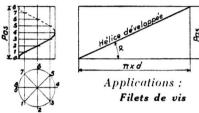
#### COURBES USUELLES

(Hélice et Développante de cercle)

### I. Spire d'hélice cylindrique (fig. ci-dessous).

Développé. — Le développement d'une spire est la diagonale du rectangle ayant pour côtés  $\pi \times d$  (diamètre) et le pas.

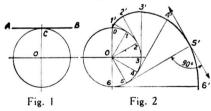
La tangente de l'angle d'inclinaison  $\alpha$  est :  $\frac{\mathrm{Pas}}{\pi \times d}$ 



Tracé de l'hélice. — On divise la circontérence de base du cylindre et le pas de l'hélice en un même nombre de parties égales. — Les points de rencontre des lignes de rappel verticales et horizontales donnent des points de la courbe.

#### II. Développante de cercle.

Utilisée en dessin industriel pour le tracé des engrenages cylindriques à denture droite (fig. p. 89), cette courbe est décrite par le point C d'une droite



tg  $1 \cdot 1' = \text{arc } 0 \cdot 1$ tg  $2 \cdot 2' = \text{arc } 0 \cdot 2 \dots \text{etc.}$ 

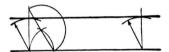
AB (fig. 1) roulant sans glisser sur un cercle. — Normale à la courbe, cette droite est tangente à la circonférence de base.

Le principe du tracé (fig. 2) est basé sur cette définition.

#### APPLICATIONS USUELLES de géométrie pratique

#### 1. Traçage de pièces mécaniques.

- Détermination d'un tracé quelconque. Le tracage commence par les axes principaux, puis les axes secondaires, ensuite les profils divers par rapport aux traits d'axe.
- Traçage en l'air. C'est un traçage dont tous les éléments se trouvent dans des plans différents. Les plans principaux sont perpendiculaires entre eux; les plans secondaires sont des plans de symétrie d'éléments du tracé.



— Traçage à plat. — C'est celui qui s'exécute sur une surface plane d'une certaine étendue. Les tracés géométriques, à la règle et au compas, sont utilisés pour tracer les parallèles (fig. ci-dessus), les perpendiculaires et les courbes.

II. Traçage sur métaux en feuilles. — Cette opération s'apparente à celle du dessin géométrique dont elle emprunte les règles de construction.

REMARQUE. — On utilise généralement, pour le marquage des pièces en alliages légers, un CRAYON DUR et non une POINTE METALLIQUE.

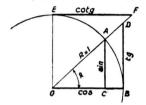
III. Travaux d'ajustage. — Conditions géométriques imposées aux travaux d'ajustage :

- La planéité des surfaces (obtenue par limage à traits croisés, sous un angle de 40 à 45" par rapport à l'axe de la pièce);
- Le parallélisme et la perpendicularité des surfaces planes;
- Les valeurs des angles (glissières, coulisses, etc.);
- La symétrie de certains éléments ainsi que les applications à la conception des montages d'usinage.

## TRIGONOMÉTRIE

Définition du CERCLE TRIGONOMÉTRIQUE (fig. ci-dessous)

Dans un cercle de rayon égal à l'unité, le nombre qui mesure OC, pris avec la même unité de mesure que celle du rayon, donne la valeur du cosinus de l'angle  $\alpha$ . Le nombre qui mesure AC donne la valeur du sinus de l'angle  $\alpha$ , celui de BD la tangente de  $\alpha$ , et celui de EF la cotangente de ce même angle.



Pour une circonférence de rayon quelconque R, on a:

$$\begin{split} \sin\alpha &= \frac{AC}{R} & \cos\alpha &= \frac{OC}{R} \\ tg\,\alpha &= \frac{BD}{R} & \cot\alpha &= \frac{EF}{R} \end{split}$$

# TABLE DES RAPPORTS — TRIGONOMÉTRIQUES NATURELS (pages 24 à 31)

Les tables qui suivent (dont la lecture est directe) sont exprimées à cinq décimales de 10 en 10 minutes. — Elles donnent les valeurs trigonométriques des angles de 0 à 90°, le rayon étant égal à 1. — Ces tables permettent également de calculer :

## a) Les valeurs trigonométriques des mêmes angles (0 à 90°) de MINUTE EN MINUTE.

I. EXEMPLE. — Calculer le sinus de 32° 46′. La table (page 24) donne :

$$\sin 32^{\circ} 50' = 0,54220$$
  
 $\sin 32^{\circ} 40' = 0,53975$ 

Différence pour 10' = 0.00245 appelée différence tabulaire (DT).

Pour une augmentation de 6', le sinus augmente de :  $\frac{6 \times 0.00245}{10} = 0.00147,$ 

donc: sinus  $32^{\circ} 46' = 0.53975 + 0.00147 = 0.54122$ 

## RAPPORTS TRIGONOMÉTRIQUES (suite)

II. Exemple. — Calculer la tangente de 27° 23'.

La table (page 28) donne:

$$tg 27^{\circ} 30' = 0.52057$$
  
 $tg 27^{\circ} 20' = 0.51688$ 

Différence pour 10' = 0.00369, donc :

$$tg 27^{\circ} 23' = 0.51688 + \frac{3 \times 0.00369}{10} = 0.51798.$$

#### b) Elles permettent aussi de trouver l'angle qui correspond à un rapport trigonométrique donné.

Exemple. — Quel est l'angle qui a pour cosinus 0.95907?

La table (page 26) donne pour les cosinus immédiatement supérieur et inférieur à 0,95907 :

$$\cos 16^{\circ} \ 20' = 0,95964$$
  
 $\cos 16^{\circ} \ 30' = 0,95882$ 

Différence pour 10' = 0.00082

Différence entre 0.95907 et 0.95882 = 0.00025.

Pour 0,00082, l'angle diminue de 10'.

Pour 0,00025, l'angle diminue de :

$$\frac{10' \times 25}{82} = 3'$$
 (résultat approché)

donc l'angle cherché est 16° 30′ — 3′ = 16° 27′.

On peut encore utiliser ces tables pour trouver :

## c) Les valeurs trigonométriques des angles compris entre 90 et 180°, en sachant que :

1º le sinus de l'angle 2 est égal au sinus de l'angle supplémentaire,

EXEMPLE:  $\sin 128^{\circ} = \sin (180^{\circ} - 128^{\circ}) = \sin 52^{\circ}$ .

2° le cosinus de l'angle 2 est égal au cosinus de l'angle supplémentaire affecté du signe moins (—).

EXEMPLE:

$$\cos 128^{\circ} = -\cos (180^{\circ} - 128^{\circ}) = -\cos 52^{\circ}$$

### TARIE DEC CINIIC O. -> 450

DEGRÉS	0′	10′	20′	30′	40′	<b>50</b> ′
	1					<u> </u>
,0	0,00000	0,00291	0,00582	0,00873	0,01164	0,01454
1	0,01745	0,02036	0,02327	0,02618	0,02908	0,0319
2	0,03490	0,03781	0,04071	0,04362	0,04653	0,0494
	0,05234	0,05524	0,05814	0,06105	0,06395	0,0668
4	0,06976	0,07266	0,07556	0,07846	0,08136	0,0842
5	0,10453	0,09005 0,10742	0,09295 0,11031	0,09585 0,11320	0,09874	0,1016
7	0,10433	0,10/42	0,11031	0,11320	0,11609	0,1189
8	0,13917	0,12476	0,12764	0,13033	0,13341 0,15069	0,13629 0,15350
9	0,15643	0,15931	0,14433	0.16505	0,15069	0,1333
	0,10010	0,10001	0,10210	0,10000	0,10/32	0,17076
10	0,17365	0,17651	0,17937	0,18224	0,18509	0,1879
11	0,19081	0,19366	0,19652	0,19937	0,20222	0,20507
12	0,20791	0,21076	0,21360	0,21644	0,21928	0.22212
13	0,22495	0,22778	0,23062	0,23345	0,23627	0,23910
14	0,24192	0,24474	0,24756	0,25038	0,25320	0,2560
15	0,25882	0,26163	0,26443	0,26724	0,27004	0,27284
16	0,27564	0,27843	0,28123	0,28402	0,28680	0,28959
17	0,29237	0,29515	0,29793	0,30071	0,30348	0,30625
18	0,30902	0,31178	0,31454	0,31730	0,32006	0,32282
19	0,32557	0,32832	0,33106	0,33381	0,33655	0,33929
20	0,34202	0,34475	0,34748	0,35021	0,35293	0,35565
21	0,35837	0,36108	0,36379	0,36650	0,36921	0,37191
22	0,37461	0,37730	0,37999	0,38268	0,38537	0,38805
23	0,39073	0,39341	0,39608	0,39875	0,40142	0,40408
24	0,40674	0,40939	0,41204	0,41469	0,41734	0,41998
25	0,42262	0,42525	0,42788	0,43051	0,43313	0,43575
26	0,43837	0,44098	0,44359	0,44620	0,44880	0,45140
27	0,45399	0,45658	0,45917	0,46175	0,46433	0,46690
28	0,46947	0,47204	0,47460	0,47716	0,47971	0,48226
29	0,48481	0,48735	0,48989	0,49242	0,49495	0,49748
30	0,50000	0,50252	0,50503	0,50754	0,51004	0,51254
31	0,51504	0,51753	0,52002	0,52250	0,52498	0,52745
32	0,52992	0,53238	0,53484	0,53730	0,53975	0,54220
33	0,54464	0,54708	0,54951	0,55194	0,55436	0,55678
34	0,55919	0,56160	0,56401	0,56641	0,56880	0,57119
35	0,57358	0,57596	0,57833	0,58070	0,58307	0,58543
36	0,58779	0,59014	0,59248	0,59482	0,59716	0,59949
37	0,60182	0,60414	0,60645	0,60876	0,61107	0,61337
38	0,61566	0,61795	0,62024	0,62251	0,62479	0,62706

#### TABLE DES SINUS 45° → 90°

DEGRÉS	0′	10′	20′	<b>30</b> ′	40 <sup>′</sup>	<b>50</b> ′
45	0,70711	0,70916	0,71121	0,71325	0,71529	0,71732
46	0,71934	0,72136	0,72337	0,72537	0,72737	0,72937
47	0,73135	0,73333	0,73531	0,73728	0,73924	0,74120
48 49	0,74314 0,75471	0,74509 0,75661	0,74703 0,75851	0,74896 0,76041	0,75088	0,75280
45	0,73471	0,73661	0,73831	0,76041	0,76229	0,76417
50	0,76604	0,76791	0,76977	0,77162	0,77347	0,77531
51	0,77715	0,77897	0,78079	0,78261	0,78442	0,78622
52	0,78801	0,78980	0,79158	0,79335	0,79512	0,79688
53 54	0,79864 0,80902	0,80038 0,81072	0,80212 0,81242	0,80386 0,81412	0,80558 0,81580	0,80730
55	0,81915	0,82082	0,82248	0,82413	0,81500	0,81740
56	0,82904	0,83066	0,83228	0,83389	0,83549	0,83708
57	0,83867	0,84025	0,84182	0,84339	0,84495	0,84650
58	0,84805	0,84959	0,85112	0,85264	0,85416	0,85567
59	0,85717	0,85866	0,86015	0,86163	0,86310	0,86457
60	0,86603	0,86748	0.86892	0,87036	0,87178	0.87321
61	0,87462	0,87603	0,87743	0,87882	0,88020	0,88158
62	0,88295	0,88431	0,88566	0,88701	0,88835	0,88968
63	0,89101	0,89232	0,89363	0,89493	0,89623	0,89752
64 65	0,89879	0,90007 0,90753	0,90133	0,90259 0,90996	0,90383 0,91116	0,90507
66	0,91355	0,91472	0,90875 0,91590	0,91706	0,91116	0,91236
67	0,92050	0,92164	0,92276	0,92388	0,92499	0,92609
68	0,92718	0,92827	0,92935	0,93042	0,93148	0,93253
69	0,93358	0,93462	0,93565	0,93667	0,93769	0,93869
70	0,93969	0,94068	0,94167	0.94264	0,94361	0,94457
71	0,94552	0,94646	0,94740	0,94832	0,94924	0,95015
72	0,95106	0,95195	0,95284	0,95372	0,95459	0,95545
73	0,95630	0,95715	0,95799	0,95882	0,95964	0,96046
74 75	0,96126 0,96593	0,96206 0,96667	0,96285 0,96742	0,96363 0,96815	0,96440 0,96887	0,96517
76	0,97030	0,97100	0,97169	0,97237	0,97304	0.97371
77	0,97437	0,97502	0,97566	0,97630	0,97692	0,97754
78	0,97815	0,97875	0,97934	0,97992	0,98050	0,98107
79	0,98163	0,98218	0,98272	0,98325	0,98378	0,98430
80	0,98481	0,98531	0,98580	0,98629	0,98676	0,98723
81	0,98769	0,98814	0,98858	0.98902	0,98944	0,98986
82	0,99027	0,99067	0,99106	0,99144	0,99182	0,99219
83	0,99255	0,99290	0,99324	0,99357	0,99390	0,99421
84	0,99452	0,99482	0,99511	0,99540	0,99567	0,99594
85 86	0,99619 0,99756	0,99644 0,99776	0,99668	0,99692	0,99714	0,99736
87	0,99863	0,99878	0,99795 0,99892	0,99813 0,99905	0,99831 0,99917	0,99847 0,99929
88	0,99939	0,99949	0,99958	0,99966	0,99973	0,99979
89	0,99985	0,99989	0,99993	0,99996	0,99998	0,99999

0,63383

0,64723

0,66044

0,67344

0,68624

0,69883

0,63608

0,64945 0,66262 0,67559

0,68835

0,70091

0,63832

0,65166 0,66480 0,67773

0,69046

0,70298

0,64056

0,65386

0,66697

0,67987

0,69256

0,70505

39

40

41

42

43

44

0,62932

0,64279

0,65606

0,66913

0,68200

0,69466

0,63158

0,64501

0,65825

0,67129

0,68412

0,69675

DEGRÉS	0′	10′	20′	30′	40′	50 <sup>′</sup>
0 1 2 3 4 5 6 7 8	1,00000 0,99985 0,99939 0,99863 0,99756 0,99619 0,99455 0,99255 0,99027 0,98769	1,00000 0,99379 0,99929 0,99847 0,99736 0,99594 0,99421 0,99219 0,98986 0,98723	0,99998 0,99973 0,99917 0,99831 0,99714 0,99567 0,99390 0,99182 0,98844 0,98676	0,99996 0,99966 0,99905 0,99813 0,99692 0,99540 0,99357 0,99144 0,98902 0,98629	0,99993 0,99958 0,99892 0,99795 0,99668 0,99511 0,99324 0,99106 0,98858 0,98580	0,99989 0,99949 0,99878 0,99776 0,99644 0,99482 0,99290 0,99290 0,98814 0,98531
1 0 11 12 13 14 15 16 17 18	0,98481 0,98163 0,97815 0,97437 0,97030 0,96530 0,95630 0,95106 0,94552	0,98430 0,98107 0,97754 0,97371 0,96959 0,96517 0,96046 0,95545 0,95015 0,94457	0,98378 0,98050 0,97692 0,97304 0,96887 0,96440 0,95964 0,95459 0,94924 0,94361	0,98325 0,97992 0,97630 0,97237 0,96815 0,96363 0,95882 0,95372 0,94832 0,94264	0,98272 0,97934 0,97566 0,97169 0,96742 0,96285 0,95799 0,95284 0,94740 0,94167	0,98218 0,97875 0,97502 0,97100 0,96667 0,96206 0,95715 0,95195 0,94646 0,94068
20 21 22 23 24 25 26 27 28 29	0,93969 0,93358 0,92718 0,92050 0,91355 0,90631 0,89879 0,89101 0,88295 0,87462	0,93869 0,93253 0,92609 0,91936 0,91236 0,90507 0,89752 0,88968 0,88158 0,87321	0,93769 0,93148 0,92499 0,91822 0,91116 0,90383 0,89623 0,88835 0,88020 0,87178	0,93667 0,93042 0,92388 0,91706 0,90996 0,90259 0,89493 0,88701 0,87882 0,87036	0,93565 0,92881 0,92276 0,91590 0,90875 0,90133 0,89363 0,88566 0,87743 0,86892	0,93462 0,92827 0,92164 0,91472 0,90753 0,9002 0,89232 0,88431 0,87603 0,86748
3 0 31 32 33 34 35 36 37 38	0,86603 0,85717 0,84805 0,83867 0,82904 0,81915 0,80902 0,79864 0,78801 0,77715	0,86457 0,85567 0,84650 0,83708 0,82741 0,81748 0,80730 0,79688 0,78622 0,77531	0,86310 0,85416 0,84495 0,83549 0,82577 0,81580 0,80558 0,79512 0,78442 0,77347	0,86163 0,85264 0,84339 0,83389 0,82413 0,81412 0,80386 0,79335 0,78261 0,77162	0,86015 0,85112 0,84182 0,83228 0,82248 0,81242 0,80212 0,79158 0,78079 0,76977	0,85866 0,84959 0,84025 0,83066 0,82082 0,81072 0,80038 0,78980 0,77897 0,76791
41 41 42 43 44	0,76604 0,75471 0,74314 0,73135 0,71934	0,76417 0,75280 0,74120 0,72937 0,71732	0,76229 0,75088 0,73924 0,72737 0,71529	0,76041 0,74896 0,73728 0,72537 0,71325	0,75851 0,74703 0,73531 0,72337 0,71121	0,75661 0,74509 0,73333 0,72136 0,70916

DEGRÉS	0′	10′	20′	30′	40′	<b>50</b> ′
15	0,70711	0,70505	0,70298	0.70091	0,69883	0,69675
46	0,69466	0,69256	0,69046	0,68835	0,68624	0,68412
47	0,68200	0,67987	0,67773	0,67559	0,67344	0,67129
48	0,66913	0,66697	0,66480	0,66262	0,66044	0,65825
49	0,65606	0,65386	0,65166	0,64945	0,64723	0,64501
50	0,64279	0,64056	0,63832	0,63608	0,63383	0,63158
51	0,62932	0,62706	0,62479	0,62251	0,62024	0,61795
52	0,61566	0,61337	0,61107	0,60876	0,60645	0,60414
53	0,60182	0,59949	0,59716	0,59482	0,59248	0,59014
54 55	0,58779 0,57358	0,58543 0,57119	0,58307 0,56880	0,58070 0,56641	0,57833 0,56401	0,57596 0,56160
56	0,55919	0,55678	0,55436	0,55194	0,54951	0,54708
57	0,54464	0,54220	0,53975	0,53730	0,53484	0.53238
58	0,52992	0.52745	0.52498	0.52250	0.52002	0.51753
59	0,51504	0,51254	0,51004	0,50754	0,50503	0,50252
60	0,50000	0,49748	0,49495	0,49242	0.48989	0,48735
61	0,48481	0,48226	0,47971	0,47716	0,47460	0,47204
62	0,46947	0,46690	0,46433	0,46175	0,45917	0,45658
63	0,45399	0,45140	0,44880	0,44620	0,44359	0,44098
64	0,43837	0,43575	0,43313	0,43051	0,42788	0,42525
65	0,42262	0,41998	0,41734	0,41469	0,41204	0,40939
66	0,40674	0,40408	0,40141 0,38537	0,39875 0,38268	0,39608 0,37999	0,39341 0,37730
67 68	0,39073 0,37461	0,38805 0,37191	0,36921	0,36650	0,36379	0,36108
69	0,35837	0,35565	0,35293	0,35021	0,34748	0,34475
70	0.34202	0,33929	0,33655	0,33381	0.33106	0,32832
71	0,32557	0,32282	0,32006	0,31730	0,31454	0,31178
72	0,30902	0,30625	0,30348	0,30071	0,29793	0,29515
73	0,29237	0,28959	0,28680	0,28402	0,28123	0,27843
74	0,27564	0,27284	0,27004	0,26724	0,26443	0,26163
75	0,25882	0,25601	0,25320	0,25038	0,24756	0,24474
76	0,24192	0,23910	0,23627	0,23345	0,23062	0.22778
77 78	0,22495 0,20791	0,22212 0,20507	0,21928 0,20222	0,21644 0,19937	0,21360 0,19652	0,21076
79	0,19081	0,18795	0,20222	0,18224	0,17937	0,17651
80	0,17365	0,17078	0,16792	0,16505	0,16218	0,15931
81	0.15643	0,15356	0,15069	0,14781	0,14493	0,14205
82	0,13917	0,13629	0,13341	0,13053	0,12764	0,12476
83	0,12187	0,11898	0,11609	0,11320	0,11031	0,10742
84	0,10453	0,10164	0,09874	0,09584	0,09295	0,09005
85	0,08716	0,08426	0,08136	0,07846	0,07556	0,07266
86	0,06976	0,06685	0,06395	0,06105	0,05814	0,05524
87	0,05234	0,04943	0,04653	0,04362	0,04071	0,03781
88 89	0,03490	0,03199 0,01454	0,02908 0,01164	0,02618	0,02327 0,00582	0,02036

## TABLE DES TANGENTES $0^{\circ} \rightarrow 45^{\circ}$

DEGRÉS	0′	10′	20′	30′	40′	50 <sup>′</sup>
0	0,00000	0,00291	0,00582	0,00873	0,01164	0,01455
1	0,01746	0,02036	0,02328	0,02619	0,02910	0,03201
2	0,03492	0,03783 0,05533	0,04075 0,05824	0,04366 0,06116	0,04658 0,06408	0,04949
3 4	0,05241	0,03333	0,03524	0,00110	0,08163	0,06700 0,08456
5	0,08749	0,09042	0,09335	0,09629	0,09923	0,10216
6	0,10510	0,10805	0,11099	0,11394	0,11688	0,11983
7	0,12278	0,12574	0,12869	0,13165	0,13461	0,13758
8	0,14054	0,14351	0,14648	0,14945	0,15243	0,15540
9	0,15838	0,16137	0,16435	0,16734	0,17033	0,17333
10	0,17633	0,17933	0,18233	0,18534	0,18835	0,19136
11	0,19438	0,19740	0,20042	0,20345	0,20648	0,20952
12	0,21256	0,21560	0,21864	0,22169	0,22475	0,22781
13	0,23087	0,23393 0,25242	0,23700 0,25552	0,24008 0,25862	0,24316	0,24624
14 15	0,24933 0,26795	0,23242	0,23332	0,23862	0,26172 0,28046	0,26483 0,28360
16	0,28675	0,28990	0,29305	0,29621	0,29938	0,30255
17	0,30573	0,30891	0,31210	0,31530	0,31850	0.32171
18	0,32492	0,32814	0,33136	0,33460	0,33783	0,34108
19	0,34433	0,34758	0,35085	0,35412	0,35740	0,36068
20	0,36397	0,36727	0,37057	0,37388	0,37720	0,38053
21	0,38386	0,38721	0,39055	0,39391	0,39727	0,40065
22	0,40403	0,40741	0,41081	0,41421	0,41763	0,42105
23	0,42447	0,42791	0,43136	0,43481	0,43828	0,44175
24	0,44523	0,44872	0,45222	0,45573	0,45924	0,46277
25	0,46631	0,46985	0,47341	0,47698 0,49858	0,48055 0,50222	0,48414 0,50587
26 27	0,48773 0,50953	0,49134 0,51319	0,49495 0,51688	0,52057	0,52427	0,52798
28	0,50953	0,53545	0,53920	0,54296	0,54673	0,55051
29	0,55431	0,55812	0,56194	0,56577	0,56962	0,57348
30	0,57735	0,58124	0,58513	0,58905	0,59297	0,59691
31	0,60086	0,60483	0,60881	0,61280	0,61681	0,62083
32	0,62487	0,62892	0,63299	0,63707	0,64117	0,64528
33	0,64941	0,65355	0,65771	0,66189	0,66608	0,67028
34	0,67451	0,67875	0,68301	0,68728	0,69157	0,69588
35	0,70021	0,70455	0,70891	0,71329	0,71769	0,72211 0,74900
36	0,72654	0,73100 0,75812	0,73547	0,73996 0,76733	0,74447 0,77196	0,74900
37 38	0,75355 0,78129	0.78598	0.76272 0.79070	0,79544	0,80020	0,80498
39	0,80978	0,81461	0,81946	0,82434	0,82923	0,83415
40	0,83910	0,84407	0,84906	0,85408	0,85912	0,86419
40	0,83910	0,84407	0,84906	0,88473	0,88992	0,89515
42	0,86929	0,90569	0,91099	0,91633	0,92170	0,92709
43	0,93252	0,93797	0,94345	0,94896	0,95451	0,96008
44	0.86569	0,97133	0,97700	0,98270	0,98843	0,99420

## TABLE DES TANGENTES 45° → 90°

DEGRÉS	0′	10′	<b>20</b> ′	30′	<b>40</b> ′	50∕
45	1,00000	1,00583	1,01170	1,01761	1,02355	1,02952
46	1,03553	1.04158	1,04766	1,05378	1,05994	1,06613
47	1,07237	1,07864	1,08496	1,09131	1,09770	1,10414
48 49	1,11061	1,11713 1,15715	1,12369	1,13029 1,17085	1,13694 1,17777	1,14363
	1,15037	1,13/13	1,10330			1,104,4
50	1,19175	1,19882	1,20593	1,21310	1,22031	1,22758
51	1,23490	1,24227	1,24969	1,25717	1,26471	1,27230
52	1,27994	1,28764	1,29541	1,30323	1,31110	1,31904
53 54	1,32704	1,33511 1,38484	1,34323 1,39336	1,35142 1,40195	1,35968 1,41061	1,36800 1,41934
55	1,37638 1,42815	1,43703	1,44598	1,45501	1,41001	1,47330
56	1,48256	1,49190	1,50133	1,51084	1,52043	1,53010
57	1,53986	1,54972	1,55966	1,56969	1,57981	1,59002
58	1,60033	1,61074	1,62125	1,63185	1,64256	1,65337
59	1,66428	1,67530	1,68643	1,69766	1,70901	1,72047
60	1.73205	1,74375	1,75556	1,76749	1,77955	1,79174
61	1,80405	1,81649	1,82906	1,84177	1,85462	1,86760
62	1,88073	1,89400	1,90741	1,92098	1,93470	1,94858
63	1,96261	1,97681	1,99116	2,00569	2,02039	2,03526 2,12832
64 65	2,05030	2,06553 2,16090	2,08094 2,17749	2,09654 2,19430	2,11233 2,21233	2,12832
66	2,14451 2,24604	2,26374	2,28167	2,29984	2,31826	2,33693
67	2,35585	2,37504	2,39449	2,41421	2,43422	2.45451
68	2,47509	2,49597	2,51715	2,53865	2,56046	2,58261
69	2,60509	2,62791	2,65109	2,67462	2,69853	2,72281
70	2,74748	2,77254	2,79802	2,82391	2,85023	2,87700
71	2,90421	2,93189	2,96004	2,98868	3,01783	3,04749
72	3,07768	3,10842	3,13972	3,17159	3,20406	3,23714
73	3,27085	3,30521	3,34023	3,37594	3,41236	3,44951 3,68909
74 75	3,48741	3,52609 3,77595	3,56557 3,82083	3,60588 3,86671	3,64705 3,91364	3,96165
76	3,73205 4,01078	4,06107	4,11256	4,16530	4,21933	4,27471
77	4,33148	4,38969	4,44942	4,51071	4,57363	4,63825
78	4,70463	4,77286	4,84300	4,91516	4,98940	5,06584
79	5,14455	5,22566	5,30928	5,39552	5,48451	5,57638
80	5,67128	5,76936	5,87080	5,97576	6,08444	6,19703
81	6,31375	6,43484	6,56055	6,69116	6,82694	6,96823
82	7,11537	7,26873	7,42871	7,59575	7,77035	7,95302
83	8,14435	8,34496	8,55555	8,77689	9,00983	9,25530
84	9,51436	9,78817 11.8262	10,0780 12,2505	10,3854 12,7062	10,7119	11,0594
85 86	11,4300 14,3006	14,9244	15,6048	16,3498	17,1693	18,0750
87	19,0811	20,2056	21,4704	22,9037	24,5418	26.4316
88	28,6362	31,2416	34,3678	38,1884	42,9641	49,1039
89	57,2899	68,7500	85,9398	114,5886	171,8854	343,7737

DEGRÉS	0′	10′	20′	30′	40′	50 <sup>′</sup>
0 1 2 3 4 5 6 7 8	57,2899 28,6363 19,0811 14,3006 11,4301 9,51436 8,14436 7,11537 6,31375	343,7737 49,1038 26,4316 18,0750 13,7267 11,0594 9,25530 7,95302 6,96823 6,19703	171,8854 42,9640 24,5418 17,1693 13,1969 10,7119 9,00983 7,77035 6,82694 6,08444	114,5886 38,1885 22,9038 16,3499 12,7062 10,3854 8,77689 7,59575 6,69116 5,97576	85,9398 34,3678 21,4704 15,6048 12,2505 10,0780 8,55555 7,42871 6,56055 5,87080	68,7501 31,2416 20,2056 14,9244 11,8262 9,78817 8,34496 7,26873 6,43484 5,76937
1 0 11 12 13 14 15 16 17 18	5,67128 5,14455 4,70463 4,33148 4,01078 3,73205 3,48741 3,27085 3,07768 2,90421	5,57638 5,06584 4,63825 4,27471 3,96165 3,68909 3,44951 3,23714 3,04749 2,87700	5.48451 4,98940 4,57363 4,21933 3,91364 3,64705 3,41236 3,20406 3,01783 2,85023	5,39552 4,91516 4,51071 4,16530 3,86671 3,60588 3,37594 3,17159 2,98868 2,82391	5,30928 4,84300 4,44942 4,11256 3,82083 3,56557 3,34023 3,13972 2,96004 2,79802	5,22566 4,77286 4,38969 4,06107 3,77595 3,52609 3,30521 3,10842 2,93189 2,77254
2 0	2,74748	2,72281	2,69853	2,67462	2,65109	2,62791
21	2,60509	2,58261	2,56046	2,53865	2,51715	2,49597
22	2,47509	2,45451	2,43422	2,41421	2,39449	2,37504
23	2,35585	2,33693	2,31826	2,29984	2,28167	2,26374
24	2,24604	2,22857	2,21132	2,19430	2,17749	2,16090
25	2,14451	2,12832	2,11233	2,09654	2,08094	2,06553
26	2,05030	2,03526	2,02039	2,00569	1,99116	1,97681
27	1,96261	1,94858	1,93470	1,92098	1,90741	1,89400
28	1,88073	1,86760	1,85462	1,84177	1,82906	1,81649
29	1,80405	1,79174	1,77955	1,76749	1,75556	1,74375
3 0	1,73205	1,72047	1,70901	1,69766	1,68643	1,67530
31	1,66428	1,65337	1,64256	1,63185	1,62125	1,61074
32	1,60033	1,59002	1,57981	1,56969	1,55966	1,54972
33	1,53986	1,53010	1,52043	1,51084	1,50133	1,49190
34	1,48256	1,47330	1,46411	1,45501	1,44598	1,43703
35	1,42815	1,41934	1,41061	1,40195	1,39336	1,38484
36	1,37638	1,36800	1,35968	1,35142	1,34323	1,33511
37	1,32704	1,31904	1,31110	1,30323	1,29541	1,28764
38	1,27994	1,27230	1,26471	1,25717	1,24969	1,24227
39	1,23490	1,22758	1,22031	1,21310	1,20593	1,19882
4 0	1,19175	1,18474	1,17777	1,17085	1,16398	1,15715
41	1,15037	1,14363	1,13694	1,13029	1,12369	1,11713
42	1,11061	1,10414	1,09770	1,09131	1,08496	1,07864
43	1,07237	1,06613	1,05994	1,05378	1,04766	1,04158
44	1,03553	1,02952	1,02355	1,01761	1,01170	1,00583

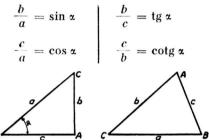
DEGRĖS	0′	10′	20′	30 <sup>′</sup>	40′	50′
45	1,00000	0,99420	0,98842	0,98270	0,97700	0,97133
46	0,96569	0,96008	0,95451	0,94896	0,94345	0,93797
47	0,93252	0,92709	0,92170	0,91633	0,91099	0,90569
48	0,90040	0,89515	0,88992	0,88473	0,87955	0,87441
49	0,86929	0,86419	0,85912	0,85408	0,84906	0,84407
50	0,83910	0,83415	0,82923	0,82434	0,81946	0,81461
51 52	0,80978 0,7812 <b>9</b>	0,80498	0,80020	0,79544	0,79070 0,76272	0,78598
53	0,75355	0,77661 0,74900	0,77196 0,74447	0,76733	0,78272	0,75812 0,73100
54	0,72654	0,72211	0,71769	0,71329	0,70891	0.70455
55	0,70021	0,69588	0,69157	0,68728	0,68301	0,67875
56	0,67451	0,67028	0,66608	0,66189	0,65771	0,65355
57	0,64941	0,64528	0,64117	0,63707	0,63299	0,62892
58	0,62487	0,62083	0,61681	0,61280	0,60881	0,60483
59	0,60086	0,59691	0,59297	0,58905	0,58513	0,58124
60	0,57735	0,57348	0,56962	0,56577	0,56194	0,55812
61	0,55431	0,55051	0,54673	0,54296	0,53920	0,53545
62 63	0,53171	0,52798	0,52427	0,52057	0,51688	0,51319
64	0,50953	0,50587 0,48414	0,50222 0,48055	0,49858	0,49495 0,47341	0,49134 0,46985
65	0,46631	0,46277	0,45924	0,475573	0,45222	0,46963
66	0,44523	0.44175	0,43828	0,43481	0,43136	0,42791
67	0,42447	0,42105	0,41763	0,41421	0,41081	0,40741
68	0,40403	0,40065	0,39727	0,39391	0,39055	0,38721
69	0,38386	0,38053	0,37720	0,37388	0,37057	0,36727
70	0,36397	0,36068	0,35740	0,35412	0,35085	0,34758
71	0,34433	0,34108	0,33783	0,33460	0,33136	0,32814
72	0,32492	0,32171	0,31850	0,31530	0,31210	0,30891
73 74	0,30573 0,28675	0,30255	0,29938	0,29621 0,27732	0,29305	0,28990 0,27107
75	0,28675	0,28360	0,28046 0,26172	0,27732	0,25552	0,27107
76	0,24933	0,24624	0,24316	0,24008	0,23700	0,23393
77	0,23087	0,22781	0,22475	0,22169	0,21864	0,21560
78	0,21256	0,20952	0,20648	0,20345	0,20042	0,19740
79	0,19438	0,19136	0,18835	0,18534	0,18233	0,17933
80	0,17633	0,17333	0,17033	0,16734	0,16435	0,16137
81	0,15838	0,15540	0,15243	0,14945	0,14648	0,14351
82	0,14054	0,13758	0,13461	0,13165	0,12869	0,12574
83 84	0,12278	0,11983 0,10216	0,11688 0,09923	0,11394	0,11099 0,09335	0,10805 0,09042
85	0,10510 0,08749	0,10216	0,09923	0,03629	0,09335	0.07285
86	0,06993	0,06700	0,06408	0.06116	0,05824	0,05533
87	0,05241	0,04949	0,04658	0,04366	0,04075	0,03783
88	0,03492	0,03200	0,02910	0,02618	0,02328	0,02036
89	0,01746	0,01454	0,01163	0,00872	0,00582	0,00291

#### RESOLUTION DES TRIANGLES

Les côtés des triangles représentés ci-après sont indiqués par les lettres minuscules a, b, c, et les angles opposés à ces côtés par les majuscules A, B, C.

#### --- RAPPORTS ----

relatifs à l'angle d'un triangle rectangle (fig. 1)



## RELATIONS ENTRE LES ÉLÉMENTS DES TRIANGLES

Fig. 2

#### Triangle rectangle (fig. 1)

Règles fondamentales :

Fig. 1

I. — Un côté de l'angle droit d'un triangle rectangle est égal au produit de l'hypoténuse par le sinus de l'angle opposé à ce côté, ou par le cosinus de l'angle adjacent:

$$b = a \times \sin B$$
  $b = a \times \cos C$   
 $c = a \times \sin C$   $c = a \times \cos B$ 

II. — Un côté de l'angle droit d'un triangle rectangle est égal au produit de l'autre côté de l'angle droit par la TANGENTE de l'angle opposé au côté cherché ou par la COTANGENTE de l'angle adjucent à ce côté :

$$b = c \times \operatorname{tg} B$$
  $b = c \times \operatorname{cotg} C$   
 $c = b \times \operatorname{tg} C$   $c = b \times \operatorname{cotg} B$ 

Théorème de Pythagore:

1° Le carré de l'hypoténuse est égal à la somme des carrés des deux autres côtés.

#### RÉSOLUTION DES TRIANGLES (suite)

2° Le carré d'un côté de l'angle droit est égal au carré de l'hypoténuse moins le carré de l'autre côté.

Formule: 
$$a^2 = b^2 + c^2$$

De cette égalité, nous déduisons que :

$$b^2 = a^2 - c^2$$
  
 $c^2 = a^2 - b^2$ 

Et, en extrayant les racines carrées, nous obtenons:

$$a = \sqrt{b^2 + c^2}$$

$$b = \sqrt{a^2 - c^2}$$

$$c = \sqrt{a^2 - b^2}$$

#### Triangle quelconque (fig. 2)

Règles fondamentales:

I. — Dans un triangle quelconque, les côtés sont proportionnels aux sinus des angles opposés:

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

II. — Dans un triangle quelconque, le carré d'un côté est égal à la somme des carrés des deux autres côtés, moins deux fois le produit de ces côtés multiplié par le cosinus de l'angle qu'ils comprennent:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 bc \times \cos A$$
  
 $b^2 = a^2 + c^2 - 2 ac \times \cos B$   
 $c^2 = a^2 + b^2 - 2 ab \times \cos C$ 

III. — Chaque côté d'un triangle quelconque est égal à la somme des produits des deux autres côtés par le cosinus de l'angle qu'il forme avec le premier:

$$a = b \times \cos C + c \times \cos B$$
  
 $b = a \times \cos C + c \times \cos A$   
 $c = a \times \cos B + b \times \cos A$ 

NOTA. — Pour les angles supérieurs à 90°, voir page 37.

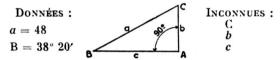
#### TRIANGLES RECTANGLES

La résolution des triangles rectangles peut présenter quatre cas, suivant que l'on connaît :

- 1° L'hypoténuse et un angle aigu;
- 2° L'hypoténuse et un côté de l'angle droit;
- 3° Un côté de l'angle droit et l'angle aigu opposé à ce côté;
- 4° Les deux côtés de l'angle droit.

#### ---- EXEMPLES NUMÉRIQUES ----

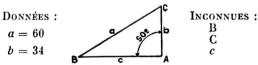
**Premier cas.** — Dans un triangle rectangle, on connaît l'hypoténuse a et un angle aigu B. Calculer l'autre angle et les autres côtés.



#### Application des formules :

C = 
$$90^{\circ}$$
 — B =  $90^{\circ}$  —  $38^{\circ}$   $20'$  =  $51^{\circ}$  40'  
b =  $a \times \sin B = 48 \times \sin 38^{\circ}$  20'  
=  $48 \times 0,62024 = 29,77$   
c =  $a \sin C = 48 \times \sin 51^{\circ}$  40'  
=  $48 \times 0,78442 = 37,65$ 

**Deuxième cas.** — Dans un triangle rectangle, on connaît l'hypoténuse a et un côté b. Calculer les angles du triangle et l'autre côté.



#### Application des formules:

$$\sin B = \frac{b}{a} = \frac{34}{60} = 0,56666, \text{ soit } B = 34^{\circ} 30'$$

$$C = 90^{\circ} - 34^{\circ} 30' = 55^{\circ} 30'$$

$$- 34 - 34 - 34 - 30'$$

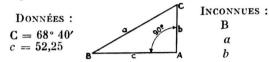
(Suite)  

$$c = a \cos B = 60 \times \cos 34^{\circ} 30'$$
  
 $= 60 \times 0.82413 = 49.44$ 

REMARQUE. — Le côté c peut également être calculé par la géométrie, en appliquant le théorème de Pythagore, c'est-à-dire en posant;

$$c = \sqrt{a^2 - b^2} = \sqrt{(a + b)(a - b)}$$

**Troisième cas.** — Dans un triangle rectangle, on connaît un côté c et un angle aigu C. Calculer l'autre angle et les autres côtés.



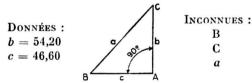
#### Application des formules :

$$B = 90^{\circ} - C = 90^{\circ} - 68^{\circ} 40' = 21^{\circ} 20'$$

$$a = \frac{c}{\sin C} = \frac{52,25}{\sin 68^{\circ} 40'} = \frac{52,25}{0,93148} = 56,09$$

$$b = \frac{c}{\operatorname{tg C}} = \frac{52,25}{\operatorname{tg }68^{\circ} 40'} = \frac{52,25}{2,56046} = 20,40$$

**Quatrième cas.** — Dans un triangle rectangle, on connaît les deux côtés b et c de l'angle droit. Calculer l'hypoténuse et les angles aigus.



#### Application des formules:

$$tg B = \frac{b}{c} = \frac{54,20}{46,60} = 1,16309 soit B = 49° 20'$$

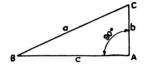
$$C = 90° - 49° 20' = 40° 40'$$

$$a = \frac{b}{\sin B} = \frac{54,20}{\sin 49° 20'} = \frac{54,20}{0,75851} = 71,45$$

$$- 35 -$$

#### TABLEAU

# DE RÉSOLUTION DES TRIANGLES RECTANGLES (Récapitulation des formules)



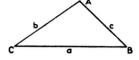
Les formules suivantes déterminent les relations qui unissent les angles et les côtés.

COTÉS & ANGLES CONNUS	FORMULES DI	E RÉSOLUTION	ANGLES
Côtés a et b	$c = \sqrt{a^2 - b^2}$	$\sin B = \frac{b}{a}$	C = 90° – B
Côtés a et c	$b = \sqrt{a^2 - c^2}$	$\sin C = \frac{c}{a}$	$B = 90^{\circ} - C$
Côtés b et c	$a = \sqrt{b^2 + c^2}$	$tang B = \frac{b}{c}$	$C = 90^{\circ} - B$
Côté a; angle B	$b=a imes \sin \mathrm{B}$	$c = a \times \cos B$	C = 90° — B
Côté a; angle C	$b=a imes \cos C$	$c = a \times \sin C$	B = 90° - C
Côté b; angle B	$a = \frac{b}{\sin B}$	$c = b  imes \cot B$	C = 90° - B
Côté b; angle C	$a = \frac{b}{\cos C}$	$c = b \times tang C$	B = 90° - C
Côté c; angle B	$a = \frac{c}{\cos B}$	$b = c \times tang B$	C = 90° — B
Côté c; angle C	$a = \frac{c}{\sin C}$	$b = c \times \operatorname{cotg} C$	B = 90° - C

#### TABLEAU

# DE RÉSOLUTION DES TRIANGLES QUELCONQUES (Récapitulation des formules)

Les formules suivantes déterminent les relations qui unissent les angles et les côtés.



DONNÉES	ÉLÉMENTS INCONNUS	FORMULES DE RÉSOLUTION
a, B, C	A, b, c	$A = 180^{\circ} - (B + C)$ $b = \frac{a \times \sin B}{\sin A}$ $c = \frac{a \times \sin C}{\sin A}$
		sin A
A, b, c	a, B, C	$a^2 = b^2 + c^2 - 2 bc \times \cos A$
		$\sin B = \frac{b}{a} \times \sin A$
		$\sin C = \frac{c}{a} \times \sin A$
a, b, c	A, B, C	$\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2 bc}$
		$\sin B = \frac{b}{a} \times \sin A$
		$\sin C = \frac{c}{a} \times \sin A$
a, b, A	В, С, с	$ sin B = \frac{b}{a} \times sin A $
		$C = 180^{\circ} - (A + B)$
		$c = \frac{a \times \sin C}{A}$
		$c = \frac{1}{\sin A}$

Remarque. — Pour l'angle A supérieur à  $90^\circ$  se rappeler que :

$$\sin A = \sin (180^{\circ} - A)$$

$$\cos A = -\cos (180^{\circ} - A)$$

# TRIGONOMÉTRIQUES D'ANGLES USUELS

ANGLES en degrés	Sin	Cos	Tg	Cotg
30°	$\frac{1}{2} = 0.5$	$\frac{\sqrt{3}}{2} = 0.866$	$\frac{1}{\sqrt{3}} = 0.577$	√3=1,732
45°	$\frac{\sqrt{2}}{2} = 0.707$	$\frac{\sqrt{2}}{2} = 0.707$	1	1
60°	$\frac{\sqrt{3}}{2} = 0.866$	$\frac{1}{2} = 0.5$	√ <del>3</del> =1, <b>732</b>	$\frac{1}{\sqrt{3}} = 0.577$

APPLICATIONS. — Principaux polygones:







**Triangle équilatéral.** — Calculer la hauteur h et le diamètre D en fonction du côté c.

$$h = \frac{c\sqrt{3}}{2} = c\cos 30^{\circ} = c \times 0,866$$

$$D = \frac{c}{\cos 30^{\circ}} = \frac{c}{0,866} \text{ ou } D = 1,155 c$$

Application numérique. — Pour un triangle équilatéral de côté  $c=32\,\mathrm{mm}$ , on a :

$$\begin{cases}
h = 32 \times 0,866 = 27,71 \text{ mm} \\
D = \frac{32}{0,866} = 36,96 \text{ mm} \\
ou D = 32 \times 1,155 = 36,96 \text{ mm}
\end{cases}$$

Carré. — Calculer le diamètre D du cylindre susceptible de donner un carré de 30 mm de côté c.

D = 
$$\frac{c}{\sin \text{ ou } \cos 45^{\circ}} = \frac{30}{0,707} = 42,42 \text{ mm}$$
  
ou D =  $c \times \sqrt{2} = 30 \times 1,414 = 42,42 \text{ mm}$ 

**Hexagone** (6 pans). — 1° Dêterminer le diamètre D du cylindre susceptible de donner un hexagone de 36 mm sur plats = p.

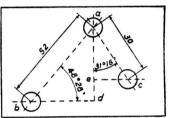
$$D = \frac{p}{\sin 60^{\circ}} = \frac{36}{0.866} = 41.58 \text{ mm}$$

$$ou \quad D = 36 \times 1.155 = 41.58 \text{ mm}$$
2° Déterminer le côté  $c$  de l'hexagone

 $c = D \times \cos 60^{\circ} = 41,58 \times 0,5 = 20,79 \text{ mm}$ 

# QUELQUES APPLICATIONS —— DU CALCUL TRIGONOMÉTRIQUE

Travail sur machine à pointer.



Lorsque les cotes d'entraxes sont déterminées par des angles, le calcul des coordonnées (déplacements de la pièce à l'aide des coulisses transversale et longitudinale de la table de la machine), s'effectue par la RÉSOLUTION DES TRIANGLES.

#### Application pour pièce montée sur table :

Exemple. — Soit à percer sur machine à pointer les 3 trous représentés par le schéma ci-dessus.

Nous avons successivement:

$$ad = ab \times \sin 48^{\circ} 28' = 52 \times 0,74896 = 38,945$$
  
 $bd = ab \times \cos 48^{\circ} 28' = 52 \times 0,66262 = 34,456$   
 $ae = ac \times \cos 31^{\circ} 16' = 30 \times 0,85476 = 25,642$   
 $ec = ac \times \sin 31^{\circ} 16' = 30 \times 0,51902 = 15,570$ 

REMARQUE. — Les exemples donnés (pages 22 et 23) pour le calcul des rapports trigonométriques des angles de MINUTE EN MINUTE, permettent de résoudre tous les cas qui se présentent dans le travail sur machine à pointer.

#### ASSEMBLAGE EN QUEUE D'ARONDE

(fig. ci-dessous)

Relations entre les divers éléments

#### **FORMULES**

$$l = L - \frac{2h}{\lg \alpha} = L - 2h \cot \alpha$$

$$L = l + \frac{2h}{\lg \alpha} = l + 2h \cot \alpha$$

$$h = (L - l) \frac{\lg \alpha}{2} \qquad \lg \alpha = \frac{2h}{L - 1}$$
Fig. 1 Fig. 2

APPLICATION NUMÉRIQUE. — Soient : largeur L = 95 mm; angle  $\alpha = 70^{\circ}$ hauteur h = 14 mm; diamètre D = 10 mm.

#### CALCULS déterminant les cotes de vérification:

Pour la queue d'aronde (fig. 1) :

$$x = l + \left[ D \left( 1 + \cot \frac{\alpha}{2} \right) \right]$$

on a: 
$$\frac{\alpha}{2} = 35^{\circ}$$
  $\cot g 35^{\circ} = 1,42815$ 

et:

$$l = 95 - \frac{2 \times 14}{\text{tg } 70^{\circ}} = 95 - \frac{28}{2,74748} = 84,79$$

La dimension x sera:

$$84,79 + [10 \times (1 + 1,42815)] = 109,07$$

Pour la queue d'aronde (fig. 2) :

$$y = L - \left[ D \left( 1 + \cot \frac{\alpha}{2} \right) \right]$$

La dimension y sera :

$$95 - [10 \times (1 + 1,42815)] = 70,71.$$

#### CALCULS TRIGONOMETRIQUES (suite)

Pente (symbole p). — En mathématiques, c'est la tangente trigonométrique de l'angle que fait une droite avec le plan horizontal. Suivant figure cicontre, la pente de CA par rapport à CB est la tangente de l'angle a.

Exemple numérique : AB = 6.2 mm: BC = 28 mm. Nous avons:

$$p={
m tg} \; {
m a}={{
m AB}\over {
m BC}} \; = {{
m 6,2}\over {
m 28}} = 0{
m ,2214}, \;\; {
m d'où} \; {
m a}={
m 12}^{\circ} \; 30'$$

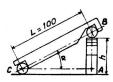
La pente p est donnée sous forme d'un nombre décimal ou d'une fraction décimale.

Ex.: 
$$p = 0.8$$
 ou  $8/10$  ou  $80 \%$ 

Pente 80 % correspond à  $0.800 = \text{tg } 38^{\circ} 40^{\circ}$ 

Utilisation d'une barre-sinus (fig. ci-dessous). — Cet appareil (qui permet d'incliner, avec précision, une pièce ou un organe de machine à un angle a

donné), est composé essentiellement d'une règle. sous laquelle sont fixés deux galets cylindriques parfaitement calibrés au même diamètre et distants d'entr'axe d'une longueur L de 100 mm.



— Le réglage de l'angle α ou de la pente p est obtenu, en utilisant des cales étalonnées disposées entre la face d'appui et les galets.

Formules permettant de déterminer la hauteur h des cales à utiliser.

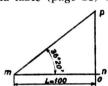
- a) Pour un angle a donné:  $h = AB = 100 \times \text{sinus } \alpha$
- b) Pour une pente p donnée :

$$h = CA \times p$$
.

## CALCULS TRIGONOMÉTRIQUES (suite)

— Construction d'un angle à l'aide de la table des tangentes.

EXEMPLE: Soit à construire un angle de  $36^{\circ}$  20'. La table (page 28) donne :  $tg \alpha = 0.73547$ .



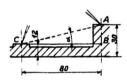
Procédé de Traçage:
a) Tracer une droite mn
et porter sur cette
droite une longueur L
égale à 100 mm (ou
multiple de 100);

b) A une extrémité, éle-

ver une perpendiculaire op;

- c) Porter la valeur L × tg 36° 20′ sur cette perpendiculaire (soit 73,54 pour 100 mm);
- d) Joindre ensuite les extrémités mp pour obtenir l'angle demandé.

#### - Détermination d'un tracé. Exemple numérique :



Les bossages de la pièce représentée par le croquis ci-contre ayant des hauteurs différentes, calculer l'ouverture de compas d'un point d'un bossage à l'autre, afin d'obtenir la cote te 80 mm d'axe en axe.

a) Différence de hauteur des bossages :

$$AB = 30 - 12 = 18 \text{ mm}$$
  
 $tg \alpha = \frac{18}{80} = 0,2250 \text{ d'où } \alpha = 12^{\circ} 40'$ 

b) Calcul de l'ouverture de compas :

$$AC = \frac{BC}{\cos \alpha} = \frac{BC}{\cos 12^{\circ} 40'} = \frac{80}{0.9756} = 82 \text{ mm}$$

Lettres de l'alphabet grec, utilisées dans les formules pour représenter les angles :

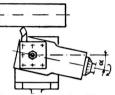
$$\left| \begin{array}{c|c} \alpha \ (alpha) & \gamma \ (gamma) & \theta \ (th\acute{e}ta) \\ \beta \ (b\acute{e}ta) & \delta \ (delta) & \mu \ (m\^{u}) \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \phi \ (phi) \\ \omega \ (om\acute{e}ga) \end{array} \right|$$

### DOCUMENTATION TECHNIQUE

#### ET CALCULS D'USINAGE

I. Tournage (passes de précision).

Cotes diamétrales au 1/100 de mm, obtenues par orientation du chariot porte-outil, dont le tambour est gradué en 1/20 de mm.



EXEMPLES:

Pour graduation en 1/20: inclinaison 5° 45'

$$\sin \alpha = \frac{1}{10} = 0.100 \text{ d'où } \alpha = 5^{\circ} 45'$$

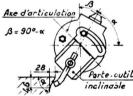
Pour graduation en 1/10: inclinaison 2° 52'

$$\sin \alpha' = \frac{0.5}{10} = 0.050 \text{ d'où } \alpha' = 3^{\circ} \text{ (environ)}$$

#### II. Surface oblique.

 $\frac{\text{Rabotage.}}{ple:}$  — Exem-

— Soit une surface inclinée à usiner aux cotes données par fig. ci-contre.



On a:

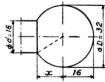
$$tg \alpha = \frac{46}{28} 1,6428 = tg 58^{\circ} 40'.$$

Inclinaison de la tête porte-outil :  $\beta = 90^{\circ} - 58^{\circ} 40' = 31^{\circ} 20'$ .

#### III. Surface sphérique.

Tournage. — Exemple:

— Soit à déterminer la cote x de la rotule représentée fig. ci-contre.



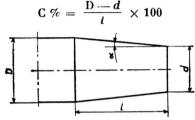
FORMULE: 
$$x = \sqrt{\left(\frac{D}{2}\right)^2 - \left(\frac{d}{2}\right)^2}$$
  
 $x = \sqrt{16^2 - 8^2} = \sqrt{192} = 13,85 \text{ mm}$   
 $-43 -$ 

### TOURNAGE CONIQUE. - Conicité -

**Conicité** C. — Quotient de la différence des diamètres D et d par la longueur l d'un tronc de cône (fig. ci-dessous).

Conicité = 
$$\frac{D-d}{l}$$
 Demi-conicité  $\frac{D-d}{2l}$ 

**Conicité** % C %. — Rapporté à une longueur l de 100 mm, le pourcentage de conicité est donné par la formule :



Eléments d'un tronc de cône

**Tournage conique.** — Nota: La tangente de l'angle d'orientation z du chariot porte-outil est égale à la demi-conicité.

# de correspondance entre la conicité en % et le 1/2 angle au sommet du cône

Conicité en %	1/2 angle au sommet	Conicité en %	1/2 angle au sommet
1	0°17′10″	8	2°17′30″
2	0°34′23″	10	2°51'45"
3	0°51′30″	12	3°26′00″
4	1° 8'40"	15	4°17′20″
5	1°25′56″	16	4°34′30″
6	1°43'10"	18	5° 8′30″
6.25	1°47′20″	20	5°42'30"

Conicités normalisées: 1%, 2%, 5%, 10% et 20%.

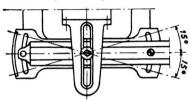
Au-delà de 20 %, les conicités sont exprimées en degrés (angle au sommet du cône).

#### TOURNAGE CONIQUE. — Procédés d'exécution :

1° Orientation de la coulisse du chariot porte-outil (procédé d'usage le plus courant);

2º Utilisation d'un appareil à charioter conique (représenté par le schéma ci-dessous);

3º Désaxage de la contre-poupée (procédé limité aux cônes ne dépassant pas 5 % de conicité).



REMARQUE. — Quel que soit le procédé employé, le tranchant de l'outil doit se trouver exactement à hauteur de l'axe de la pièce (axe des pointes).

## USINAGE D'UN CONE (fig. page ci-contre) (Calculs des différents éléments)

Un cône peut être défini :

a) Par ses diamètres D et d et sa longueur l.
 Valeur de l'angle d'inclinaison a du chariot porte-outil ;

$$\operatorname{tg} \, \mathfrak{a} = \frac{\mathrm{D} - d}{2 \, l}$$

EXEMPLE NUMÉRIQUE. — Soit un cône de D=48 mm; d=25 mm; l=30 mm.

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\mathrm{D} - d}{2 \, l} = \frac{48 - 25}{2 \times 30} = 0.38386 \, \mathrm{d'où} \, \alpha = 21^{\circ}$$

b) Par le diamètre D, la longueur l et a.

— Calcul du diamètre 
$$d$$
:

$$d = D - 2 l \operatorname{tg} \alpha$$

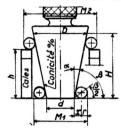
c) Par D, l et conicité % C %. — Par définition :

$$C = 2 p = 100 \frac{D - d}{l} = 200 \text{ tg } \alpha$$

d'où : 
$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{C}{200}$$
 et  $d = D - \frac{l \times C}{100}$ 

— Contrôle d'un cône à l'aide de piges. — Un cône extérieur peut être contrôlé sur un marbre (avec précision), à l'aide de piges cylindriques calibrées et des cales (genre Johansson).

#### FORMULES DE VÉRIFICATION :



$$M^{1} = d + 2x + 2r$$

$$d = D - 2 H \operatorname{tg} \alpha$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\operatorname{conicit\acute{e}}}{200}$$

$$x = r \operatorname{cotg} \frac{\beta}{2}$$

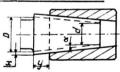
$$\beta = 90^{\circ} - \alpha$$

$$M^{2} = M^{1} + 2h \operatorname{tg} \alpha$$

— Chariotage automatique (entre pointes) des troncs de cônes de grande longueur et de faible conicité. — On calcule le désaxage x de la contrepointe (en mm), en multipliant la différence des diamètres D-d du tronc de cône par la longueur totale L de la pièce et en divisant le produit obtenu par deux fois la longueur l de la partie conique.

Formule: 
$$x = L\left(\frac{\mathbf{D} - d}{2l}\right) = L\left(\frac{\mathbf{R} - r}{l}\right)$$

- Pénétration conique. - Tournage et Rectification :



Calcul de la profondeur de passe x en fonction d'une longueur d'emmanchement y.

FORMULES:

$$x = y \times \lg \alpha$$
;  $\lg \alpha = \frac{\text{conicité \%}}{200}$ 

Exemple appliqué à un cône « Morse » n° 3. Conicité 5,019 % y = 8 mm 5,019 accessor

$$tg \frac{\alpha}{2} = \frac{5,019}{200} = 0,02509$$

 $x = 8 \times 0.02509 = 0.20072$ , soit **0.2** mm — Cônes Morse et cônes Standard américain: Schémas et dimensions (pages 116, 117 et 118).

### ---- RECTIFICATION

#### (Usingge par abrasion)

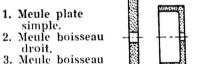
<u>L'OUTIL MEULE</u>. — Une meule est définie par ses dimensions, sa forme, ses spécifications. — L'ensemble des élèments énoncés ci-après. cons-

L'ensemble des éléments enonces ci-apres, co titue les spécifications (1) d'une meule :

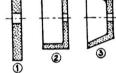
	1º Abrasif	Α
— Eléments —	2º GROSSEUR DE GRAIN	46
représentés par	3° GRADE	K
cinq symboles	4° STRUCTURE (facultatif).	5
normalisés	5° AGGLOMÉRANT	V

#### FORMES DES MEULES:

— Les différentes formes de meules sont déterminées par leur emploi, le schéma ci-dessous représente quelques formes courantes.



3. Meule boisseau conique.



#### - Caractéristiques de constitution

- (1) Abrasifs artificiels. On distingue:
- les abrasifs alumineux (symbole A) tirés de la bauxite et dénommés Alundum, Corindon...
- les abrasifs silicieux (symbole C) constitués par du carbure de silicium et appelés : Crystolon, Carborundum...

L'abrasif diamant en poudre (symbole D) utilisé pour la finition de l'affûtage des outils en carbures métalliques.

- (2) GROSSEUR DE GRAIN. L'échelle des grosseurs de grain (Tableau page suivante), est représentée par des nombres allant de 6 à 600.
- Le numéro indique le nombre de mailles par pouce linéaire (25,4 mm), qui constitue le tamis au travers duquel les grains ont passé.
  - (1) Les spécifications Norton se lisent : 38A46 K5VG.

#### RECTIFICATION (suite)

(3) GRADE (le) symbolisé par une lettre allant de D à Z, caractérise la dureté d'une meule.

En général, on utilise des meules dites tendres pour la rectification des métaux durs et inversement.

- (4) STRUCTURE. Indice de l'espacement des grains d'abrasif. Elle est caractérisée par un symbole (chiffre variant de 1 à 12).
- Pour les travaux de rectification cylindrique, une meule à structure moyenne (en principe 5 ou 6) est utilisée.

			abr		ige		GR	ADE	
Très gros	Gros	Moyen	Fin	Très fin	Poudres	Moyen	Tendre	Dur	Très dur
6 8 10	12 14 15 20 24	30 36 46 60	90 100 120 150	200 240 280 320	400 500 600	D E F G	I J Ř L M	N O P Q R	S T U W Z

(5) AGGLOMÉRANT. — Matière qui lie les grains d'abrasif entre eux; une lettre normalisée désigne la nature de l'agglomérant :

V désigne l'agglomérant Vitrifié (argile).

В			Résinoïde (résine synthé- tique).
S			Silicate (silicate de soude).
$\mathbf{R}$			Rubber (caoutchouc).
E		-	Shellac (gomme laque).
M			Métallique (utilisé pour la
	fabr	cication des	meules diamant).

- Les meules vitrifiées sont les plus employées, leur vitesse périphérique limite doit être comprise entre 25 et 33 m/s.
- Les meules résinoïdes sont employées pour les travaux d'ébarbage à grande vitesse (45 à 60 m/s) et pour le tronçonnage.

#### RECTIFICATION (suite)

VITESSE D'UTILISATION DES MEULES. — Les trois éléments suivants : vitesse circonférentielle, diamètre et nombre de tours par minute, sont liés par la formule :  $V = \frac{\pi \times D \times n}{60}$  dans laquelle :

- V, Vitesse en mètres par seconde,
- D, Diamètre de la meule (exprimé en mètres).
- n, nombre de tours par minute.  $\pi = 3.1416$ .

#### SENS DE ROTATION PIÈCE ET MEULE

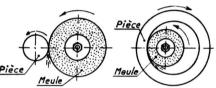


TABLEAU de vitesses circonférentielles

DIAMÈTRE des meules en mm	Nombre de tours PAR MINUTE pour les vitesses circonférentielles PAR SECONDE d'environ:						
	20 mètres	25 mètres	30 mètres	33 mètres			
50	7,640	9.540	11.450	12.600			
75	5.090	6.370	7.640	8.200			
100	3.820	4.780	5.730	6.300			
125	3.050	3.820	4.580	5.050			
150	2.465	3.080	3.700	4.200			
175	2.180	2.720	3.280	3.600			
200	1.908	2.390	2.860	3.100			
250	1.528	1.910	2.290	2.500			
300	1.273	1.590	1.910	2.070			
350	1.090	1.360	1.640	1.780			
400	954	1.180	1.430	1.550			

Vitesse périphérique des pièces : de 6 à 20 m/mn (pour rectification cylindrique).

### ---- RECTIFICATION (suite)

(Usinage par abrasion)

EMPLOI DES MEULES:

— **Rectification cylindrique** extérieure. — Les meules utilisées sont généralement des meules plates simples. Elle sont désignées par leurs trois dimensions :

 $\begin{array}{c} \mathbf{D} \times \mathbf{E} \times \mathbf{A} \\ \mathbf{Diamètre} \times \mathbf{Epaiss.} \times \mathbf{Al\acute{e}s.} \end{array}$ 

Profondeur de passe : 0,01 à 0,1 mm. Avance : 1/2 à 3/4 de l'épaisseur de la meule. Meulage sous lubrification.

— Rectification intérieure (alésage). — Diamètre des meules : environ 7/10 du diamètre d'alésage.

Vitesse périphérique de la meule : 10 à 30 m/sec. Vitesse périphérique de la pièce : 10 à 20 m/min. Meule et pièce doivent tourner en sens opposé.

- Rectification plane (surfaçage)

Vitesse de translation de la table : 15 à 20 m/min. Avance transversale : 1/3 largeur de meule. Profondeur de passe : variable suivant les qualités de l'acier rectifié,

Nota. — La surface de contact meule-pièce étant grande, on utilise, en rectification plane, des meules de grade tendre.

On utilise également des couronnes de segments, fixés par un montage spécial.

- **Rectification conique.** La rectification des pièces à surfaces de révolution conique extérieure ou intérieure, est réalisée par deux procédés :
- 1º Entre pointes pour les surfaces coniques extérieures, dont le demi-angle au sommet est au maximum égal à 15 ou 20°.
- 2º En l'air pour surfaces coniques extérieures et intérieures, la tête porte-pièce est inclinée suivant le demi-angle au sommet du cône.

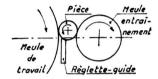
NOTA. — Pour les calculs d'inclinaison (voir tournage conique pages 45 et 46).

#### RECTIFICATION (suite)

Dressage des meules de rectification. — On utilise un diamant adapté à un montage spécial. — Pendant l'opération, la meule tourne à vitesse réduite sous un arrosage abondant. — Profondeur de passe : 0,02 mm maximum.

— <u>Rectification</u> sans centres (« Centerless ») pour pièces rectifiées en grande série, ou pièces trop flexibles ou trop longues pour être rectifiées entre pointes.





- Les divers procédés de rectification Centerless: travail en enfilade, travail en plongée... sont imposés par la forme et les dimensions des pièces.
- Les meules les plus employées en rectification Centerless sont à agglomérant vitrifié.
  - RECTIFICATION DES ENGRENAGES:
- a) Rectification par meules de forme;
- b) en développante par meules assiettes.

Les engrenages étant toujours rectifiés après traitements thermiques, des meules tendres sont utilisées pour leur rectification.

#### - RECTIFICATION DES FILETAGES:

Cette opération se pratique sur des machines spéciales, munies d'un dispositif de déplacement relatif de la meule et de la pièce, pour obtenir le pas à exécuter.

### ---- Lubrifiants de rectification -

#### COMPOSITION COURANTE:

Eau	100	litres
Carbonate de potasse anhydre	3,5	kilos
Carbonate de soude anhydre		kilo
Huile de colza	1,5	litre

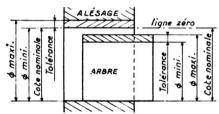
#### **AJUSTEMENTS**

### DES PIÈCES LISSES INTERCHANGEABLES

#### ---- Arbres et Alésages -----

Système a limites international I.S.O. (1). — Dans ce système, la désignation des tolérances de fabrication est caractérisée par deux symboles :

a) **Symbole de qualité.** — Ce symbole est caractérisé par un nombre (6 à 11 pour les alésages, 5 à 11 pour les arbres) dont la valeur *augmente* lorsque la précision *diminue*.



b) Symbole de position. — La position correspondant à la cote nominale est désignée par une lettre majuscule H pour l'alésage normal; une lettre minuscule pour l'arbre normal. Les autres positions sont réparties de part et d'autre de la ligne zéro correspondant à la cote nominale.

# employés en mécanique générale

— En prenant pour base l'alésage normal H7 (fabrication soignée), le tableau page ci-contre donne, avec les arbres suivants:

e 8 un	assemblage	
f 7		tournant;
g 6		glissant;
$\ddot{h}$ 6	-	glissant juste;
j 6		légèrement dur;
m 6		bloqué;
p 6		pressé.

(1) International Organization for Standardization — ancien I.S.A. (International federation of the national Standarding Associations),

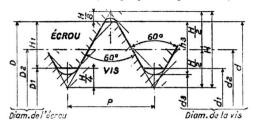
## AJUSTEMENTS. — Séries simplifiées de tolérances usuelles exprimées en microns : 0,001 mm

DIAMÈTRE	AGE 7	= Gr	KOUP	EH	ARBRE	S		
nominal D	ALÉSAGE H 7	e 8	f 7	g 6	h 6	j 6	m 6	р 6
6 à 10 max min	+ 15 0	- 25 - 47	13 28	- 5 - 14	0	+ 7 - 2	+ 15 + 6	+ 24 + 15
10 à 18 max min	+ 18 0	32 59	16 34	- 6 17	0 11	+ 8 - 3	+ 18 + 7	+ 29 + 18
18 à 30 max min	+ 21 0	- 40 - 73	20 41	— 7 — 20	0 13	+ 9 4	+ 21 + 8	+ 35 + 22
30 à 50 max min	+ 25 0	50 89	25 50	- 9 - 25	0 — 16	+ 11 - 5	+ 25 + 9	+ 42 + 26
50 à 80 max min		60 106						+ 51 + 32
80 à 120 max min	+ 35	72 126						+ 59 + 37

DIAMÈTRE	H 6	PE H	6 ===			OUP	E H	
nominal D	ALÉS. H	g 5	h 5	j 5	ALÉSAGE H 8	e 9	f 8	h 7
6 à 10 max min	+ 9	- 5 - 11	_ 0 _ 6	+ 4 - 2		- 25 - 61		0 15
10 à 18 max min	+ 11	- 6 - 14	8	+ 5 - 3		- 32 - 75		0 18
18 à 30 max min	+ 13	- 7 - 16	_ 0	+ 5 - 4	+ 33	40 92	20 53	_ 0 _ 21
30 à 50 max min	+ 16 0	9 20	0 11	+ 6 - 5		- 50 - 112		0 25
50 à 80 max min	+ 19	10 23	0 13	+ 6 7	+ 46 0	60 134	— 30 — 76	0 30

### FILETAGES MÉTRIQUES

## PROFIL ISO (remplaçant le profil S.I.)



Le profil ISO (NF E 03-001), défini par la figure cidessus, est un triangle équilatéral de côté égal au pas, et ayant sa base parallèle à l'axe du filetage.

<u>Désignation</u>: Les filetages sont désignés par le symbole M, suivi du diamètre et du pas, séparés par le signe de la multiplication.

#### VALEUR DES ÉLÉMENTS DU PROFIL ISO ----

D = d = diamètre nominal P = pas.

H = Hauteur théorique du filet = 0,866 P.

Diamètre sur flancs:

$$D_2 = d_2 = d - \frac{3}{4} H = d - 0.6495 P.$$

Diamètre intérieur de l'écrou :

$${
m D}_1 = d_1 = d_2 - 2 \left( {{
m H} \over 2} - {{
m H} \over 4} 
ight) = d - 1{,}0825 {
m \ P}$$

Diamètre du novau de la vis :

$$d_3 = d_2 - 2\left(\frac{\mathrm{H}}{2} - \frac{\mathrm{H}}{6}\right) = d - 1,2268 \,\mathrm{P}.$$

Hauteur du filet en contact :

$$H_1 = \frac{D - D_1}{2} = 0.5412 P.$$

Hauteur du filet de la vis :

$$h_3 = \frac{d-d_3}{2} = 0.6134 \text{ P.}$$

- La valeur indiquée ci-dessus pour le diamètre

 $d_{\rm a}$  de la vis, correspond à une troncature H/6 du triangle générateur, permettant l'exécution d'un arrondi de rayon égal à H/6.

Remarque. — Se substituant à l'ancien profil S.I., le profil ISO n'en diffère que par l'augmentation de la troncature de diamètre D<sub>1</sub>.

#### 

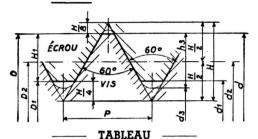
Diamètre nominal D = d	Pas usuels P	Diamètre sur flancs $D_2 = d_2$	Diamètre intérieur de l'écrou D <sub>1</sub>	Diamètre du noyau de la vis d <sub>3</sub>
3	0;5	2,675	2,459	2.387
4	0.7	3,545	3,242	3,141
5	8,0	4,480	4,134	4,019
6	1	5,350	4,918	4.773
8	1,25	7,188	6,647	6,466
10	1,5	9.026	8,376	8,160
12	1,75	10,863	10,106	9:853
14	2	12,701	11,835	11,546
16	2	14,701	13,835	13,546
18	2,5	16.376	15,294	14,933
20	2,5	18.376	17,294	16,933
22	2,5	20,376	19,294	18,933
24	3	22,051	20,752	20,319
27	3	25,051	23,752	23,319
30	3,5	27.727	26,211	25,706

au profil ISO (à titre indicatif) 0.25 - 0.35 - 0.5 - 0.75

1 - 1,25 - 1,5 - 2 - 3

(Extrait des NF E 03-001 et E 03-013)

#### Filetages. — PROFIL ISO (suite)



#### DE DIAMÈTRES ET DE PAS USUELS

(Extrait de NF E 03-013)

Dimensions en millimètres

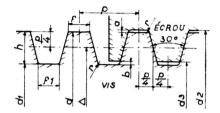
Diamètres 3 à 48

Diar	nètre non	ninal	Pas	Dian	ninal	Pas	
Col. 1	Coi. 2	Col. 3	mm	Col. 1	Col. 2	Col. 3	mm
3			0,5		18		2,5
	3,5		0,6	20			2,5
4			0.7		22		2,5
	4,5		0,75	24			3
5			8,0			25	
		5,5			27		3
6			1			28	
		7	1	30			3,5
8			1,25			32	
		9	1,25		33		3,5
10			1.5			35	
		11	1.5	36			4
12		1	1.75		39		4
	14		2			40	
		15		42			4,5
16			2		45		4,5
		17		48	1		5

DIAMETRES: choisir de préférence les diamètres de la  $1^{rc}$  colonne, puis ceux de la  $2^c$ , enfin ceux de la  $3^c$ .

(Norme E-03-002)

Forme du filet. — Un trapèze isocèle dont l'angle au sommet est de 30°.



#### TABLEAU du filetage trapézoidal normalisé

(Dimensions en mm)

P	h	<b>f</b> environ	<b>f</b> <sub>1</sub> environ	Δ	<b>d</b> <sub>1</sub>	$oldsymbol{d}_2$	<b>d</b> <sub>3</sub>
2	1,20	0,73	0,62	d—1	d— 2,4	d+0,4	i— 1,8
3	1,75	1,10	0,96	d1,5	d- 3,5	d+0,5	d- 2,5
4	2,25	1,46	1,33	d-2	d- 4,5	d+0,5	d 3,5
5	2,75	1,83	1,70	d-2,5	d- 5,5	d+0,5	d-4
6	3,25	2,20	2,06	d-3	d- 6,5	d+0,5	d- 5
8	4,25	2,93	2,79	d-4	d 8,5	d+0,5	d- 7
10	5,25	3,66	3,53	d-5	d-10,5	d+0,5	d- 9
12	6,25	4,39	4,26	d6	d-12,5	d+0.5	d-11
16	8,50	5,86	5,59	d-8	d-17	d+1	d-14
20	10,50	7,32	7,08	d-10	d-21	d+1	d-18

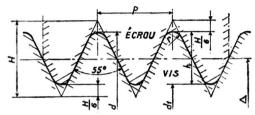
P	α	ь	r	P	a	Ь	r
2	0,20	0,30	0,20	8	0,25	0,75	0,25
3	0,25	0,50	0.25	10	0,25	0,75	0,25
4	0,25	0,50	0,25	12	0,25	0,75	0,25
5	0,25	0,75	0,25	16	0,50	1,50	0,50
6	0,25	0,75	0,25	20	0,50	1,50	0,50

— Le filet trapézoïdal normalisé s'emploie pour les vis-mère de tours, les vis de commande des chariots de machines-outils, les vis à plusieurs filets...

#### PROFIL DU FILET WHITWORTH

Forme du filet. — Un triangle isocèle dont l'angle au sommet est de 55°.

Le filet est tronqué au sommet et à la base de 1/6 de sa hauteur par des rayons. — Aucun jeu n'existe à fond de filet entre la vis et l'écrou).



Une vis système "Whitworth" est déterminée par le diamètre extérieur d exprimé en pouces ou fractions de pouce et par le pas p exprimé par le nombre de filets contenus dans un pouce.

$$p = \frac{1 \text{ pouce}}{\text{nombre de filets}}$$
ou 
$$\frac{1'' (pouce)}{n} = \frac{25,4}{n}$$

Valeur des éléments en fonction de d et p

- Hauteur du triangle générateur H :

$$H = \cot \frac{55^{\circ}}{2} \times \frac{p}{2} = 1,9209 \frac{p}{2} = 0,9605 p.$$

- Profondeur du filet h:

$$h = H - 2\left(\frac{1}{6} H\right) = \frac{2}{3} H = \frac{2}{3} \times 0.96 p = 0.64 p.$$

- Diamètre  $d_1$  du noyau de la vis qui est aussi le diamètre d'alésage de l'écrou :  $d_1 = d 2$   $h = d 2 \times 0.64$  p = d 1.28 p
- Diamètre à flancs de filets  $\Delta$  ou diamètre moyen dm:

$$dm = d$$
 — 0,6403  $p \approx d$  — 0,64  $p$ .

r: rayon des troncatures = **0,137** p.

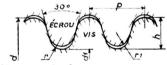
Le tableau page ci-contre donne les diamètres et les pas correspondants de la série courante.

- TABLEAU du filetage WHITWORTH

Série courante B.S.W. de 3/16 à 2" ---

Diamètre r d	iominal		Pas P		Diamètre de noyau	
en pouces	en mm	en nombre de filets au pouce	en mm	en mm	en mm	
1/8	3,175	40	0,635	2,768	2,362	
3/16	4,762	24	1,058	4,085	3,406	
1/4	6,350	20	1,270	5,537	4,724	
5/16	7,937	18	1,411	7,033	6,129	
3/8	9,525	16	1,587	8,509	7,493	
7/16	11,112	14	1,814	9,952	8,791	
1/2	12,700	12	2,117	11,344	9,987	
9/16	14.287	12	2,117	12,931	11,575	
5/8	15,875	11	2,309	14,937	12,918	
11/16	17.462	11	2,309	15,984	14,506	
3/4	19,050	10	2,540	17,425	15,799	
7/8	22,225	9	2,822	20,419	18,613	
1"	25,400	8	3,175	23,368	21,336	
1" 1/8	28,575	7	3,629	26,251	23.927	
1" 1/4	31,750	7	3,629	29,426	27,102	
1" 1/2	38,100	6	4,233	35,390	32,680	
1" 3/4	44,450	5	5,080	41,197	37,943	
2"	50,800	4,5	5,644	47,186	43,571	
2" 1/4	57,150	4	6.350	53,083	49,017	
2" 1/2	63,500	4	6,350	59,433	55,367	
2" 3/4	69,850	3,5	7,257	65,202	60,554	
3"	76,200	3,5	7,257	71,552	66,904	

FILET ROND (normalisé)



d: diamètre nominal. p: pas en mm;

h: hauteur des filets =  $\frac{p}{2}$  + 0,05 p;

 $d_1$ : diamètre d'alésage de l'écrou = d - 0.9 p; Rayons r = 0.25 p (environ).

 Ce système de filet, est utilisé pour l'assemblage de mécanismes, susceptibles de recevoir des chocs.

#### FILETAGES -

#### MESURE du diamètre à flancs de filets

— Le diamètre moyen  $d_m$  d'un filetage triangulaire de précision, est mesuré :

## I. A l'aide d'un micromètre à filets de vis. --

Application. — Si d est le diamètre nominal de la vis,  $d_m$  le diamètre moyen à flancs de filet, et p le pas, on a :

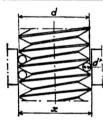
$$d_m = d - 0.6495 p$$

profil du filet à 60°.

$$d_m = d - -0.6403 p$$

profil du filet à 55°.

## II. Par la méthode des piges (fig. ci-dessous). —



La vérification précise du diamètre des flancs de filets nécessite l'emploi de trois piges cylindriques calibrées, disposées dans les filets des vis comme l'indique la figure ci-contre et en rapport avec le pas de celles-ci.

Profil (angle  $60^{\circ}$ ). — Connaissant le diamètre nominal d, le pas p du filetage et le diamètre d' des piges, on trouve la cote x en appliquant la formule suivante :

$$x = (d - 1,5155 p) + 3 d'$$

Système "Whitworth". — Formule utilisée : x = (d - 1,6008 p) + 3,165 d'

FILET TRAPÉZOÏDAL normalisé (profil  $30^{\circ}$ )

Formule: x = (d - 2,366 p) + 4,864 d'

DIAMÈTRE d' (théorique) DES PIGES. — Pour le profil des filets (angle 60°), il est égal au diamètre du cercle inscrit du triangle équilatéral :

$$d' = \frac{p\sqrt{3}}{3} = 0.5773 \ p$$

#### FILETAGES sur tubes à gaz

Profil du filet: Whitworth (page 58)

CAS D'EMPLOI:

#### I. Sans étanchéité dans le filet :

Assemblage d'un filetage extérieur cylindrique avec un taraudage ou filetage intérieur cylindrique.

#### II. Avec étanchéité dans le filet :

Assemblage d'un filetage extérieur conique (conicité 6,25 %), avec un taraudage ou filetage intérieur cylindrique (la bissectrice de l'angle du filet est perpendiculaire à l'axe du cône).

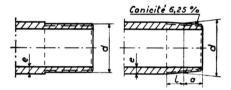


TABLEAU de dimensions

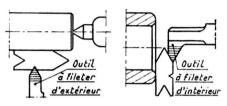
Dénomination des tubes		Diamètre de	Nombre		FILETAGE extérieur conique		
en pouces	en mm	filetage d en mm	de filets au pouce	Pas en mm	de ja	Longueur de jauge (1 min.   max.	
1/4	8-13	13,16	19	1,337	4.7	7,3	3,7
3/8	12-17	16,66	19	1,337	5,1	7.7	3,7
1/2	15-21	20,95	14	1,814	6,4	10	5
3/4	21-27	26,44	14	1,814	7.7	11.3	5
1"	26-34	33,25	11	2,309	8,1	12,7	6,4
1" 1/4	33-42	41,91	11	2,309	10,4	15	6,4
1" 1/2	40-49	47,80	11	2,309	10,4	15	6,4
2"	50-60	59,61	11	2,309	13,6	18,2	7,5
2" 1/2	66-76	75-18	11	2,309	14,0	21	9,2
3"	80-90	87,88	11	2,309	17,1	24,1	9,2
3" 1/2	90-102	100,33	11	2,309	18,7	25,7	9,2
4"	102-114	113,03	11	2,309	21,9	28,9	10,4

(Extraits de PN E 03-004 et PN E 03-005)

# DU FILETAGE TRIANGULAIRE

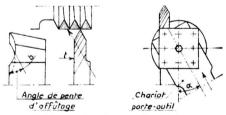
PÉNÉTRATION DES OUTILS

**I. Pénétration** normale (fig. ci-dessous). — L'orientation des outils et l'angle d'affûtage de leur profil  $60^\circ$  ou  $55^\circ$  — sont réalisés à l'aide de calibres d'angle.



Position des outils en hauteur. — Rigoureusement dans l'axe des pointes (axe de la pièce).

II. Pénétration oblique (à l'aide du chariot porteoutil). L'angle α d'inclinaison du chariot est de 30° (de l'axe transversal) pour le filet au profil ISO et de 27° 30′ pour le filet Whitworth.



— Ce procédé, employé pour le filetage des aciers, réalise le travail de l'outil sur un seul flanc (l'outil à fileter n'ayant qu'une arête tranchante t).

Le filet ainsi taillé permet d'augmenter la vitesse de coupe et la profondeur de passe, mais la surface du flanc opposé à l'arête tranchante, formée par la descente de l'outil, reste rugueuse.

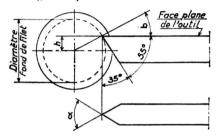
Pour éviter ce défaut d'exécution, il est d'usage d'orienter la glissière du chariot porte-outil d'un angle  $\alpha$  supérieur de 2 degrés.

#### III. Pénétration au-dessus de l'axe :

Ce procédé (fig. ci -dessous), employé pour le filetage des aciers, consiste à placer la face supérieure (face plane) de l'outil au-dessus de l'axe des pointes, d'une hauteur h pratiquement égale à :

$$h = \frac{Diamètre fond de filet}{4}$$
 Dans cette position, la

valeur de l'angle de pente b est de 30°.



#### Profil angulaire de l'outil :

- Pour le filetage ISO :

Valeur moyenne de l'angle a : environ 55°.

- Pour les filetages Whitworth :

Valeur moyenne de l'angle α: environ 50° 30'.

— Par le procédé de filetage au-dessus de l'axe (employé pour l'ébauche de pièces filetées ou l'exécution des filetages courants qui n'exigent pas une grande précision), les filets sont formés plus rapidement et sans arrachement du métal.

Outils à fileter. — Calcul de l'angle d'inclinaison :

L'angle d'inclinaison des outils, basé sur le diamètre moyen du filetage, est déterminé à l'aide de la formule :

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{P}{\pi \, dm}$$
 dans laquelle:

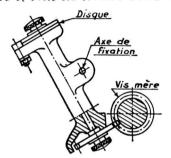
 $\pi = 3.1416$  P, le pas dm = diamètre moyen

Le diamètre moyen est obtenu en divisant par 2 la somme des diamètres extérieur et fond de filet.

N. B. — Ajouter en plus la dépouille normale (4 à 5"), nécessaire pour le travail de l'outil.

#### APPAREIL INDICATEUR D'EMBRAYAGE

— Utilisé sur la plupart des tours modernes, cet appareil (fig. ci-dessous), donnant la position relative des trois éléments: BROCHE, VIS MÈRE ET CHARIOT-TRAINARD, permet de compter les tours de vis mère et évite les erreurs d'embravage.



NOTA. — L'emploi de l'indicateur de filetage facilite l'exécution des pas non sous-multiples des vis mères des tours et évite la pratique du filetage à la longueur représenté page 66.

Description sommaire. — La partie supérieure de l'indicateur porte un cadran ou disque gradué en parties égales. Ce dernier est monté sur l'axe de l'appareil qui porte, à sa partie inférieure, un pignon maintenu en prise avec la vis mère.

NOTA. — L'appareil comporte généralement plusieurs pignons et disques correspondants, interchangeables.

#### APPLICATIONS NUMÉRIQUES

POUR APPAREIL DISPOSANT DES PIGNONS DE 33, 35 ET 36 DENTS ET DE DISQUES DONT LA CIRCONFÉRENCE EST DIVISÉE EN 3, 5, 7, 9, 12 PARTIES ÉGALES

EXEMPLE. — Pas... à exécuter : p = 1.75 mm de la vis mère : P = 6 mm

1° CALCUL PRÉALABLE:

On pose: 
$$\frac{p}{P} = \frac{1,75}{6} = \frac{175}{600} = \frac{7}{24}$$

Le numérateur de la fraction simplifiée indique que, tous les 7 tours de la vis mère, cette dernière et la vis à exécuter sont dans la même position rela-

#### (Suite)

tive, c'est-à-dire celle où l'outil retombe dans le filet quel que soit, sur le banc, l'emplacement du chariottraînard.

#### 2° RÉGLAGE DE L'APPAREIL :

- a) Choisir, parmi les pignons, celui dont le nombre de dents est multiple de 7 tours soit 35 dents:
- b) Choisir le disque dont la circonférence est divisée en  $\frac{35}{7} = 5$  divisions.

#### 3° Utilisation de l'appareil :

- a) Après avoir embrayé l'écrou sur la vis mère (le tour étant arrêté), faire engrener le pignon de 35 dents avec cette dernière et fixer le cadran ou disque de façon que l'une des 5 divisions se trouve en face du repère fixe, tracé sur le corps de l'appareil;
- b) Bloquer le cadran à l'aide de l'écrou supérieur moleté — Fileter — Débrayer l'écrou de la vis mère et ramener le chariot-traînard à la main;
- c) Pendant la durée du filetage et sans arrêter le tour, on peut embrayer en marche lorsque l'un quelconque des traits de la graduation choisie passe devant le repère.

TABLEAU D'UTILISATION POUR VIS MÈRE normalisée au pas de 6 mm

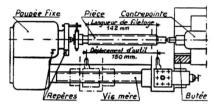
PAS à exécuter mm	Nombre de dents du pignon	Nombre de divisions du cadran	PAS à exécuter mm	Nombre de dents du pignon	Nombre de divisions du cadran
1	_	_	2	_	_
1,25	35	7	2,5	35	7
1,5	_	_	3		_
1,75	35	5	3,5	35	5

DIVISION DU PAS (cas d'une vis à plusieurs filets).

— Le nombre de tours minimum de la vis mère doit être égal ou multiple du nombre de filets à exécuter.

#### FILETAGE A LA LONGUEUR

**Principe.** — Ce procédé (employé à défaut d'indicateur de filetage) consiste, après avoir cherché le PLUS PETIT COMMUN MULTIPLE (P.P.C.M.) de deux nombres (PAS de la vis à construire et PAS de la vis mère du tour), à utiliser une longueur de déplacement d'outil supérieure à la longueur de la partie à fileter et égale à un multiple exact du P.P.C.M.



## --- APPLICATION DE L'EXEMPLE ---donné par Rappel arithmétique (page 4)

Filetage d'une vis au pas de 2,5 mm sur un tour ayant une vis mère au pas de 6 mm.

Longueur de filetage à utiliser : 142 mm.

Pour déterminer la distance d à laquelle nous devons placer la butée fixe, il suffit de choisir un multiple de 30,  $sup\acute{e}rieur$  à 142 mm, soit par exemple  $d=30\times 5=150$  mm.

EXECUTION DU FILETAGE. — La butée étant fixée sur le banc du tour, effectuer la première passe et arrêter la broche du tour lorsque la pointe de l'outil à fileter occupe la position extrême du filetage. — Marquer un repère (à la craie) sur le plateau, en regard d'un autre repère marqué sur la poupée fixe. — Débrayer l'écrou de la vis mère, puis ramener le traînard à la main en contact avec la butée. — Quand les repères reviennent en regard l'un de l'autre, embrayer à nouveau l'écrou de la vis mère pour l'exécution d'une nouvelle passe et ainsi de suite.

#### FILETAGE (suite). — MESURES ANGLAISES

#### --- TABLEAU DE CONVERSION ----

des fractions de pouce en mesures métriques
1" (pouce) VALEUR PRATIQUE = 25.4 mm (normalisé)

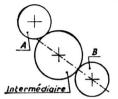
Fractions de pouce		Millim.	Fraction	ons de p	ouce	Millir	
		1/64	0,396			33/64	13,09
	1/32	-,	0,793		17/32	00,01	13,49
		3/64	1,190			35/64	13,89
1/16			1,587	9/16		00,01	14,28
		5/64	1,984	-,		37/64	14,68
	3/32		2,381		19/32	.,,	15.08
		7/64	2.778		,	39/64	15,47
1/8			3,175	5/8			15,87
		9/64	3,571			41/64	16,27
	5/32		3,969		21/32	,	16,66
		11/64	4,365			43/64	17.06
3/16			4,762	11/16		,	17,46
		13/64	5,159			45/64	17,85
	7/32		5,556		23/32	,	18,25
		15/64	5,953			47/64	18,65
1/4		,	6,35	3/4		,	19,05
-, -		17/64	6,746	٠,٠		49/64	19,44
	9/32		7,143		25/32	10, 01	19,84
		19/64	7,540		,	51/64	20,24
5/16			7,937	13/16		,	20,63
		21/64	8,334			53/64	21,03
	11/32		8,731		27/32	,	21,43
		23/64	9,128			55/64	21,82
3/8			9,525	7/8		, <b>-</b>	22,22
		25/64	9,921			57/64	22,62
	13/32		10,318		29/32		23,01
		27/64	10,715			59/64	23,41
7/16			11,112	15/16			23,81
		29/64	11,509			61/64	24,20
	15/32	,	11,906		31/32	,	24,60
		31/64	12,303		,	63/64	25,00
1/2"			12,7	1"			25,4

#### Conversion de pouces en millimètres :

2"=50,8 mm	4''=101.6  mm	6"=152,4 mm	8"=203,2 mm
3"=76,2 mm	5"=127 mm	7"=177,8 mm	9"=226,6 mm

## TOURS PARALLÈLES

## POSSÉDANT UNE BOITE DE FILETAGES



La commande des éléments de la boite est généralement assurée suivant le schéma ci-contre (soit par trois roues, soit par quatre roues).

Roues de remplacement (série de roues qui accompagnent le tour). - Le changement de roue en A ou en B (fig. ci-dessus) donne de nouveaux rapports et transforme la valeur des pas inscrits sur le tableau de filetage.

#### --- RÉALISATION D'UN PAS ---non inscrit sur le tableau

- I. NEUTRALISATION des éléments de la boîte.
- Pour neutraliser le mécanisme de la boîte de filetages, placer leviers et baladeur dans une position correspondant à un pas égal à celui de la vis mère du tour.

Calcul des roues de remplacement :

EXEMPLE. — Pas....  $\begin{cases} \dot{a} \text{ exécuter : } p = 2.4 \text{ mm} \\ \dot{d}e \text{ la vis mère : } P = 6 \text{ mm} \end{cases}$ 

nous aurons:

$$\frac{A}{B} = \frac{p}{P} = \frac{2,4}{6} = \frac{24}{60}$$
Vérification: 
$$\frac{\text{Roue A} \times P}{\text{Boue B}} = \frac{24 \times 6}{60} = 2,4 \text{ mm} = p$$

REMARQUE. — Le nombre des roues de remplacement, très limité, ne permet que d'effectuer des montages à deux roues avec intermédiaire.

II. UTILISATION des éléments (boîte et roues).

Principe. — Choisir sur le tableau indicateur un pas P' (considéré comme nouveau pas de vis mère) se rapprochant du pas p à réaliser; ensuite, placer leviers et baladeur dans une position correspondant à ce cas P'.

Exemple. — Pas (à exécuter : p = 1,66...) fictif : P' = 2 mm (position leviers).

CALCUL PRÉALABLE :

nous aurons: 
$$\frac{A}{B} = \frac{p}{P'} = \frac{\frac{5}{3}}{\frac{3}{2}} = \frac{5}{6} = \frac{50}{60}$$

Vérification : 
$$\frac{\text{Roue A} \times P'}{\text{Roue B}} = \frac{50 \times 2}{60} = 1,66 = p$$

#### \_\_\_\_ CALCULS \_\_\_\_

#### de détermination des roues dentées applicables dans l'équipement de différentes machines-outils

APPLICATION. - Cas d'un tour non muni d'une boite de filetages.

- Le montage à quatre roues (fig. ci-dessous) se compose:
  - 1º D'une roue A (menante) calée sur l'axe de la broche;
  - 2° D'une roue B (menée) et d'une roue C (menante) calées sur l'axe intermédiaire:
  - 3º D'une roue D (menée) calée sur l'axe de la vis mère.



Calcul des roues. — PRINCIPE : On réduit à sa plus simple expression la fraction exprimant le pas p à exécuter par rapport au pas P de la vis mère, puis on multiplie les deux termes de cette fraction en prenant pour valeurs des nombres appropriés, permettant d'utiliser des roues de la série qui accompagnent le tour.

NOTA. - Les numérateurs des fractions indiquent les roues menantes, les dénominateurs les roues menées.

I. .... Filetage d'un pas S.I. sur un tour ayant une vis mère au pas métrique.

EXEMPLE. — 
$$pas...$$
  $\begin{cases} a \text{ exécuter : } p = 1,25 \\ de \text{ la vis mère : } P = 6 \text{ mm} \end{cases}$ 

$$\frac{p}{P} = \frac{1,25}{6} = \frac{12,5}{60} = \frac{25}{120} = \frac{5 \times 5}{8 \times 15}$$

En multipliant chaque terme de la première fraction par 5 et chaque terme de la deuxième fraction

par 4, on a: 
$$\frac{25 \times 20}{40 \times 60} = \frac{A \times C}{B \times D}$$

Vérification: 
$$\frac{25 \times 20 \times 6}{40 \times 60} = 1,25 \text{ mm} = p$$

II. — Filetage d'un pas « Whitworth » sur un tour ayant une vis mère au pas métrique.

EXEMPLE. — Pas  $\{$  à exécuter : p = 8 filets au pouce. de la vis mère : P = 6 mm.

$$p = \frac{25.4}{8} = 3.175 \,\mathrm{mm}$$

Utilisation du rapport 
$$\frac{1650}{65} = \frac{30 \times 55}{65}$$

$$\frac{p}{P} = \frac{\frac{30 \times 55}{65 \times 8}}{6} = \frac{55 \times 30}{65 \times 8} \times \frac{1}{6}$$

$$\mathbf{d}' \circ \dot{\mathbf{u}} : \quad \frac{p}{P} = \frac{55 \times 30}{65 \times 48} = \frac{55 \times 5}{65 \times 8}$$

En multipliant chaque terme de la deuxième fraction par 5, on a :

$$\frac{55 \times 25}{65 \times 40} = \frac{A \times C}{B \times D}$$
Vérification: 
$$\frac{55 \times 25 \times 6}{65 \times 40} = 3,174 = p$$

III. — Pas au module (fonction  $de \pi$ ). — Soit à fileter le pas  $4\pi$  (12,56 mm) sur un tour à vis mère de 6 mm. Utilisation du rapport  $\frac{22}{7}=3.1428$ :

$$\frac{22 \times 4}{7 \times 6} = \frac{88}{42} = \frac{44}{21} = \frac{4 \times 11}{3 \times 7} = \frac{40 \text{ A} \times 55 \text{ C}}{30 \text{ B} \times 35 \text{ D}}$$

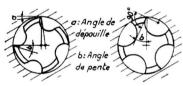
#### ANNEXE DU FILETAGE

#### TARAUDAGE

AVANT-TROUS DE TARAUDAGE. — Suivant la nature du métal à tarauder, le diamètre D du foret est: D — (1 p à 1,15 p). — Pour les travaux de taraudage courants dans l'acier, la valeur du diamètre D est: D — p (pas du taraudage).

REMARQUE. — Une fraisure conique à l'entrée de l'avanttrou évite la formation d'une bavure et facilite la mise en place du taraud.





Taraud à filets concentriques

PAS (PROFIL ISO)

DIAMÈTRE nominal en mm	PAS en mm	DIAMÈTRE des forets en mm	DIAMÈTRE nominal en mm	PAS en mm	DIAMÈTRE des forets en mm
2	0,4	1,6	8	1,25	6,75
2,5	0,45	2,1	10	1,5	8,5
3	0,5	2,4	12	1,75	10,25
4	0.7	3,3	16	2	13,75
5	8.0	4,2	20	2,5	17,25
6	1	5	24	3	20,5

PAS (SYSTÈME WHITWORTH)

DIAM des ta		DIAM des to			AÈTRE forets mm
Fractions de pouce	en mm	DIAMÈ des for en m	Fractions de pouce	en mm	DIAM des fe
1/8	3,175	2,5	3/8	9,524	7,8
5/32 3/16	3,969 4,762	3,2 3,7	7/16 1/2	11,112 12,70	10,5
7/32	5,556	4,5	9/16	14,287	12
1/4	6,35	4,9	5/8	15,874	13,5
5/16	7,937	6,5	11/16	17,462	15

LUBRIFIANTS EMPLOYÉS : huile, pétrole, suif.

#### LE FRAISAGE

#### Classification des machines à fraiser

D'après la position de leur broche porte-fraise, ces machines-outils sont classées en trois catégories :

1° Fraiseuses | 2° Fraiseuses | verticales

horizontales

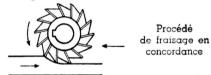
3° FRAISEUSES universelles

#### FRAISAGE. - Mode d'action des outils :

1° Fraisage en opposition. — Les figures ci-dessous indiquent le sens normal de rotation des fraises et le sens de l'avancement des pièces à fraiser.



2º Fraisage en concordance.



REMARQUE. — Ce procédé de fraisage ne peut être exécuté que sur des fraiseuses spéciales à commande hydraulique, ou, pour une faible passe de finition, sur des fraiseuses ordinaires.

#### ---- EMPLOI DES POUPÉES DIVISEUR A VIS SANS FIN ET UNIVERSELLES

Ces appareils permettent l'exécution de tous travaux de division simple et différentielle, ainsi que de taillage droit et hélicoïdal, car ils peuvent recevoir un montage de roues amovibles (voir fig., page 83) permettant de relier leur broche à la vis de la table de la fraiseuse sur laquelle ils sont montés.

Fonctionnement. — Le rapport de la vis sans fin à la roue hélicoïdale est de  $\frac{1}{40}$  ou  $\frac{1}{60}$ , ce qui donne 9° et 6° par tour.

#### PROCÉDÉS DE DIVISION CIRCULAIRE

**Division simple.** — Exemple: Emploi d'un diviseur au rapport 1/40 et de trois plateaux normaux, comprenant les cercles de trous suivants :

Plateau nº 1:

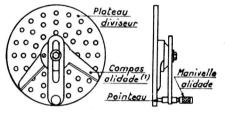
Cercles de 15, 16, 17, 18, 19 et 20 trous.

Plateau nº 2:

Cercles de 21, 23, 25, 27, 29, 31 et 33 trous.

Plateau nº 3:

Cercles de 37, 39, 41, 43, 47 et 49 trous.



(1) Le compas glidade, appelé aussi « fourchette », comprend deux réglettes radiales pouvant être mises à l'écartement imposé par la division.

APPLICATIONS. - I. Soit à diviser une pièce en Z = 5 parties égales :

$$\frac{R}{Z} = \frac{Rapport du diviseur}{Division à exécuter}$$

$$\frac{40}{Z} = \frac{40}{5} = \frac{1}{8} = 8 \text{ tours}$$

donc, pour une division, faire 8 tours de manivelle et engager le pointeau dans le trou de départ de l'un quelconque des disques.

II. Soit à exécuter un hexagone (6 pans) :

$$\frac{R}{Z} = \frac{40}{6} = \frac{20}{3} = 6 + \frac{2}{3} = 6 + \frac{10}{15}$$

Utiliser le cercle de 15 trous du disque n° 1. Pour passer d'un pan à l'autre, faire tourner la manivellepointeau de 6 tours plus 10 intervalles sur ce cercle.

Au-delà de la division 40 (rapport du diviseur), le déplacement de la manivelle est inférieur à 1 tour.

#### DIVISEUR AU RAPPORT 1/40

#### ---- TABLEAU ----

#### de divisions circulaires simples

DONT LE NOMBRE NE DIVISE PAS 40 EXACTEMENT

Divi- sions	NOMBRE DE TOURS DE LA MANIVELLE ET FRACTIONS DE TOUR
3	$\frac{40}{-}$ = 13 1/3 ou 13 5/15 = 13 tours + 5 intervalles du cercle de 15.
6	40   — = 6 2/3 ou 6 10/15 = 6 tours + 10 intervalles   6 du cercle de 15.
7	$\begin{array}{c} 40 \\=5 \ 5/7 \ \text{ou} \ 5 \ 15/21=5 \ \text{tours} + 15 \ \text{intervalles} \\ 7 \qquad \qquad \text{du cercle de 21.} \end{array}$
9	40 -= 4 4/9 ou 4 8/18 = 4 tours + 8 intervalles 9 du cercle de 18.
11	40
12	40
13	40   — = 3 1/3 ou 3 3/39 = 3 tours + 3 intervalles   13 du cercle de 39.
14	40 
15	$\begin{array}{c} 40 \\= 2  10/15 = 2  \text{tours} + 10  \text{intervalles du cercle} \\ 15 \qquad \qquad \text{de } 15. \end{array}$
16	$\frac{40}{-} = 2 8/16 = 2 \text{ tours} + 8 \text{ intervalles du cercle}$ $16 \qquad \qquad \text{de } 16.$
17	$egin{array}{c} 40 \\=2 & 6/17=2 &  ext{tours}+6 &  ext{intervalles} &  ext{du cercle} \\ 17 &  ext{de } 17. \end{array}$
18	4C

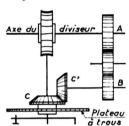
#### TABLEAU de divisions (suite)

Divi- sions	NOMBRE DE TOURS DE LA MANIVELLE ET FRACTIONS DE TOUR
19	$oxed{ \begin{array}{c} 40 \\ -2 \end{array}} = 2$ 2/19 $=$ 2 tours $+$ 2 intervalles du cercle de 19.
21	$egin{array}{lll} 40 \\=1 & 19/21=1 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $
22	40   — = 1 18/22 ou 1 9/11 ou 1 27/33 = 1 tour   22 + 27 intervalles du cercle de 33.
23	$egin{array}{c} 40 \\ -23 \end{array} = 1 \hspace{0.1cm} 17/23 = 1 \hspace{0.1cm}  ext{tour} + 17 \hspace{0.1cm}  ext{intervalles du cercle} \\ de \hspace{0.1cm} 23. \end{array}$
24	40 
25	40 
26	40 
27	$egin{array}{c} 40 \\ -27 \end{array} = 1 \hspace{0.1cm} 13/27 = 1 \hspace{0.1cm}  ext{tour} + 13 \hspace{0.1cm}  ext{intervalles du cercle} \\  ext{de 27}. \end{array}$
28	40 
29	$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$
30	40 
31	$egin{array}{c c} 40 \\=1 & 9/31=1 &  ext{tour}+9 &  ext{intervalles} &  ext{du cercle} \\ 31 &  ext{de 31}. \end{array}$
32	40 

#### \_\_\_ DIVISION DIFFÉRENTIELLE \_\_\_

Ce procédé consiste à faire avancer ou reculer le plateau à trous pendant la rotation de la manivellepointeau, en montant, entre l'axe du diviseur A et l'axe du pignon conique B, un train de roues dentées (schéma ci-dessous):

Principe de la division différentielle. — 1° Choi-



sir une division approchante Z' de la division à réaliser Z et qui puisse être obtenue par l'emploi de la méthode simple en déterminant le plateau et le nombre de trous du cercle à utiliser;

2° Calculer, pour un diviseur au 1/40

par exemple, les roues à monter en appliquant la formule suivante :

$$\frac{\text{Roue menante A}}{\text{Roue menée B}} = \frac{(40 \times \text{différence entre } Z' \text{ et } Z)}{Z'}$$

EXEMPLE. — Soit à réaliser 87 divisions sur un diviseur au 1/40, le rapport des pignons coniques  $\frac{c}{c'} = \frac{1}{1}$ . Roues disponibles:

Division approchante Z' = 90Division a réaliser Z = 87

Cercle à utiliser :

$$\frac{40}{90} = \frac{4}{9} = \frac{8}{18}$$

soit 8 intervalles sur le cercle de 18 trous.

Roues à monter :

$$\frac{40 \times (90 - 87)}{90} = \frac{40 \times 3}{90} = \frac{4}{3} = \frac{32}{24} = \frac{\text{Roue A}}{\text{Roue B}}$$

#### REMARQUES:

a) Pour un diviseur au 1/60, faire les mêmes calculs en remplaçant le facteur 40 par 60;

b) Lorsque le rapport A/B ne permet pas de trouver deux roues de la série dont on dispose, utiliser un montage à quatre roues;

c) Le rapport des pignons coniques c/c' n'est pas toujours égal à 1/1, ce qui a pour conséquence de modifier les roues A et B.

Cette modification consiste:

A faire effectuer au plateau à trous, un nombre de tours égal au rapport du diviseur (40 pour un diviseur au 1/40) et à compter le nombre de tours que fait l'axe de la roue B.

EXEMPLE. — Si l'axe de la roue B fait 20 tours pour 40 tours du plateau à trous, calculer les roues comme si le diviseur était au 1/20.

Le calcul du cercle à utiliser n'est pas modifié.

#### Sens de rotation manivelle et plateau :

Même sens, si Z' > Z Sens inverse, si Z' < Z.

Ces conditions s'obtiennent, en reliant les roues A et B par une ou deux roues intermédiaires d'un nombre quelconque de dents (selon le cas).

#### - DIVISION ANGULAIRE -

— Angle dont tourne la pièce pour un tour de manivelle du diviseur.

$$\frac{A}{B} = \frac{Angle à exécuter}{Angle pour 1 tour de manivelle}$$
Diviseur  $1/40 = \frac{360^{\circ}}{40} = 9^{\circ} = 540^{\circ}$ 

#### Application:

Soit à exécuter un angle de 18° 40'.

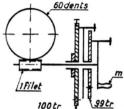
$$\frac{A}{B} = \frac{18^{\circ} \cdot 40'}{9^{\circ}} = \frac{1120'}{540'}$$
$$= \frac{112}{54} = 2 + \frac{4}{54} = 2 + \frac{2}{27}$$

= 2 tours + 2 intervalles sur le cercle de 27 trous.

#### - DIVISION DÉCIMALE -

### Réalisée sur Diviseur décimal universel (1)

Cet appareil permet : 1º La division par le procédé normal (à l'aide du petit disque);



2° La division décimale à l'aide de deux disques: l'un de 100 trous, l'autre de 99 trous, dont l'emploi combiné donne la possibilité de réaliser toutes les divisions usuelles.

← Schéma de principe

EXPOSÉ THÉORIQUE du procédé "Décimal universel".

Il est basé:

a) Sur la transformation en nombre décimal de la fraction :

60 = rapport du diviseur,

Z = nombre de divisions à obtenir.

 $\frac{60}{Z}$  représente le nombre de tours et fractions de tours de la vis sans fin.

**b**) Sur la différence, traduite en nombre décimal, entre les 2 divisions de 1/100 et 1/99:

$$\frac{1}{99} = 0.010101$$
  
 $\frac{1}{100} = 0.01000$ 

 $1/100 = 0.01\ 00\ 0$ 

Différence = 0,00 01 01 soit pratiquement 1 dix millième.

— Donc, chaque fois que l'on remplacera 1/100 par 1/99, on augmentera de 1 dix millième de tour, la valeur de l'angle décrit par la manivelle m du diviseur.

REMARQUE. — Chaque fois que le quotient 60/Z donnera un nombre à 2 chiffres périodiques, l'opération sera RIGOU-REUSEMENT EXACTE.

(1) Diviseur décimal SOMUA.

#### **DIVISION DÉCIMALE** (suite)

#### Réalisation pratique de la division.

I. EXEMPLE. — Soit 176 divisions à obtenir.

$$\frac{60}{7} = \frac{60}{176} = 0,34\ 09\ 09$$

Réaliser sur le disque de 100 trous : 34 - 09 = 25 divisions et ensuite 9 divisions sur le disque de 99 trous (ces déplacements s'effectuent par la manœuvre des pointeaux). L'angle décrit par la manivelle m sera :

$$\begin{array}{c}
0,25 \\
+ 0,09 \ 09 \ 09 \\
\hline
\text{Résultat} \\
= 0,34 \ 09 \ 09
\end{array}$$

II. EXEMPLE: 41 divisions à obtenir (nombre premier).

$$\frac{60}{Z} = \frac{60}{41} = 1,46 \ 34 \ 14$$

Réaliser sur le disque de 100 trous : 146 - 34 = 112 divisions et 34 divisions sur le disque de 99 trous.

L'angle décrit par la manivelle m sera :

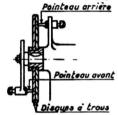
Erreur en plus : 0<sup>tr</sup>,00 00 20 correspondant à 1/50.000 de tour à la manivelle, soit 3 millionièmes de tour à la broche.

#### \_\_\_\_ DIVISION COMPOSÉE \_\_\_\_

Ce procédé de division nécessite un appareil diviseur possédant deux pointeaux (fig. page suivante) et pouvant être équipé de deux plateaux à trous, rendus solidaires l'un de l'autre, si les deux cercles de trous à utiliser ne se trouvent pas sur le même plateau.

#### DIVISION COMPOSÉE (suite)

PRINCIPE. — La fraction primitive est remplacée par deux autres fractions, dont la somme ou la différence équivaut à cette fraction. — La première fraction est réalisée à l'aide du pointeau avant, la seconde à l'aide du pointeau arrière, soit par mou-



vement additif ou sous-

APPLICATION. — Diviser une circonférence en 287 parties égales sur diviseur au rapport 1/60 (1)

$$\frac{60}{2} = 287$$
(fraction irréductible)

1° Décomposer le dénominateur de la fraction en facteurs, soit  $287 = 41 \times 7$ ;

 $2^{\circ}$  Rechercher une fraction simplifiable ayant pour somme ou différence  $\frac{60}{287}$ .

EXEMPLE DE CALCUL:

a) 
$$41 \times 1 = \frac{60}{287} = \frac{41}{287} + \frac{19}{287} (1^{re} \text{ fraction irréductible})$$

b) 
$$41 \times 2 = \frac{60}{287} = \frac{82}{287} - \frac{22}{287}$$
 (2° fraction irréductible)

c) 
$$41 \times 3 = \frac{60}{287} = \frac{123}{287} - \frac{63}{287}$$
 (fraction simplifiable)

On obtient:

$$\frac{123}{287} = \frac{3}{7} = \frac{51}{119}$$
 et  $\frac{63}{287} = \frac{9}{41}$ 

soit 51 intervalles sur le cercle de 119 trous (pointeau avant) moins 9 intervalles sur le cercle de 41 trous (pointeau arrière).

(1) Diviseur des Etablissements Gambin (par exemple).

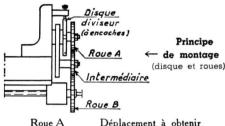
#### — DIVISIONS RECTILIGNES

#### sur machine à fraiser à l'aide de roues dentées

#### - APPLICATION -

#### au taillage des crémaillères

— La division linéaire d'une crémaillère s'effectue, à l'aide d'un disque diviseur à 4 encoches (1), relié à la vis de commande de la table de la fraiseuse, par l'intermédiaire d'un train d'engrenages:



$$\frac{\text{Roue A}}{\text{Roue B}} = \frac{\text{D\'eplacement \'a obtenir}}{\text{Pas de la vis de la table}}$$

Exemple. — Soit à tailler une crémaillère au module 1,75 (valeur de module secondaire normalisé), sur une fraiseuse dont la vis de la table est au pas de 5 mm.

Pas linéaire de la crémaillère :  $1,75 \times 3,1416 = 5,497 \text{ mm}$ 

CALCUL DES ROUES:

En utilisant le rapport  $\frac{22}{7} = 3,1428$ , on obtient :

$$1,75 \times \frac{22}{7} = \frac{38,5}{7} = \frac{385}{70}$$

$$\frac{A}{B} = \frac{385}{5 \times 70} = \frac{11}{10} = \frac{44}{40}$$

Pas obtenu : 
$$\frac{.14 \times 5}{40}$$
 = 5,5 mm.

- (1) Pour réaliser par exemple le module 2,75 : Calculer les roues pour le module 1 et tourner le disque diviseur de 2 tours 3/4.
- Procédé identique de division pour tous les modules.

**Division sur plateau circulaire.** — QUELQUES NOTES:

a) Divisé en 360°, un plateau circulaire est actionné par une vis sans fin généralement à 1 filet, laquelle entraîne en rotation une roue dentée comprenant le plus souvent 120 dents (sous-multiple de 360°, soit 3° pour chaque tour de vis sans fin);

b) Pour une vis sans fin sur laquelle est adapté un tambour gradué de 180 divisions, par exemple, une division correspond à un déplacement circulaire du plateau de 1 minute d'angle, soit 1 degré pour 60 divisions du tambour.

# FRAISAGE HÉLICOIDAL Pas de l'hélice

L'inclinaison de la table ou de la tête verticale de la fraiseuse est donnée par l'angle  $\alpha$  que fait la tangente à l'hélice à construire avec l'axe de la pièce à tailler :

tg 
$$\alpha = \frac{\text{Diamètre moyen} \times 3.1416}{\text{Pas de l'hélice}}$$

Le diamètre moyen de la profondeur du filet de l'hélice est obtenu en divisant par 2 la somme du diamètre extérieur et du diamètre fond de taille.

### de la vis de commande de la table

Ce pas fictif est déterminé en multipliant le pas de la vis de la table par le rapport du diviseur.

EXEMPLE: Pas P de la vis de la table = 5 mm, rapport du diviseur 1/40; le pas fictif de la vis de commande est égal à :

$$P \times 40 = 5 \times 40 = 200 \text{ mm}$$

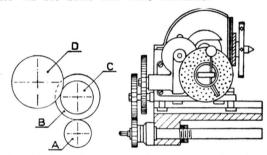
D'où la formule fondamentale :

 $\frac{\text{pas à construire}}{\text{pas de la vis de la table} \times 40} = \frac{\text{nombre de dents des roues menées}}{\text{nombre de dents des roues menantes}}$ 

ou pas à construire  $p = \frac{40 \text{ P} \times \text{D} \times \text{B}}{\text{C} \times \text{A}}$  pour un montage à 4 roues. (Fig. ci-dessous.)

#### CALCUL ET MONTAGE DES ROUES

Dans le fraisage en hélice, le mouvement de rotation du diviseur étant transmis par la vis de commande de la table de fraiseuse, la roue calée sur cette vis est donc une roue menante.



REMARQUE. — Le montage des roues, représenté par la figure ci-dessus, permet d'exécuter un fraisage hélicoïdal. Le sens de rotation variant suivant les diviseurs, on intercalera donc, selon le cas, une roue supplémentaire quelconque.

#### APPLICATIONS NUMÉRIQUES.

#### Rapport du diviseur 1/40

#### Exemple I

Pas à réaliser : p = 120 mm.

Pas fictif de la vis de commande: P = 200 mm.

$$\frac{p}{P} = \frac{120}{200} = \frac{12}{20} = \frac{2 \times 6}{4 \times 5}$$

En multipliant tous les termes par 10, on obtient :

$$\frac{2 \times 6}{4 \times 5} = \frac{20 \times 60}{40 \times 50} = \frac{D \times B}{C \times A}$$

Vérification : 
$$\frac{20 \times 60 \times 200}{40 \times 50} = 120 \text{ mm} = p$$

#### FRAISAGE HÉLICOÏDAL (suite)

#### Exemple II : UTILISATION DES RÉDUITES.

#### Formation des réduites :

- 1° Chercher le P.G.C.D. (plus grand commun diviseur) des deux nombres par la méthode des divisions successives:
- 2º Ecrire à la suite les uns des autres les quotients obtenus et les précéder des constantes  $\frac{0}{1}$  et  $\frac{1}{0}$ ;

3° Chaque réduite est formée :

a) d'un numérateur égal au produit du quotient correspondant, par le numérateur de la deuxième fraction de gauche + le numérateur de la première fraction de gauche:

b) d'un dénominateur égal au produit du même quotient, par le dénominateur de la deuxième fraction de gauche + le dénominateur de la première fraction de gauche.

Application. — Soit à tailler sur un cylindre une hélice au pas de 635 mm = p en utilisant une fraiseuse dont la vis de la table est au pas de 5 mm = P et un diviseur dont le rapport:

$$\frac{\text{Vis sans fin}}{\text{Rone dentée}} = \frac{1}{K} \left( \frac{1}{40} \right)$$

Les roucs disponibles sont:

de 20 à 30 par 1 dent;

de 30 à 100 par 5 dents.

Cette fraction étant irréductible, on cherchera une valeur approchée à l'aide des réduites, permettant l'utilisation des roues disponibles.

#### 1° Détermination des anotients

	3	5	1	2	2	quotients
127	40	7	5	2	1	diviseurs
7	5	2	1	0		restes

#### FRAISAGE HÉLICOÏDAL (suite)

#### 2º Calcul des réduites

	3	5	1	2	2	quotients
0 1	3	16	19	54	127	
1 0	1	5	6	17	40	réduites

On utilisera la réduite  $\frac{54}{17}$  que l'on décomposera en un produit de deux facteurs :

$$\frac{p}{P \times K} = \frac{54}{17} = \frac{6 \times 9}{17 \times 1} = \frac{60 \times 90}{85 \times 20} = \frac{D \times B}{C \times A}$$

Les roues menées D et B auront 60 dents et 90 dents. Les roues menantes C et A auront 85 et 20 dents.

VÉRIFICATION:

$$\frac{60 \times 90 \times 5 \times 40}{85 \times 20} =$$
 **635,29** mm =  $p$ 

#### REALISATION de Pas en pouces sur fraiseuse dont le pas de la vis de la table est exprimé en fractions de pouce

Exemple:

Pas à réaliser :  $p = 3'' = 25.4 \times 3 = 76.2$  mm.

Pas réel de la vis de la table :

$$P = 5$$
 filets au pouce =  $\frac{25,4}{5} = 5,08$  mm.

Pas fictif de la vis de commande :

$$\frac{25,4}{5} imes 40$$
 (rapport du diviseur) = 25,4  $imes$  8

$$\frac{p}{P} = \frac{25.4 \times 3}{25.4 \times 8} = \frac{3}{8} = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{30 \times 25}{40 \times 50} = \frac{D \times B}{C \times A}$$

VÉPIFICATION:

$$\frac{30 \times 25 \times 25,4 \times 8}{40 \times 50} = 76,2 \text{ mm} = p$$

#### Vis à plusieurs filets.

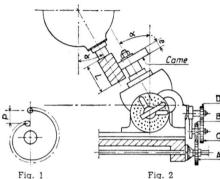
Exemple. — Une vis à 4 filets, au module 3, a pour pas:

$$3 \times 3,1416 \times 4 = 37,70 \text{ mm}$$
.

#### TAILLAGE DE CAMES

### — EN SPIRALE (1) —— SUR FRAISEUSE UNIVERSELLE

Le pas d'une spirale. — C'est la longueur dont augmente le rayon quand la courbe a fait un tour (fig. 1).



Exécution. — La came à exécuter étant montée sur un mandrin calé dans la broche du diviseur, deux procédés de taillage sont employés :

#### I. Taillage en position verticale:

(Le pas de la spirale p correspond à l'un des pas obtenus sur la fraiseuse utilisée.)

- a) Le disque de la came à tailler est monté sur la broche du diviseur, l'axe de cette broche et l'axe du porte-fraise sont placés verticalement;
- b) La table de la fraiseuse se déplace du pas de la spirale p pour un tour de la came à l'aide d'un montage approprié de roues dentées, servant au fraisage hélicoïdal. (Pour le calcul et le montage des roues, se reporter à l'exemple I page 83).
- (1) CAMES EN SPIRALE. Pièces profilées, en progression constante, destinées à transformer un mouvement de rotation en un mouvement de translation uniforme.

#### II. Taillage en position oblique (fig. 2):

(Le pas de la spirale p ne correspond pas à l'un des pas obtenus sur la fraiseuse.)

- a) Choisir un pas quelconque P le plus rapproché possible et supérieur au pas de la spirale p;
- b) Incliner l'axe de la broche du diviseur ainsi que l'axe du porte-fraise d'un angle α obtenu par la relation suivante ;

$$\cos \alpha = \frac{p}{P} = \frac{\text{pas de la spirale à réaliser}}{\text{pas réalisable sur la fraiseuse}}$$

Application. — Soit à tailler à l'aide d'un diviseur au 1/40, sur une fraiseuse universelle dont la vis de la table est au pas de 5 mm, une came en spirale au pas de 35,2 mm.

Le pas supérieur et le plus rapproché, réalisable sur la fraiseuse, est 35,52 mm, obtenu à l'aide des

roues: 
$$\frac{24 \times 28}{44 \times 86} = \frac{D \times B \text{ (roues menées)}}{C \times A \text{ (roues menantes)}}$$

VÉRIFICATION:

$$\frac{24 \times 28 \times 5 \times 40}{44 \times 86} = 35,52 = P$$

L'angle  $\alpha$  d'inclinaison de la broche du diviseur et de la broche porte-fraise sera :

$$\cos \alpha = \frac{35,2}{35,52} = 0,99087$$
  
d'où :  $\alpha = 7^{\circ} 45'$ 

REMARQUE: La fraise utilisée doit avoir une partie taillée L de longueur suffisante.

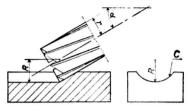
Exemple. — Si e est l'épaisseur du disque de la came et P le pas utilisé sur la fraiseuse, il faut que L soit plus grand que  $e + P \sin \alpha$ .

Application. — Dans l'exemple donné ci-dessus, si e = 10 mm, la longueur L sera :

$$10 + (35,52 \times \sin 7^{\circ} 45')$$

ou: 
$$10 + (35.52 \times 0.13485) = 14.6$$
 environ.

### FRAISAGE concave approché — à l'aide d'une fraise cylindrique



Angle a d'inclinaison de la tête de fraiseuse

APPLICATION. — Soit à réaliser le fraisage d'un profil concave représenté fig. ci-dessus.

FORMULE:  $\cos \alpha = \frac{\text{rayon } r \text{ de la fraise}}{\text{Rayon R à obtenir}}$ 

EXEMPLE. — Rayon approché R à réaliser = 32 mm; rayon r de la fraise = 30 mm, on obtient :

Cos 
$$\alpha = \frac{30}{32} = 0.9375$$
, d'où  $\alpha = 20^{\circ} 20'$ .

Remarques. — On utilise une fraise cylindrique de rayon inférieur r, le plus rapproché possible du Rayon R à réaliser. — La courbe C, obtenue par ce procédé de fraisage, est légèrement elliptique.

#### LES ENGRENAGES ——

— Les dimensions des dentures sont calculées en fonction du nombre de dents (Z) de la roue et du module (M).

Rapport du module. — Il est égal au quotient du pas circonférentiel exprimé en millimètres par le nombre  $\pi$ :

$$M = \frac{Pas \ circonférentiel}{\pi}$$

Modules normalisés. — Valeurs principales: 0.5 - 0.6 - 0.8 - 1 - 1.25 - 1.5 - 2 - 2.5 - 34 - 5 - 6 - 8 - 10 - 12 - 16 - 20 - 25

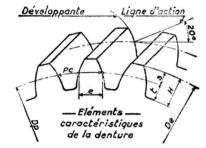
#### ENGRENAGES CYLINDRIQUES

#### ---- A DENTURE DROITE ----

#### Profil des dents :

C'est un arc de développante de cercle (représenté page 20).

ANGLE DE PRESSION : 20° (NORMALISÉ).



#### ---- CALCUL DES ÉLÉMENTS -

$$M = MODULE OU PAS DIAMÉTRAL = \frac{Dp}{Z} ou \frac{De}{Z+2}$$

$$Pc = Pas \ circonférentiel = M imes \pi \ ou rac{Dp imes \pi}{Z}$$

$$\mathrm{D} p = \mathrm{Diamètre} \ \mathrm{Primitif} = \mathrm{M} \times \mathrm{Z} \ \mathrm{ou} \ \mathrm{D} e - (\mathrm{M} \times 2)$$

$$De = Diamètre extérieur = (Z + 2) \times M$$

$$Z = Nombre de dents = \frac{Dp}{M}$$
 ou  $\frac{De}{M} - 2$ 

$$mitif = \frac{M\pi}{2}$$
 (roues sans jeu).

Saillie S (en mm) ou hauteur de la dent au-dessus du cercle primitif = Module.

Creux t (en mm) ou hauteur de la dent au-dessous du cercle primitif.

#### DENTURE NORMALE

Saillie de la dent.... 1 module Creux............. 1.25 —

Hauteur totale..... 2,25 -

#### ENGRENAGES DROITS (suite)

Z et  $Z_1 = Nombre$  de dents des 2 roues.

Dp et dp = Diamètre primitif des 2 roues.

Distance des axes : 
$$\frac{Z+Z_1}{2} \times M$$
 ou  $\frac{Dp+dp}{2}$ 

QUELQUES EXEMPLES:

1° Déterminer le module d'un engrenage de 20 dents ayant un diamètre primitif de 60 mm.

Module: 
$$M = \frac{Dp}{Z} = \frac{60}{20} = 3$$

2° Déterminer le diamètre primitif et le diamètre extérieur d'un engrenage de 32 dents module 5.

Diamètre primitif : 
$$Dp = M \times Z$$
  
=  $5 \times 32 = 160 \text{ mm}$ 

Diamètre extérieur : 
$$De = (Z + 2) \times M$$
  
=  $(32 + 2) \times 5 = 170 \text{ mm}$ 

#### --- TAILLAGE DES ENGRENAGES DROITS ----

CHOIX DE LA FRAISE. — Jusqu'au module 10, le jeu est de 8 fraises par module :

Numéro des fraises	1	2	3	4	5	6	7	8
Nombre	12	14	17	21	26	35 }	55	135
de dents à tailler	et 13	ά 16	20	25	34	α 54	α 134	à la crém.

#### ENGRENAGES à denture intérieure (fig. ci-dessous)



CALCUL. — On utilise les formules pour engrenages à *denture extérieure*, complétées des éléments suivants:

a) Le cercle d'échanfreinement des dents, de diamètre Di, est égal au diamètre primitif Dp moins deux fois la saillie de la dent ou deux fois le module M :

$$Di = Dp - 2 M$$

ENGRENAGES DROITS (suite)

b) Le diamètre d'évidement D' est égal au diamètre primitif plus deux fois la hauteur du creux de la dent:

$$D' = Dp + 2.5 M$$

#### MESURES ANGLAISES DES ENGRENAGES ----

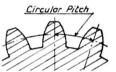
Base de calcul: Le Diametral Pitch. — Le Diametral Pitch est égal au nombre de dents Z par pouce (25,4 mm) de diamètre primitif:

"Diametral Pitch" = 
$$\frac{Z}{Dp \text{ (en pouces)}}$$

Le diamètre extérieur est égal au nombre de dents + 2, divisé par le "Diametral Pitch".

Entre le module M et le "Diametral Pitch"

existe la relation:



Le Circular Pitch (pas circonférentiel), est donné par la formule : c. pitch =  $\frac{\pi}{\text{d. pitch}}$ .

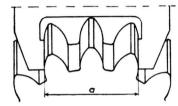
#### TABLEAU de conversion du Diametral Pitch

en module et en pas circonférentiel

DIAMETRAL Pitch	MODULE métrique correspondant	PAS circonférentiel en mm	EPAISSEUR de le dent au diamètre primitif	Hauteur H de la dent en mm
2 1	10.70	20.005	19,948	26,967
2 1/2	12,70 10,159	39,895 31,915	15,958	21,573
3	8,466	26,596	13,298	17,978
	6,35	19,946	9,973	13,482
5	5,08	15,956	7,978	10,785
6	4,233	13,298	6,649	8,989
6 7 8 9	3,628	11,397	5,699	7,704
8	3,175	9,971	4,986	6,740
9	2,822	8,865	4,433	5,992
10	2,54	7,976	3,988	5,391

#### MESURE DE L'EPAISSEUR DES DENTS D'ENGRENAGES

Denture normale (angle de pression : 20°). — La mesure de l'épaisseur des dents (fig. ci-dessous) s'effectue au moyen de calibres dits « fers à cheval » ou d'un calibre à coulisse mesurant plusieurs dents.



La cote « a » est la longueur calculée d'un engrenage sans jeu.

Pour les engrenages droits à denture rectifiée, le jeu généralement admis est fonction du module.

#### Caractéristiques :

a	:	cote	d'un	engrenage	sans	jeu.

z : nombre de dents mesurées.

k : coefficient.

a : angle de pression en degrés.

M: module.

Z: nombre de dents de l'engrenage.

Valeur de Z pour a=20°	z	k
12 18	2	3
19 — 27	2	5
28 36	4	7
37 45	5	9
46 — 54	6	11
55 63	7	13
64 — 72	8	15
73 — 81	9	17
82 — 91	10	19

FORMULE UTILISÉE:

$$a = M [(1,476\ 065\ k) + (0,013\ 996\ Z)]$$

Exemple. — Soit à vérifier un pignon de Z=49 dents, module M=2.5, angle de pression  $=20^{\circ}$ . Pour 49 dents, le tableau ci-dessus indique :

z (nombre de dents mesurées) = 6

et k (coefficient) = 11, la cote « a » sera :

 $a = 2.5 [(1.476\ 065 \times 11) + (0.013\ 996 \times 49)]$ 

= 2.5 (16,236715 + 0.685804)

 $= 2.5 \times 16,922519 = 42,30 \text{ mm}$ 

#### TABLE DE CONSTANTES

#### pour vérification des dents d'engrenages (Denture normale)

Module de base 1. - Angle de pression 20°

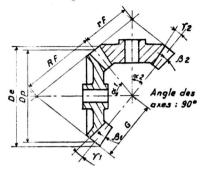
Z	ь	Z	ь	Z	ь
12	4,5963	38	13,8168	64	23,037
13	4,6103	39	13,8308	65	23,0513
14	4,6243	40	13,8448	66	23,065
15	4,6383	41	13,8588	67	23,079
16	4,6523	42	13,8728	68	23,093
17	4,6663	43	13,8868	69	23,107
18	4,6803	44	13,9008	70	23,121
19	7,6464	45	13,9148	71	23,135
20	7,6604	46	16,8809	72	23,149
21	7,6744	47	16,8949	73	26,115
22	7,6884	48	16,9090	74	26,129
23	7,7024	49	16,9230	75	26,143
24	7,7164	50	16,9370	76	26,157
25	7,7304	51	16,9510	77	26,171
26	7.7445	52	16,9650	78	26,181
27	7,7585	53	16,9790	79	26,195
28	10,7246	54	16,9930	80	26,210
29	10,7386	55	19,9591	82	29,197
30	10,7526	56	19,9731	83	29,211
31	10,7666	57	19,9871	84	29,2257
32	10,7806	58	20,0011	85	29,239
33	10,7946	59	20,0151	86	29,253
34	10,8086	60	20,0291	88	29,2817
35	10.8226	61	20,0431	90	29,3097
36	10,8366	62	20,0572	95	32,3300
37	13,8028	63	20,0712	100	32,4000

#### UTILISATION DU TABLEAU (ci-dessus)

Pour obtenir, directement, la cote « a » sur z dents d'un engrenage de module M, il suffit, pour les engrenages, ayant de 12 à 100 dents, de rechercher dans le TABLEAU le nombre (colonnes b) correspondant au nombre Z de dents de l'engrenage, et multiplier ce nombre par le module.

#### **ENGRENAGES CONIQUES**

Ces engrenages servent à transmettre un mouvement de rotation entre deux arbres qui se coupent. le plus souvent à angle droit (90°).



TAILLAGE DES ENGRENAGES CONIQUES

L'opération de taillage ne peut être exactement exécutée que par RABOTAGE des dents sur MACHINES SPÉCIALES à l'aide de deux ontils-conteau, dont les mouvements sont symétriques par rapport au plan médian de la dent taillée.

#### TAILLAGE SUR MACHINES A FRAISER

Le taillage des dents d'engrenages coniques à la fraise ne peut donner qu'un profil approché du profil théorique (les dentures de ces engrenages nécessitent donc des retouches après l'opération de taillage).

Remarque. — Lorsqu'il s'agit de pignons coniques dont la longueur de denture est inférieure au 1/3 de la génératrice du cône primitif, l'emploi de fraises-module normales peut être suffisant (dans certains cas).

CHOIX DE LA FRAISE. - La fraise à utiliser n'est pas déterminée d'après le nombre réel de dents de l'engrenage conique, mais d'après le nombre de dents d'un ENGRENAGE DROIT FICTIF, dont le rayon serait égal à Rf pour le grand engrenage et rf pour le pignon (voir fig. ci-dessus).

#### (suite)

En appelant  $D_t$  et  $D_{1t}$  les diamètres fictifs correspondants. Z<sub>1</sub> et Z<sub>11</sub> les nombres de dents correspondants, on a:

$$D_{f} = \frac{D_{p}}{\cos \alpha_{1}}$$
 et  $D_{1f} = \frac{d_{p}}{\cos \alpha_{2}}$   

$$Z_{f} = \frac{D_{f}}{M} = \frac{Z}{\cos \alpha_{1}}$$
 et  $Z_{1f} = \frac{Z_{1}}{\cos \alpha_{2}}$ 

#### ELÉMENTS DE LA DENTURE -

(Eng. coniques dont les axes sont perpendiculaires)

M = Module:

Dp et dp = Diamètres primitifs, grande et petite

De et de = Diamètres extérieurs, grande et petiteroue:

Z = Nombre de dents, grande roue;

 $Z_1 = Nombre de dents, petite roue (pignon);$ 

Rf et rf = Rayons fictifs:

Saillie s de la dent = M; Creux t = 1,25 M;

Angle de tête de dent (cone extérieur): Angle de pied de dent (cône intérieur):

G (génératrice du cône primitif).

#### CALCUL des éléments de la denture

### Grande roue $M = \frac{Dp}{7}$ $D_{p} = Z \times M$ $\operatorname{tg} \alpha_1 = \frac{\mathrm{D}p}{\mathrm{d}p} = \frac{\mathrm{Z}}{\mathrm{Z}_1}$ $tg \, \beta_1 = \frac{2 \times \sin \alpha_1}{7}$ $\operatorname{tg} \gamma_1 = \frac{2.5 \times \sin \alpha_1}{7}$ $De = (2 M \times \cos \alpha_1) + Dp$ $Rf = \frac{Dp}{2 \cos \alpha t}$ angle de pied de dent=\alpha\_1-\nu\_1 angle de tête de dent= $\alpha_1 + \beta_1$

Petite roue (Pignon)
$$M = \frac{dp}{Z_1}$$

$$dp = Z_1 \times M$$

$$tg \alpha_2 = \frac{dp}{Dp} = \frac{Z_1}{Z}$$

$$tg \beta_2 = \frac{2 \times \sin \alpha_2}{Z_1}$$

$$tg \gamma_2 = \frac{2,5 \times \sin \alpha_2}{Z_1}$$

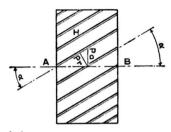
$$de = (2 M \times \cos \alpha_2) + dp$$

$$rf = \frac{dp}{2 \cos \alpha_2}$$
angle de pied de dent= $\alpha_2$ - $\gamma_2$ 
angle de tête de dent= $\alpha_2$ + $\beta_2$ 

#### ENGRENAGES HÉLICOÏDAUX ----

Ces engrenages sont de deux sortes :

1º Engrenages à axes parallèles: 2º Engrenages à axes quelconques ayant le plus souvent leurs axes perpendiculaires.



ELEMENTS d'une roue hélicoïdale

Mr = module réel (choisi parmi les modules normalisés)

Ma = module apparent

Z = nombre de dents

Dp = diamètre primitif

De = diamètre extérieur

 $\alpha = inclinaison denture$ 

P = pas de l'hélice

Pr = pas réel

Pa = pas apparent ou oblique

S = saillie et t = creux

h = hauteur de dent

D<sub>1</sub> = diamètre de tête

Do = diamètre de pied

#### CALCUL des éléments de la denture

- Module Apparent : obtenu en divisant le module réel par le cosinus de l'angle a d'inclinaison de l'hélice :

$$Ma = \frac{Mr}{\cos \alpha} = \frac{Dp}{Z}$$

- Module Réel....  $Mr = Ma \times \cos \alpha$
- DIAMÈTRE EXTÉRIEUR. Le diamètre extérieur est égal au diamètre primitif, plus deux fois le module réel :

$$De = Dp + 2 Mr$$
 ou  $(Ma \times Z) + 2 Mr$ 

- DIAMÈTRE DU CERCLE PRIMITIF. - Le diamètre primitif est égal au module apparent multiplié par le nombre de dents :

$$Dp = Ma \times Z$$

$$- 96 -$$

- Angle d'inclinaison de l'hélice :

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{\operatorname{D} p \times \pi}{\operatorname{Pas} \operatorname{de l'hélice}}$$

-- Pas de l'hélice :

$$P = \frac{Dp \times \pi}{tg \, \alpha} = Dp \times \pi \times \cot \alpha$$

- Pas réel....  $Pr = Module réel \times \pi$
- Pas apparent...  $Pa = Ma \times \pi = \frac{Mr \times \pi}{\cos \alpha}$

Saillie s de la dent = MrCreux t de la dent = 1.25 Mr

- HAUTEUR de la dent...... h = 2.25 Mr
- DIAMÈTRE de tête.....  $D_1 = Dp + 2 Mr$
- DIAMÈTRE de pied.....  $D_2 = Dp 2.5 Mr$
- Distance d'axes =  $\frac{Dp + dp}{2}$

Exemple. — Soit à calculer les principales dimensions d'un engrenage hélicoïdal de 24 dents :

module réel = 4; angle de l'hélice = 20°.  $(Tg 20^{\circ} = 0.36937 \text{ et } Cos 20^{\circ} = 0.93969)$ 

Mod. apparent = 
$$\frac{Mr}{\cos \alpha} = \frac{4}{\cos 20^{\circ}} = \frac{4}{0,9396} = 4,25$$

Pas apparent =  $4.25 \times 3.1416 = 13.25$ 

Diam. primitif =  $Ma \times Z$  de dents =  $4.25 \times 24 = 102$ .

Diam. extérieur =  $Dp + (2 Mr) = 102 + (2 \times 4) = 110$ 

Pas de l'hélice  $P = \frac{102 \times 3,1416}{0.36037} = 880 \text{ mm}.$ 

#### Calcul du N° de la fraise :

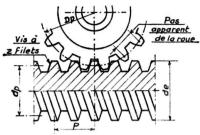
Z<sub>1</sub> = Nombre fictif de dents de l'engrenage, permettant le choix du numéro de la fraise à employer.

$$Z_f = \frac{\text{Nombre de dents réel}}{\cos^3 \alpha}$$
Exemple :  $Z = 16 \text{ dents}$   $\alpha = 45^\circ$ 

EXEMPLE: 
$$Z = 16$$
 dents  $\alpha = 45^{\circ}$   $\cos 45^{\circ} = 0{,}7071$   $\cos^{3} \alpha = 0{,}3521$   $Z_{f} = \frac{16}{0.3521} = 45$  dents

On utilisera une fraise nº 6, taillant de 35 à 54 dents (voir tableau page 90).

#### ROUES ET VIS SANS FIN



Rapport des vitesses : C'est le rapport du Nom-BRE DE FILETS n de la vis au NOMBRE DE DENTS Z de la roue.

Exemple. — Une vis sans fin à 2 filets faisant 240 tours, actionne une roue de 40 dents. Combien de tours fera la roue?

On a: 
$$\frac{n}{Z} = \frac{240 \times 2}{40} = 12$$
 tours

#### ROUE. - Calcul des éléments

#### DONNÉES :

Module apparent de la roue

Ma = Module apparent

α = Angle d'inclinaison de la denture

Dp = Diamètre primitif

De = Diamètre extérieur

Di = Diamètre intérieur

Z = Nombre de dents

P = Pas de l'hélice (roue)

Z = Nombre de dents fictif de l'engrenage auquel correspond la fraise à employer

#### FORMULES:

Module oblique de la vis

$$Ma = \frac{Mr}{\cos \alpha}$$

 $\alpha = \text{Egal}$  à l'angle d'inclinaison du filet de la vis

 $Dp = Ma \times Z$ 

De = Dp + 2 Mr

Di = Dp - 2.5 Mr

 $P = Z \times Pa$  de la vis  $=\frac{\pi D \text{ de la roue}}{\operatorname{tg} \alpha}$ 

 $Z_f = \frac{Z}{\cos^3 a}$ 

Entr'axe = Rayon primitif de la roue + Rayon primitif de la vis.

Vis sans fin. - La section génératrice est trapézoïdale. — L'angle du profil est 40° suivant une coupe normale aux filets.

#### I. Vis sans fin à un seul filet

#### CALCUL DES ÉLÉMENTS

#### DONNÉES .

Mr = Module réel

Pr = Pas réel (mesuré perpendiculairement à l'hélice).

Po = Pas oblique (distance

entre deux filets con-

FORMULES:

 Module normalisé  $Pr = Mr \times \pi$ 

 $P_0 = \frac{Pr}{r}$ 

sécutifs mesurée sur la génératrice du cylindre).

Pa = Pas apparent. — Dans une vis à 1 filet, le pas apparent n'est pas utilisé dans les calculs.

 $\alpha = Angle$  d'inclinaison du filet

dp = diamètre primitif

de = diamètre extérieur

df = diamètre à fond de filet

H = Hauteur des filets

dp = 10 à 15 fois le Module

de = dp + 2 Mr

df = dp - 2.5 Mr

 $H = 2.25 \, Mr$ 

#### **II. Vis** à plusieurs filets (n filets)

--- DONNÉES ET FORMULES ----

Pr = Pas réel de la vis

α == Angle d'inclinaison des filets

Mo = Module oblique

Ma = Module apparent

Po = Pas oblique

P = Pas de l'hélice

Pr = Mr (de la roue)  $\times n$ .

 $Mo = \frac{Mr}{\cos \alpha}$ 

 $Ma = \frac{Mr}{}$ 

 $Po = \frac{Pr}{\cos \alpha} = \frac{Mr \times \pi}{\cos \alpha}$  $P = Po \times n$  (filets)

Le pas apparent Pa est obtenu en divisant la circonférence primitive de la roue par le nombre de dents.

#### VIS A PLUSIEURS FILETS (suite)

EXEMPLE NUMÉRIQUE. — Soit une vis sans fin à 2 filets. Diamètre primitif dp=42, Module réel  $\mathrm{M}r=3$ .

Application des formules :

sin a (angle d'inclinaison des filets)

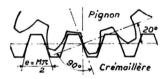
$$=\frac{\mathrm{M}r\times n \text{ (filets)}}{dp}=\frac{3\times 2}{42}=0,1428 \text{ d'où } \alpha=8^{\circ} \ 10^{\circ}$$

Module oblique = 
$$\frac{Mr}{\cos z} = \frac{3}{0.98986} = 3.035$$

Pas oblique =  $3,035 \times \pi = 9,534$ 

Pas de l'hélice  $P = 9,534 \times 2 = 19$  mm.

#### CRÉMAILLÈRE ----



- Engrenage rectiligne pouvant engrener avec un pignon (fig. ci-dessus). Le profil des dents de crémaillère est incliné à 70° (complément de l'angle de pression 20°).
- Les flancs des dents de crémaillère correspondant à la denture en développement, sont des lignes droites.
- Le pas P, mesuré entre les axes de deux dents consécutives, est égal au pas circulaire du pignon qui engrène avec la crémaillère.

#### CALCUL DES ÉLÉMENTS :

Pas d'une crémaillère.... ... = Module  $\times \pi$  Hauteur totale de la dent.  $H = M \times 2.25$ 

Epaisseur de la dent....  $=\frac{M\times\pi}{2}$ 

NOTA. — Le taillage des dents de crémaillère se fait comme indiqué sur le croquis, page 81, ou à l'aide d'un appareil spécial à tailler les crémaillères.

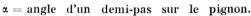
#### ---- PIGNONS pour chaînes -

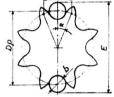
(à simple rouleau)

— Le taillage s'effectue au moyen de fraises appropriées à profil constant.

#### Eléments. - Soit :

- P = pas de la chaîne (généralement fonction d'une mesure anglaise);
- Z = nombre de dents du pignon;
- Dp = diamètre primitif du pignon;
- Df = diamètre fond de dents;
- b = diamètre du rouleau;





#### CALCUL DES ÉLÉMENTS. — Formules :

Le rayon r des fraises utilisées est un peu plus grand que celui des rouleaux.

#### ENGRENAGES (suite). - Notes complémentaires

Machines spéciales employées pour le taillage automatique des engrenages

- 1° Pour le taillage des engrenages cylindriques droits et hélicoïdaux :
  - a) Machines à fraises vis mères;
  - b) Machines à outils-crémaillères;
  - c) Machines à pignons-couteaux.
- 2° Pour le taillage des engrenages coniques :

Les machines utilisées sont différentes des machines de taillage employées pour les engrenages cylindriques, le taillage s'effectue :

- a) Par outils-couteaux pour la denture droite;
- b) Par fraise circulaire pour la denture courbe.

Essai Brinell. — Principe: L'essai consiste à imprimer dans le métal, sous une charge P, exprimée en kilogrammes-force, une bille d'acier trempé de diamètre D, et à mesurer le diamètre d de l'empreinte laissée sur la surface après enlèvement de la charge. — Si on désigne par Smm² la surface de la calotte sphérique de l'empreinte, et par P<sub>kg</sub> la force appliquée sur la bille, le rapport Pkg Caractérise la dureté. Pour l'essai normal (bille de 10 mm — 3.000 kgf — 15 s), la dureté se désigne par le symbole HB.

FORMULE: HB = 
$$\frac{P}{S} = \frac{2P}{\pi D (D - \sqrt{D^2 - d^2})}$$

Nota: L'indication de la résistance R à la traction en kg/mm² peut être obtenue, approximativement, en multipliant le nombre de dureté HB par un coefficient K qui varie suivant la composition des aciers.

— Pour les aciers au carbone (laminés et recuits), on adopte généralement le coefficient K = 0,34. — Ainsi, un acier qui présentera une dureté: HB=241, aura une résistance:

$$R = HB \times 0.34 = 241 \times 0.34 = 82 \text{ kg/mm}^2$$
.

**Essai Rockwell.** — Cet essai mesure l'accroissement de la profondeur de pénétration : soit d'une bille en acier de diamètre 1/16 de pouce sous une charge de  $100 \, \mathrm{kg}$  (dureté Rockwell B — 100), soit d'un pénétrateur conique (en diamant) de  $120^\circ$  d'angle, sous une charge de  $150 \, \mathrm{kg}$ , de  $100 \, \mathrm{ou}$  de  $60 \, \mathrm{kg}$  (dureté Rockwell) C —  $150 \, \mathrm{ou}$  D —  $100 \, \mathrm{ou}$  A — 60.

Essai Vickers. — On mesure sur la pièce la diagonale de l'empreinte, obtenue à l'aide d'un diamant (pyramide à base carrée dont l'angle au sommet à 136°). La dureté Vickers est :

$$HV = \frac{P}{S} = \frac{2 P \sin \frac{136^{\circ}}{2}}{d^2} = 1,8544 \frac{P}{d^2}$$

Nota. — Le symbole HV est complété par un indice comportant l'indication de la charge.

#### TABLEAU DE CORRESPONDANCE

#### DE DIVERS SYSTÈMES DE MESURE DES DURETES

Relations entre le diamètre d de l'empreinte de bille, la résistance R et le nombre Brinell HB

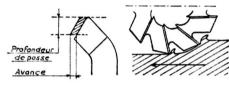
	TÉ BRI de 10			RETÉ R		1	FIRTH
Char	ge 3.00	) kgf	Pénétrateur conique (en diamant)			Bille	S FI
<b>d</b> en mm	НВ	R kg/mm²	150 kg C	100 kg D	60 kg <b>A</b>	100 kg éch. B	VICKERS
2,45 2,50	626 600	213 204	61 59	72 71	82 81		72 68
2,55	578	197	58	69	80		65
2,60	556	189	56	68	79		61
2,65	532	181	54	67	78		58
2,70	512	174	52	65	77		54
2,75	495	168	51	64	76		53
2,80	477	162	49	63	75		50
2,95	430	146	45	60	73		44
3,25	351	119	38	54	69		36
3,40	321	109	35	52	68		34
3,60	286	97	30	49	66		30
3,75	262	89	27	46	64		27
3,90	241	82	24	44	63	100	25
4	228	78	22	42	62	98	24.
4,10	217	74	20	41	61	97	234
4,20	207	70	18	39	60	95	22
4,3	196	67		37	58	93	
4,45	183 170	62 58		34	56	89	
4,6 4,75	159	54		32	55 53	86 84	
4,75	156	53			52	84	
5	143	49			50	76	
5.15	134	46		-	30	74	
5,30	126	43		1		69	
5,40	121	41		1		67	
5,50	117	39				65	
5,60	110	38				62	
5,70	107	36				59	

#### LA COUPE DES MÉTAUX

En dehors de la puissance de la machine-outil employée, les facteurs desquels dépendent les conditions d'utilisation de l'outil sont :

- 1º La nature du métal usiné;
- 2º La composition chimique et le traitement de l'outil;
- 3º L'affûtage de l'outil et sa position par rapport à la pièce;
- 4º La lubrification au cours du travail:
- 5° Les caractéristiques d'usinage : section du copeau et vitesse de coupe.

#### CARACTÉRISTIQUES D'USINAGE



#### VITESSE DE COUPE :

Distance (exprimée en mètres) parcourue (pendant une minute), par un point de l'arête tranchante de l'outil en contact avec la surface de la pièce qu'il usine. — Symbole Vm/mn.

#### TOURNAGE:

Profondeur de Passe. — Demi-différence des diamètres de la pièce après le passage de l'outil. On appelle avance le déplacement de l'outil pour un tour de la pièce.

#### FRAISAGE:

L'AVANCE. — Distance exprimée en mm dont se déplace une pièce sous les arêtes tranchantes de la fraise pendant 1 minute.

Le choix de l'avance à adopter dépend :

- a) De la qualité de l'état de surface cherché;
- b) De la résistance de la denture.

#### RABOTAGE:

La vitesse de coupe V est donnée (approximativement) par la formule suivante :

$$V: vitesse en m/mn;$$
 $V = 2 cn$ 
 $c: course, en mètre, de l'outil ou de la pièce;
 $n: nombre de courses par minute.$$ 

Dans le mouvement circulaire uniforme, la vitesse de coupe V est donnée par la formule :

$$V = \pi.D.n$$

V : Vitesse de coupe en mètres par minute;

D : diamètre de la pièce ou de l'outil;

n: nombre de tours par minute.

d'où : 
$$n = \frac{V}{\pi D}$$

TEMPS DE COUPE EN minutes :

$$Tmn = \frac{l}{a \times n} \begin{cases} l = \text{longueur à usiner;} \\ a = \text{avance par tour;} \\ n = \text{nombre de tours.} \end{cases}$$

1° **Tournage.** — Une pièce ayant 50 mm de diamètre tourne à 860 tours par minute, sa vitesse de coupe V est égale à :

$$V = 3.1416 \times 0.05 \times 860 = 135 \text{ m/mn}.$$

**2° Fraisage.** — Vitesse de coupe : Si D est le diamètre de la fraise exprimé en mm, et n le nombre de tours par minute de la fraise :

$$V m/mn = \frac{\pi \times D \times n}{1.000}$$

3° Rabotage. — La vitesse de coupe d'un étaulimeur à retour deux fois plus rapide que l'aller, peut se calculer d'après la formule :

$$V = \frac{3}{2} cn \frac{c}{n} = \text{longueur de course,}$$

$$n = \text{nombre de courses (aller et retour).}$$

VITESSE ANGULAIRE. — L'unité de vitesse angulaire est le radian (1) par seconde (rd/s).

Le nombre n de tours étant connu en une minute, la vitesse angulaire  $\omega$  en une seconde est égale à :

$$\omega = \frac{2 \pi n}{60} = \frac{\pi n}{30}$$

Application. — Vitesse angulaire  $\omega$  d'un volant tournant à 1.200 tr/mn:

$$\frac{3,14 \times 1.200}{30} = 125,6 \text{ rd/s}$$

(1) Voir Unité d'arc, page 9.

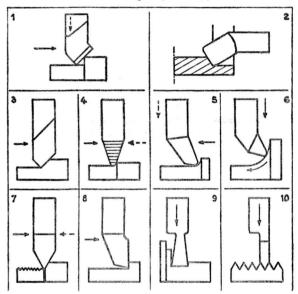
#### OUTILS D'USAGE COURANT

pour travaux de tournage et de rabotage OUTILS PRÉCONISÉS PAR LES NORMES NF

(Normes françaises) E 66-311 à E 66-324

Exemples de désignation d'outils usuels :

- 1. OUTIL A CHARIOTER ET DRESSER;
- 2. OUTIL A ALÉSER:
- 3. OUTIL A CHARIOTER (dégrossir);
- 4. OUTIL SYMÉTRIQUE (à finir);



- 5. OUTIL A RACCORDER ET DRESSER;
- 6. OUTIL A BACCORDER COUDÉ;
- 7. OUTIL SYMÉTRIQUE (à écrouter);
- 8. OUTIL COUTEAU LATÉRAL;
- 9. Outil a tronconner;
- Outil a fileter extérieurement.

Nota. — Les valeurs pratiques des angles caractéristiques des outils sont données pages 108 et 110.

#### LES ACIERS A COUPE RAPIDE ——

**Composition.** — Ce sont des aciers spéciaux qui contiennent du chrome (maximum 6 %), du tungstène (de 14 à 22 %) et un ou plusieurs éléments : cobalt, molybdène, vanadium.

#### CLASSIFICATION DES ACIERS RAPIDES :

Aciers ordinaires A.R.O. contenant de 14 à 16 % de tungstène; Aciers supérieurs A.R.S. contenant de 17 à 22 % de tungstène; Aciers extra-sup<sup>rs</sup> A.R.E.S. contenant de 20 à 22 % de tungstène.

Ces derniers aciers contiennent en outre de 5 à 12 % de cobalt.

NOTA. — Les aciers rapides sont auto-trempants; ils ont la propriété de conserver leur pouvoir de coupe jusqu'à une température voisine de 550°.

### — NOTES RELATIVES AU FAÇONNAGE — DES OUTILS A COUPE RAPIDE — —

Forgeage. — Le forgeage s'exécute en un minimum de *chauffes*, le martelage doit cesser quand la température est descendue au-dessous de 900°.

REMARQUE. — Chaque chauffe doit être conduite: à ALLURE LENTE jusqu'à la température de 700°, ensuite à ALLURE RAPIDE jusqu'à celle de 1.000 à 1.100°.

#### Evaluation des températures de chauffe

COLORATION	Degrés	COLORATION	Degrés	
Rouge naissant Rouge sombre Cerise naissant Cerise	500° 700° 800° 900°	Cerise clair Orange foncé Orange clair Blanc	1.000° 1.100° 1.200° 1.300°	

Extrait du tableau principal, page 135.

Trempe. — La trempe s'effectue à l'air soufflé, au pétrole ou à l'huile.

REMARQUE. — Le chauffage de la partie à tremper se fait en deux temps: LENTEMENT jusqu'à la température de 800°, puis RAPIDEMENT jusqu'à celle de 1,250° à 1.300°.

Température de recuit : 830° (environ).

#### LES CARBURES MÉTALLIQUES ——

(Agalomérés de cobalt, de tunastène, de titane, de bore)

Ces carbures, obtenus par un traitement thermique spécial appelé frittage, sont utilisés sous forme de plaquettes ou « mises ». Ces dernières sont rapportées sur le corps de l'outil et fixées par brasage à l'aide d'une poudre spéciale à braser.

#### OUTILS DE TOUR pastillés de carbure métallique

a, angle de dépouille. - ANGLES b. pente d'affûtage. CARACTÉRISTIQUES d, angle tranchant.  $-a + b + d = 90^{\circ}$  ---

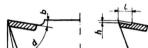


Fig. 1 Fig. 2

Métaux et alliages à usiner	Résistance R	Angle de	Pente d'aifûtage		
1	jusqu'à 50 kg	6"	22 à 25°		
1	50 à 60 kg	6"	18 à 20°		
Acier	60 à 70 kg	6°	15 à 18°		
1	70 à 80 kg	5°	12 à 15°		
1	80 à 95 kg	5°	10 à 12°		
Fonte grise		6°	8 à 10°		
Bronzes divers		7°	5 à 6°		
Aluminium, duralumin		8°	25 à 30°		
			2 (8.70m		

Brise-copeaux (fig. 2). — Pour l'usinage des aciers seulement, on pratique, sur la face d'attaque de l'outil, un affûtage approprié.

La longueur l'du brise-copeaux varie suivant la nature de l'acier et suivant la charge de passe :

Pour acier jusqu'à  $50 \text{ kg/mm}^2 \dots l = 3.5 \text{ mm}$ - 55 à 75 kg/mm<sup>2</sup>...... l = 3 mm - 80 à 95 kg/mm<sup>2</sup>...... l = 2.5 mm

REMARQUE. — La « profondeur » ou « hauteur » du brisecopeaux ne varie pas, elle est de 0,5 mm (environ).

#### NOTE relative aux vitesses de coupe

#### DES OUTILS EN CARBURE ----

— Différents carbures étant utilisés pour l'usinage des métaux, il existe, pour chaque nuance de carbure et pour chaque métal, des vitesses maxima et minima qui constituent les vitesses limites d'utilisation.

#### VITESSES DE COUPE PRATIQUES

RELATI	VES AU TOURNA	GE		
MÉTAUX A USINER	Ebauche	Finition		
Acier 60 à 70 kg/mm $^2$ .		150 à 200 m/mn		
— 70 à 80 kg/mm <sup>2</sup> . — 80 à 95 kg/mm <sup>2</sup> .	100 à 120 m/mn 80 à 100 m/mn	120 à 160 m/mn 100 à 120 m/mn		
$-$ 80 $\alpha$ 95 kg/mm <sup>2</sup> . $-$ 95 $\alpha$ 110 kg/mm <sup>2</sup> .	and the second s	80 à 100 m/mn		
— 110 à 140 kg/mm $^2$ .	50 à 70 m/mn	70 à 90 m/mn		
AVANCES DE TRAVAIL				
(avance en mm par tour)	Ebauche	Finition		
Chariotage	0,3 à 0,4 mm	0,05 à 0,1 mm		
Alésage	0,1 à 0,15 mm	0,05 à 0,1 mm		
Profondeur de passe	5 à 6 mm	0,3 à 0,5 mm		
Fonte grise	70 à 90 m/mn	90 à 110 m/mn		
Fonte malléable	55 à 70 m/mn	70 à 80 m/mn		
Fonte dure	15 à 20 m/mn	20 à 25 m/mn		
Laiton	350 à 400 m/mn	400 à 500 m/mn		
Bronzes	150 à 200 m/mn	250 à 300 m/mn		
Aluminium	800 à 1000 m/mn	1000 à 1200 m/mn		

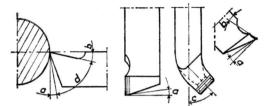
#### OUTILS DE COUPE en céramique -PRINCIPAL COMPOSANT: Alumine frittée

VITESSES DE COUPE. — Ouelques notes :

En règle générale, les vitesses de coupe pour les outils céramiques, utilisés sous forme de plaquettes fixées mécaniquement sur des porte-outils, sont environ de 50 % plus élevées que celles admises pour les carbures métalliques.

- La rigidité des organes de la machine-outil utilisée et du porte-outil, est indispensable à l'emploi de ces nouveaux outils.

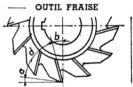
### ANGLES CARACTÉRISTIQUES — D'UN OUTIL EN ACIER A COUPE RAPIDE

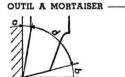


#### OUTILS DE TOURNAGE ET DE RABOTAGE

- a, angle de dépouille.
- $a + b + d = 90^{\circ}$ .
- b, pente d'affûtage.
  d, angle tranchant.
- c) angle de direction.

Valeurs des angle MÉTAUX ET ALLIAGES A USINER	Angle de dépouille a	Pente d'affûtage b	
Acier jusqu'à 50 kg/mm <sup>2</sup>	6°	22 à 25°	
— de 50 à 60 kg/mm <sup>2</sup>	6°	18 à 20°	
— de 60 à 70 kg/mm <sup>2</sup>	6°	15 à 18°	
— de 70 à 80 kg/mm <sup>2</sup>	5°	12 à 15°	
— de 80 à 95 kg/mm <sup>2</sup>	5°	10 à 12°	
Fonte grise	6°	8 à 10°	
Bronze, laiton	<b>7</b> °	5 à 6°	
Aluminium, duralumin	8°	25 à 30°	





I. Fraise à denture fraisée. — Pente d'affûtage b : 8° à 25° (suivant métal à usiner); valeur moyenne : 10°. Angle de dépouille a : variable entre 4° et 10°. II. Fraise à profil constant. — Angle b : 0°. Outil à mortaiser. — Angle a : 5°; angle b : 10 à 12°.

#### CONDITIONS DE COUPE

#### D'UN OUTIL EN ACIER A COUPE RAPIDE

Vitesse de moindre usure Vo. — Cette vitesse permet de faire produire à l'outil le maximum de débit avant que son réaffûtage soit nécessaire.

Vitesse économique Ve. — Cette vitesse permet d'exécuter un travail dans un minimum de temps.

D'après les expériences du commandant Denis, la vitesse économique peut prendre la valeur suivante :

$$Ve = Vo + 1/3 Vo = 4/3 Vo$$

#### Tableau des vitesses de coupe

CONDITIONS DE BASE	Travaux d'ébauche à sec. Emploi d'outils en acier rapide ordi- naire A.R.O.
	Profondeur de passe, 5 mm. Avance par tour de la pièce, 0,5 mm.
Pour le	Somme des largeur et profondeur de passe, 50 mm. Avance par tour de fraise et par dent, 0,05 mm.

	TOUR	NAGE	FRAISAGE		
MÉTAUX A USINER	Vitesse de moindre usure en m/mn	Vitesse économique en m/mn	Vitesse de moindre usure en m/mn	Vitesso économique en m/mn	
Acier à 40 kg	26	35	15	20	
— à 50 kg	22	29	14	19	
— à 60 kg	17	23	13	17	
— à 70 kg	12	16	11	14	
Fonte grise	27	36	16	21	
Laiton	60	75	28	38	

Corrections à apporter aux conditions de base: L'emploi d'outils en acier rapide supérieur A.R.S., avec lubrification abondante des aciers à usiner, permet d'augmenter les vitesses du tableau ci-dessus de 25 à 50 %.

### DE VITESSES CIRCONFÉRENTIELLES

---- en fonction -----

1° du diamètre; 2° du nombre de tours.

ы		VI	TESSI	ES EN	MÈTE	RES PA	AR MI	NUTE	
DIAMÈTRE en mm	20	25	30	35	40	50	60	70	80
DI		N	ОМВЯ	E DE	TOU	RS PA	R MI	NUTE	
20	318	397	477	557	636	795	956	1.118	1,277
25	256	318	383	446	512	636	764	892	1.022
30	212	265	318	371	424	530	636	742	848
35	182	227	272	318	363	454	545	636	730
40	160	200	238	280	318	397	480	556	640
45	142	176	212	247	282	352	424	495	565
50	127	160	190	222	254	318	382	445	510
55	116	145	173	203	232	288	346	406	465
60	106	132	158	185	212	265	318	370	422
70	90	113	136	160	182	227	272	318	365
80	80	100	120	140	160	200	240	280	320
90	72	88	106	123	142	176	212	250	282
100	64	80	95	112	127	160	192	222	254
110	57	72	86	101	115	144	173	202	230
120	53	65	78	92	105	130	156	184	210
130	48	60	72	84	97	120	145	170	192
140	45	56	67	78	90	110	136	158	180
150	42	53	63	74	84	106	127	148	168
160	40	50	60	70	80	100	120	140	160
170	38	47	57	66	76	95	114	133	152
180	36	45	54	63	72	90	108	126	144
190	34	42	51	59	68	85	102	119	136
200	32	40	48	56	64	80	96	112	128

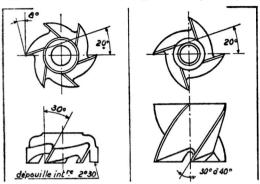
### TABLEAU ———— DE VITESSES CIRCONFÉRENTIELLES

---- en fonction

1° du diamètre; 2° du nombre de tours.

ы		VITESSES EN MÈTRES PAR MINUTE										
DIAMÈTRE en mm	90	100	110	120	130	140	160	180	200			
DI		NOMBRE DE TOURS PAR MINUTE										
20	1.436	1.595	1.750	1.918	2.074	2,236	2.544	2.856	3.190			
25	1.146	1.276	1.400	1,525	1.652	1,780	2.044	2.292	2.544			
30	954	1.037	1.196	1.272	1.380	1.484	1.700	1.908	2.074			
35	818	912	1.000	1.090	1.180	1.272	1.464	1.640	1.824			
40	716	800	874	954	1.034	1.112	1.280	1.440	1.600			
45	636	710	776	848	918	990	1.128	1.264	1.420			
50	572	638	700	762	826	890	1.020	1.152	1.276			
55	520	580	636	692	752	808	930	1.040	1.158			
60	477	520	582	636	688	742	840	950	1.042			
70	410	456	500	544	590	636	736	832	912			
80	358	400	436	476	516	556	640	720	800			
90	318	355	388	424	460	495	564	634	710			
100	286	320	350	382	413	445	512	572	638			
110	260	290	318	346	376	404	464	520	580			
120	236	260	291	318	344	368	420	472	524			
130	218	242	264	290	320	340	384	436	484			
140	200	227	250	273	296	318	360	400	448			
150	190	212	232	254	276	296	340	376	424			
160	180	200	220	240	260	280	320	360	400			
170	172	190	208	228	244	256	304	342	380			
180	162	180	198	216	230	247	283	318	353			
190	153	170	184	200	218	234	268	317	334			
200	143	160	175	190	206	223	255	286	318			

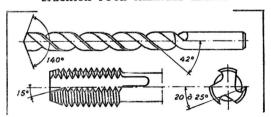
#### OUTILS DE FRAISAGE pour alliages légers



VITESSES DE COUPE en mètres par minute

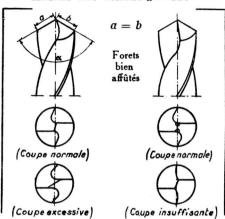
	F	FRAISAGE DE PROFIL					
ALLIAGES							
A USINER		r rapide ur A.R.S.	à lar rappo en car métall	rtées bure			
	Ebauche	Finition	Ebauche	Finition			
Aluminium Duralumin Alpax: 10-13 %	400 300 150	600 500 à 600 250	600 500 200	1.000 800 300	400 — 600 300 — 400 150 — 300		

#### FORET ET TARAUD SPÉCIAUX POUR ALLIAGES LÉGERS



#### FORETS HÉLICOIDAUX

Angles des arêtes  $\alpha=120^{\circ}$ 



VITESSES DE ROTATION ET AVANCES à donner aux forets en acier rapide supérieur suivant leur diamètre et les métaux à usiner

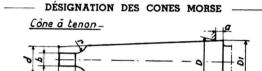
		MÉTAUX A USINER								
forets		ACIER 35 à 45 kg		IER 60 kg		IER 80 kg	FONTE			
Diamètre des en mm			Nombre de tours par minute Avance en mm par tour		Nombre de tours par minute Avance en mm par tour		Nombre de tours par minute Avance en mm par tour			
14	640	0,24	530	0,14	360	0,10	530	0,22		
16	560	0,26	470	0,15	310	0,11	470	0,26		
18	500	0,28	410	0,17	280	0,12	410	0,30		
20	460	0,30	380	0,18	250	0,13	380	0,33		
22	410	0,32	340	0,19	230	0,14	340	0,37		
25	360	0,35	300	0,21	200	0,16	300	0,44		
28	320	0.37	270	0,23	180	0,17	270	0,50		
30	300	0,39	250	0,24	160	0,18	250	0,58		

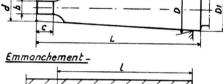
#### CONES -

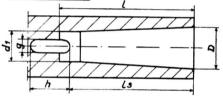
#### d'emmanchement d'outils

— Deux séries de cônes normalisés sont utilisés : les cônes Morse et les cônes Standard américain.

**Cônes Morse** (NF E 66.531). — La conicité des cônes Morse, voisine de 5 %, n'est pas exactement la même pour chaque numéro de cône.







Cône à trou taraudé -		ø
N The second		
0	-0	1- 0/
Pourcentage de conic	ité —	

et demi-angle lpha au sommet des cônes

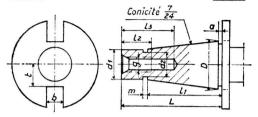
Nos	0	1	2	3	4	5	6
Conicité %	5,205	4,988	4,995	5,019	5,193	5,262	5,213
$1\!\!/_{\!2}$ angle	1°29′26″	1°25′43″	1°25′50″	1°26′14′′	1°29′14″	1°30′25′′	1°29′34′′

CONES MORSE (suite)

— Les dimensions des **cônes Morse** sont données dans le tableau ci-après ;

<b>N</b> "	0	1	2	3	4	5	6
D	9,04	12,06	17,78	23,82	31,26	44,39	63,34
$\mathbf{D}_1$	9,21	12,24	17,98	24,05	31,54	44,73	63,76
d	6,11	8,97	14,06	19,13	25,15	36,54	52,42
$d_1$	6.7	9.7	14,9	20,2	26,5	38,2	54,8
$d_2$	6,45	9,39	14,58	19,78	25,93	37,57	53,90
$d_3$	_	6	10	12	14	16	20
<b>d</b> 4	5,5	8	13	18	24	35	50
L	59,5	65,5	78,5	98	123	155,5	217,5
l	51,9	55,5	66.9	83,2	105,7	134,5	187,1
<b>l</b> <sub>1</sub>	49,8	53,5	64	80,5	102,7	129,7	181,1
$l_2$	53	57	68	85	108	136	189
<b>l</b> :3	49	52	63	78	98	125	177
а	3,2	3,5	4	4,5	5,3	6,3	7,9
ь	3,9	5,2	6,3	7.9	11,9	15,9	19
с	6,4	9,5	11,1	14,3	15,9	19	28,6
g	4,1	5,4	6,6	8,2	12,2	16,2	19,3
h	14,5	18,5	22	27,5	32	37,5	47,5
i	-	18	26	30	35	40	45
r	4	5	6	7	9	11	17
t	2,5	3	4	4	5	6	7

NOTA. — Pour les fraises et arbres porte-fraises, la norme E 66-201 préconise l'emploi des cônes Morse n°s 3 et 4 et des cônes Standard américain, dont les dimensions sont données page suivante.

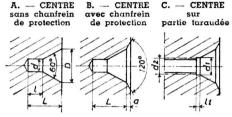


Dimensions des cônes Standard américain

Désignation	D	<b>d</b> <sub>1</sub>	$d_2$	L max.	$l_1$	g
30 (1" 1/4)	31,75	17.4	16	70	50	12
40 (1" 3/4)	44,45	25,32	24	95	67	16
45 (2" 1/4)	58	31,5	30	118	88	16
50 (2" 3/4)	69,85	39,6	38	130	102	24
	(Su	ite des	dimen	sions)		
Désignation	$l_2$	<i>l</i> <sub>3</sub>	α	m	ь	t
30 (1" 1/4)	24	50	1,6	3	15,9	16
40 (1" 3/4)	30	60	1,6	5	15,9	22,5
45 (2" 1/4)	30	60	2	5	20	29
50 (2" 3/4)	45	90	3,2	8	25,4	35

CENTRES D'USINAGE ----

Les centres d'usinage sont normalisés. — Les dimensions caractéristiques sont : LE DIAMÈTRE DE L'AVANT-TROU ET CELUI DE LA FRAISURE.



l = 1.2 d L = 1 à 1.2 D

DIAMÈTRE	D : fre	aisure	1	α	Minimum de l pour	
nominal d	min.	mc		approxi- matif	D min.	D max.
0.5	1 1	1,2	0,6	0,2	1	1,2
0.75	1,5	2	1	0,3	1,6	2
1	2	2,5	1,2	0,4	2	2,5
1.5	3	3,8	1,8	0,6	3	3,8
2	4	5	2,4	0,8	4	5
2,5	5	6,3	3	0,9	5,2	6,3
3	6	7,5	3,6	1	6,2	7,5
4	8	10	4,8	1,2	8,3	10
5	10	12,5	6	1,5	10,3	12,5
6	12	15	7,2	1,9	12,4	15

Nota. — Il n'existe pas de relation normalisée entre le diamètre de la pièce à tourner et le diamètre nominal d du foret à centrer. — Le tableau suivant peut être interprété comme un guide approximatif.

DIAMÈTRE des pièces en mm	4 7	8 à 15	16 à 25	26 à 40	41 à 80	81 à 120	121 à 160	161 à 200
Diamètre nominal d du foret	1	1,5	2	2,5	3	4	5	6

#### AFFUTAGE D'OUTILS FRAISES

I. Effectué sur machine appropriée, l'affûtage des fraises à denture fraisée, se fait sur la périphérie de la denture de deux façons différentes :

a) Utilisation d'une meule plate. — Le décalage



vertical x de l'axe de la meule au-dessus de l'axe de la fraise, est donné par la formule :

 $x = Rm \times \sin a^{(1)}$  Rm: Rayon de la meule; a: angle de dépouille.

Exemple. — Pour Rm = 80 mm et  $a = 6^{\circ}$  $x = 80 \times \sin 6^{\circ} = 80 \times 0.10453 = 8.36$  mm.

b) Utilisation d'une MEULE BOISSEAU.

— L'extrémité de la touche se place au-dessous du plan horizontal passant par l'axe de la fraise d'une quantité x donnée



par la formule :  $x = Rf \times \sin a^{(1)}$ Rf : Rayon de la fraise; a : angle de dépouille.

Exemple. — Pour Rf = 40 mm et  $a = 5^{\circ}$  $x = 40 \times \sin 5^{\circ} = 40 \times 0.08716 = 3.48$  mm.

 $a = \alpha$  (angles ayant leurs côtés perpendiculaires).



II. L'affûtage des fraises à profil constant se fait à l'aide d'une meule assiette sur la face avant ou face d'attaque de la denture (le plan de la face coupante passant par le centre de la fraise).

NOTA. — L'outil fraise (dont la durée est prolongée lorsque le réaffûtage est fait avant une usure trop marquée), ne peut fournir un bon rendement qu'autant qu'il est bien entretenu de forme et d'affûtage.

#### - INDICATIONS D'USINAGE

#### Signes normalisés de façonnage :

Fig. 1. — Absence de signe : surface brute, pouvant présenter un aspect irrégulier.

Fig. 2. — Surface brute et à peu près unie, pouvant nécessiter une retouche éventuelle : ébarbage, mev-lage, etc.

Fig. 3. — Surface façonnée, pouvant être utilisée comme surface de contact pour des assemblages fixes.

Fig. 4. — Surface façonnée de bonne correction géométrique : <u>assemblages</u> fixes précis.

Fig. 5. — Surface façonnée, de bonne qualité géométrique et frottante : pièces ajustées (mobiles).

Γ	1	$\neg$
Γ	$\frac{\sim}{2}$	7
Г	3	٦
Γ	₩ 4	7
· r	√\\ 5	4

Symboles d'usinag	re	Indication
Demi-calibré		acier étiré
Calibré	Ca	pièces de précision
Tourné	T	parties de pièces
Usiné	$\mathbf{U}$	usiné complètement
Décolleté	D	pièces décolletées

### — DIMENSIONS LINÉAIRES NOMINALES (Recommandées)

- La norme E 01.001 fixe les dimensions linéaires nominales pour la mécanique, entre 1 et 500. Ces dimensions figurent dans le tableau ci-après:

1	2,5	6	16	40	100	250
1,1	2,8	7	18	45	110	280
1,2	3	8	20	50	125	315 .
1,4	3,5	9	22	56	140	355
1,6	4	10	25	63	160	400
1,8	4,5	11	28	70	180	450
2	5	12	32	80	200	500
2,2	5,5	14	36	90	220	

### MESURES ANGLAISES USITÉES EN MÉCANIQUE

#### VALEURS ENTIÈRES DE POUCES ET FRACTIONS DE POUCE en mm

1" (pouce) VALEUR PRATIQUE = 25,4 mm (normalisé)

de	0′′	1"	2"	3"	4"	5"
pouce	pouce	pouce	pouces	pouces	pouces	pouces
		25,40	50,80	76,20	101,60	127,00
1/64	0,40	25,80	51,20	76,60	102,04	127,39
1/32	0,79	26,19	51,59	76,99	102,39	127,79
3/64	1,19	26,59	51,99	77,39	102,79	128,19
1/16	1,59	26,99	52,39	77,79	103,19	128,59
5/64	1,98	27,38	52,78	78,18	103,58	128,98
3/32	2,38	27,78	53,18	78,58	103,98	129,38
7/64	2,77	28,17	53,58	78,98	104,37	129,78
1/8	3,17	28,57	53,97	79,37	104,77	130,17
9/64	3,57	28,97	54,37	79,77	105,17	130,57
5/32	3,97	29,37	54,77	80,17	105,57	130,97
11/64	4,37	29,76	55,16	80,56	105,96	131,36
3/16	4,76	30,16	55,56	80,96	106,36	131,76
13/64	5,16	30,56	55,96	81,36	106,76	132,16
7/32	5,56	30,96	56,36	81,75	107,16	132,55
15/64 1/4	5,95 6,35	31,35 31,75	56,75 57,15	82,15 82,55	107,55 107,95	132,95 133,55
17/64	6,75	32,15	57,55	82,95	108,34	133,74
9/32	7,14	32,54	57,94	83,34	108,74	134,14
19/64	7,54	32,94	58,34	83,74	109,14	134,54
5/16	7,94	33,34	58,74	84,14	109,54	134,94
21/64	8,33	33,73	59,13	84,53	109,93	135,73
11/32	8,73	34,13	59,53	84,93	110,33	135,33
23/64	9,13	34,53	59,93	85,33	110,73	136,13
3/8	9,52	34,92	60,32	85,72	111,12	136,52
25/64	9,92	35,32	60,72	86,12	111,53	136,92
13/32	10,32	35,72	61,12	86,52	111,92	137,32
27/64	10,72	36,11	61,51	86,91	112,31	137,71
7/16	11,11	36,51	61,91	87,31	112,71	138,11
29/64	11,51	36,91	62,31	87,71	113,11	138,51
15/32	11,91	37,31	62,71	88,12	113,51	138,92
31/64 1/2	12,30 12,70	37,70 38,09	63,17 63,53	88,52 88,91	113,91	139,37 139,73

### --- MESURES ANGLAISES ---USITÉES EN MÉCANIQUE

#### VALEURS ENTIÈRES DE POUCES ET FRACTIONS DE POUCE en mm

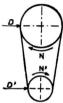
\_\_\_ (Suite) \_\_\_\_

Fractions de	0′′	1"	2"	3″	4''	5′′
pouce	pouce	pouce	pouces	pouces	pouces	pouc
		25,40	50,80	76,20	101,60	127,0
33/64	13,09	38,49	63,90	89,30	114,69	140,0
17/32	13,49	38,89	64,29	89,69	115,09	140,4
35/64 9/6	13,89	39,29	64,69 65,09	90,10	115,49 115,89	140,8
37/64	14,68	40,08	65,48	90,88	116,28	141,6
19/32	15,08	40,48	65,88	91,28	116,68	142,0
39/64	15,48	40,88	66,28	91,68 92,07	117,08 117,47	142,4
5/8	15,87	41,27	66,67	92,07	117,47	142,8
41/64	16,27	41,67	67,07	92,47	117,87	143,2
21/32	16,67	42,07	67,47	92,87	118,27	143,6
43/64	17,07	42,46	67,86	93,26	118,66	144,0
11/16	17,46	42,86	68,26	93,66	119,06	144,4
45/64	17,86	43,26	68,66	94,06	119,46	144,8
23/32	18,26	43,66	69,05	94,45	119,85	145,2
47/64	18,65	44,05	69,45	94,85	120,25	145,6
3/4	19,05	44,45	69,85	95,25	120,65	146,0
49/64	19,45	44,85	70,25	95,65	121,04	146,4
25/32	19,84	45,24	70,64	96,04	121,44	146,8
51/64	20,24	45,64	71,04	96,44	121,84	147,2
13/16	20,64	46,04	71,44	96,84	122,24	147,6
53/64	21,03	46,43	71,83	97,23	122,63	148,0
17/32	21,43	46,83	72,23	97,63	123,03	148,4
55/64	21,83	47,23	72,63	98,03	123,43	148,8
7/8	22,22	47,62	73,02	98,42	123,82	149,2
57/64	22,62	48,02	73,42	98,82	124,22	149,6
29/32	23,02	48,42	73,82	99,22	124,62	150,0
59/64	23,42	48,81	74,21	99,61	125,01	150,4
15/16	23,81	49,21	74,61	100,01	125,41	150,8
61/64	24,21	49,61	75,01	100,41	125,81	151,2
31/32	24,60	50,01	75,40	100,80	126,20	151,6
63/64	25,00	50,40	75,80	101,21	126,60	152,0

#### - TRANSMISSION DE MOUVEMENT

(Par poulies et courroie)

 Le rapport des vitesses théoriques (1) de rotation de deux poulies, est égal au rapport inverse de leurs diamètres.



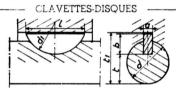
Si N tours par minute est la vitesse de la poulie de diamètre D et N' tours par minute celui de la poulie D', nous avons:

$$\frac{N}{N'} = \frac{D'}{D} \text{ ou } N \times D = N' \times D'$$

formule d'où l'on tire :  $N' = \frac{N \times D}{D'}$ 

(1) Dans toutes les transmissions par courroie, il y a une perte de vitesse par glissement, évaluée à 2 % environ de la vitesse transmise.

#### ÉLÉMENTS DE TRANSMISSION



α	b	d,	nsions e		t <sub>1</sub>	<b>d</b> min	imum
u		u,	•	•	•1	(*)	(**)
3	3,7 5	10 13	9,66 12,65	d2,7 d4	d+1,1 d+1,1	7 7	10 10
4	5 6,5	13 16	12,65 15,72	d-3,5 d-5	d+1,7 d+1,7	10 10	14 14
5	6,5 9	16 22	15,72 21,63	d-4,5 d-7	d+2,2 d+2,2	14 14	18 18
6	9	22 28	21,63	d-6,5	d+2,7 d+2,7	18	24 24

(\*) Cas général. — (\*\*) Cas particulier des machines-outils.

NOTA. — Les dimensions des clavetages libre et forcé sont définies par NF E 22-171, 172 et NF E 27-651, 652, 653.

#### ASSEMBLAGES FRETTÉS

Le **trettage** (emmanchement à chaud). — Ce procédé consiste à entourer d'une couronne d'acier (ou d'un autre métal), les parties d'une pièce ou d'un organe de machine pour les rendre solidaires et assurer entre elles une adhérence par serrage qui dépasse celle que l'on peut obtenir ordinairement à la presse.

La couronne C (fig. ci-dessous), appelée dans ce cas frette, est alésée à un diamètre d' légèrement inférieur au diamètre extérieur d de la pièce enve-

loppée P.

La différence entre les diamètres d-d' est telle, qu'à la température de chauffe de la couronne, cette dernière peut être engagée librement sur la partie de la pièce qui la reçoit. — Le frettage esi ensuite assuré par suite du refroidissement de la couronne.





Serrage et température de chauffe. — Le serrage (d-d') varie suivant la nature du métal de la frette, sa forme, sa section et la longueur de l'emmanchement.

Lorsque la forme de la *frette* consiste en une simple couronne, le serrage généralement adopté varie entre 0.12 et 0.15 % (0.12 et 0.15 mm pour 100 mm) du diamètre de l'alésage.

La température de chauffe varie également entre 350° et 400°.

#### ---- COEFFICIENT DE DILATATION LINÉAIRE

C'est l'augmentation de longueur par mètre pour une différence de température de 1° centigrade.

Coefficients de dilatation linéaire — de métaux usuels —

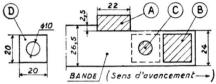
Fer.... 0,000 012 Acier coulé..... 0,000 012 Fonte.,.. 0,000 011 Bronze ordinaire. 0,000 018

#### TRAVAIL MÉCANIQUE ——

#### DES MÉTAUX EN FEUILLES. - NOTES PRATIQUES

I. Découpage. — Opération mécanique qui consiste en l'enlèvement, dans une bande de métal (ou autre matière), d'une pièce plane de contour quelconque appelée flan.

Le PAS ou l'AVANCE, c'est la longueur dont la bande de métal avance entre deux coups de presse successifs.



A Couteau B Flan C Ajour

D Pièce obtenue

### DÉTERMINATION DE L'EFFORT NÉCESSAIRE AU DÉCOUPAGE D'UNE PIÈCE

- 1° Rechercher le développement du profil à découper y compris le périmètre des trous à perforer dans la même opération, ainsi que la longueur de l'arête coupante du couteau;
- 2° Multiplier ce périmètre total de coupe par l'épaisseur du métal pour obtenir la section poinconnée:
- 3° Le produit de cette section poinçonnée par l'un des coefficients de résistance au cisaillement énoncés ci-après, détermine l'effort nécessaire pour obtenir le découpage à effectuer.

#### REMARQUE. -- Cet effort s'exprime en tonnes.

COEFFICIENTS DE RÉSISTANCE AU CISAILLEMENT :

Aluminium, cuivre rouge, laiton	26 a 28 kg/mn
Duralumin, acier à 30 kg	33 à 36 —
Acier à 40 kg	38 à 42 —
Acier à 50 kg	45 à 50 —

#### Application numérique :

Calculer, d'après le Coefficient de résistance au cisaillement, l'effort fourni par une presse, pour

découper une pièce d'acier à 30 kg de 15/10 d'épaisseur, aux cotes données par la figure (page ci-contre). — Cette figure représente la bande et le couteau en travail.

a) Périmètre total de coupe :

 $(4 \times 20) + (3,1416 \times 10) + (22 + 2,5) = 135,9 \text{ mm}$ 

b) Section poinconnée:

$$135.9 \times 1.5 = 203.8 \, \text{mm}^2$$

c) Effort de découpage :

$$203.8 \times 33 = 6.725 \text{ kg} = 6.725 \text{ t}$$

Pratiquement, l'outil à couteau n'est pas utilisé pour les épaisseurs de tôle supérieures à 2 mm.

Outil à découper SIMPLE. — Cet outil se compose de deux éléments de coupe :

- a) d'un poinçon, dont la section a la forme des pièces à obtenir;
- d'une matrice, calibrée aux cotes exactes des pièces à découper.

Les poinçons et matrices (1) se font en aciers indéformables (aciers au chrome ou autres éléments d'alliage).

Jeu entre poinçon et matrice. — Ce jeu varie suivant l'épaisseur et la nature du métal à découper :

7/100 de l'épaisseur pour l'acier; 1/20 pour le laiton et l'aluminium.

Angle de dépouille des matrices. — Cet angle facilite l'évacuation des pièces découpées. — Il est compris entre 2 et 3°, et la hauteur de la partie verticale (partie cylindrique appelée « champ coupant »), varie suivant l'épaisseur et la nature du métal à découper.

EFFORT D'EXTRACTION. — Cet effort est de 7 % au maximum de l'effort de découpage, il peut descendre à 2 % quand la perte de métal est faible par rapport aux dimensions de la pièce.

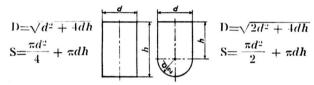
(1) Pour le traitement thermique de ces outils, suivre les indications précises du fabricant de l'acter employé.

II. Emboutissage. — Cette opération, effectuée sur une presse à l'aide d'un poinçon et d'une matrice, consiste à former une pièce creuse, en partant d'une plaque de tôle préalablement découpée, appelée flan. — La surface du flan doit être équivalente à celle de la pièce faconnée.

Procédés d'emboutissage :

 $1^{cr}$  cas: Emboutissage sans serre-flan. —  $2^c$  cas: Emboutissage avec serre-flan, s'il s'agit de tôle mince (c < 1 mm).

Calcul du diamètre D d'un flan. — L'application des formules ci-dessous permet de déterminer, approximativement, le diamètre D (flan théorique) et la surface S de quelques pièces de forme cylindrique et sphérique.



NOTA. — Dans la plupart des cas, les GÉNÉRATRICES DES EMBOUTIS peuvent se décomposer en éléments de droites et en éléments de circonférences.

III. Le cambrage. — Procédé de pliage des métaux en feuilles. — La ligne de pliage doit être :

- a) Perpendiculaire au sens de laminage, lorsque les pièces comportent un ou plusieurs cambrages de même direction;
- b) Oblique à ce même sens, lorsqu'elles comportent plusieurs cambrages de directions différentes.

REMARQUE. — Le rayon intérieur de pliage ne doit pas être INFERIEUR à l'épaisseur de la tôle.

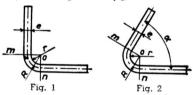
FIBRE MOYENNE. — Ligne située, théoriquement, au milieu de l'épaisseur du métal. Pratiquement, pour le cambrage des tôles supérieures à 3 mm d'épaisseur, on considère la fibre au 1/3 de l'épaisseur (côté intérieur).

NOTA. — Dans de nombreux ateliers, on possède des tableaux de corrections des développements de pièces, en fonction de l'épaisseur de la tôle et du rayon de cambrage.

#### LE DÉVELOPPÉ

#### CALCUL DES LONGUEURS EN DÉVELOPPEMENT DES TOLES PLIÉES EN FONCTION DE L'ANGLE ET DU RAYON DE PLIAGE

PRINCIPE. — La longueur totale développée = la longueur des parties droites (ne subissant aucune déformation) + la longueur l des éléments courbes prise sur la ligne neutre, située, théoriquement, au milieu de l'épaisseur du métal. — Tout le travail moléculaire s'effectue dans le secteur formé entre om et on représenté par les fig. 1 et 2.



APPLICATIONS -

#### I. — Pliage à l'angle de 90° (fig. 1).

Longueur l de l'élément courbe

FORMULE':

$$l = \frac{2 \pi R}{4} = \frac{\pi R}{2} = R \times 1,57$$

$$R = r + \frac{e}{2} \qquad \text{d'où } l = \frac{\pi}{4} (2 r + e)$$

#### II. — Pliage à un angle quelconque $\alpha$ (fig. 2).

Longueur l de l'élément courbe

FORMULE:

$$t = \frac{\pi (180^{\circ} - \alpha)}{360^{\circ}} (2 r + e)$$

#### NOTES relatives au cintrage des tubes :

La longueur développée de la partie cintrée est mesurée sur la ligne neutre (axe du tube). — Le calcul du développé est identique à celui du cintrage des tôles. Pour éviter la déformation de l'élément courbe les tubes sont cintrés (à chaud ou à froid), après remplissage de sable, de résine fondue, etc.

#### MÉTAUX ET ALLIAGES USUELS

#### UTILISÉS EN CONSTRUCTION MÉCANIQUE

LES FONTES. — Produits ferreux contenant de 2,5 à 5 % de carbone. — Il y a les fontes de première fusion, élaborées dans le haut fourneau; et les fontes de deuxième fusion, élaborées au cubilot (fonderie).

#### - Fonte de deuxième fusion :

Fonte mécanique ou fonte Grise. — Cette fonte constitue, pour la construction des machines les plus courantes, la plupart des pièces moulées devant être usinées.

LES ACIERS. — Produits ferreux contenant de 0.05 à 1.5~% de carbone.

— **Désignation normale** (AFNOR) des aciers de construction. — Notes sommaires :

#### I. Aciers non alliés d'usage courant :

- a) Acier ordinaire du commerce, qui se désigne par la notation  $A \, Dx$ .
- b) Aciers pour lesquels on exige un minimum de résistance R à la rupture en kg/mm². Ces aciers sont désignés par la lettre A suivie de la valeur minimum de R.

Exemple: A 37... Acier ordinaire à 37 kg/mm<sup>2</sup>

CHARGE DE RUPTURE 1 en kg/mm² minimum maximu			CHARGE DE RUPTURE R en kg/mm² NY minimum maximum		CHARGE DE RUPTURE R en kg/mm²		
NO	minimum	maximum	NO	minimum	maximum		
A Dx	33	50	A 56	56	65		
A 33	33	40	A 65	65	75		
A 37	37	44	A 75	75	85		
A 42	42	50	A 85	85	95		
A 48	48	56	A 95	95	105		

NOTA. — La garantie de soudabilité s'exprime par la lettre S. — Exemple :

A 56 S... Acier ordinaire soudable R 56 kg/mm<sup>2</sup>

- II. Aciers non alliés pour traitements thermiques.
- a) Aciers ordinaires. La désignation est constituée par :
- La lettre C (carbone) suivie d'un nombre entier égal à 100 fois la teneur moyenne en C %;
- Une lettre minuscule indiquant le degré croissant de pureté chimique en phosphore et en soufre.
- b) Aciers fins. La désignation de ces aciers est la même que celle de la classe (II. a) précédée de X majuscule.

EXEMPLE : XC 38... Acier à 0,38 % de C et d'une grande pureté chimique :

(soufre + phosphore = 0.065 %)

- III. Aciers faiblement alliés (Aucun élément d'addition ne dépasse la teneur de 5 %). — Leur désignation est constituée par :
- Un nombre entier égal à 100 fois la teneur % en carbone;
- Une lettre ou une série de lettres indiquant les éléments d'addition dans l'ordre des teneurs décroissantes;
- Un nombre égal à la teneur % de l'élément d'addition dominant, multipliée par :

4 pour le chrome (C), le cobalt (K), le manganèse (M), le nickel (N) et le silicium (S); 10 pour tous les autres éléments.

#### EXEMPLE:

35 NC 6 = 0.35 % de carbone; 1.5 % de nickel.

IV. Aciers fortement alliés (Un élément d'addition au moins à une teneur de 5 %). — Leur désignation est précédée de la lettre Z qui signifie acier fortement allié, le nombre qui suit le groupe de lettres indique la teneur en % de l'élément principal.

Symboles: NOTA. — La lettre C désigne le carbone dans les aciers non alliés, et le chrome dans les aciers alliés.

#### MÉTAUX ET ALLIAGES (suite) —

— **Densité.** — Rapport du poids d'un volume déterminé d'un corps au poids d'un même volume d'eau (à **4** °**C**).

NOTA. — La notion de densité est souvent employée en construction mécanique, pour la détermination du poids des organes.

### SYMBOLES, DENSITÉS, POINTS DE FUSION ----DES PRINCIPAUX MÉTAUX ET ÉLÉMENTS D'ALLIAGE

MÉTAUX	SYME	BOLES		POINTS
Eléments d'alliage	NORMA- LISÉES	CHIMI- QUES	DENSITÉS	de fusion "C
Aciers	A R Bi C K U E Fe G M D	Al Sb Bi Cr Co Cu Sn Fe Mg Mn Mo Ni	7,8 2,7 6,7 9,8 6,8 8,8 7,28 7,85 7,2 1,74 7,22 10,2 8,8	1 400° 660° 630° 270° 1 610° 1 490° 1 080° 232° 1 520° 1 200° 650° 1 265° 2 570° 1 450°
Plomb	Pb S T W V Z	Pb Si Ti W V Zn	11,3 2,4 4,5 19,1 5,8 7,14	325° 1 430° 1 820° 3 460° 1 715° 419°

— **Poids spécifique.** — L'unité de volume pratiquement choisie étant le *décimètre cube*, le poids spécifique s'exprime en *kilogramme par dm*<sup>n</sup>.

REMARQUE: Le poids spécifique d'un corps et sa densité sont représentés par le même nombre.

#### ALLIAGES NON FERREUX ----

ALLIAGES A BASE DE CUIVRE D'EMPLOI COURANT :

**Bronzes** ordinaires: Symbole U-E (cuivre et étain). — Principales applications:

1" Pièces soumises à des frottements d'usure :

Symbole U-E 16

Composition... | Cuivre..... 84 % | Etain ..... 16 %

2° Pièces soumises à des frottements doux : Symbole U-E 14

Composition... Cuivre.... 86 % Etain .... 14 %

3° Pièces sans frottement : Robinetterie, etc... Symbole U-E 10

Composition...) Cuivre.... 90 %

Laitons: Symbole U-Z (cuivre et zinc).

Les laitons sont utilisés pour de nombreux travaux de décolletage : visserie, petites pièces de construction mécanique et électrique.

NOTA. — Pour saciliter l'usinage du laiton, on ajoute de 1 à 2 % de plomb au mélange cuivre-zinc.

**Le métal Delta.** — Laiton spécial contenant environ 55 % de cuivre, du zinc, 3 à 4 % de fer et du manganèse jusqu'à 10 %.

Les maillechorts : Symbole U-Z-N (cuivre, zinc et nickel). — Alliages utilisés dans la fabrication des instruments de mesure et de précision.

Composition moyenne | 60 % de cuivre, 20 % de zinc, 20 % de nickel.

— L'antifriction ou régule à base de cuivre, d'étain, de plomb et d'antimoine.

Cet alliage, qui fond vers 245", est utilisé pour le revêtement INTERIEUR de coussinets de machines, après étamage des surfaces.

#### ---- ALLIAGES A BASE D'ALUMINIUM ----

(Alliages légers d'emploi courant)

**L'aluminium** (Symbole A). — Métal très malléable, utilisé principalement dans la construction aéronautique sous forme d'alliages.

**L'aluminium manganèse** (Symbole AM). — Alliage offrant une résistance mécanique d'environ 20 % supérieure à celle de l'aluminium pur.

**Duralumin** (Symbole A-U4G). — Densité 2,8.

Composition approximative:

Aluminium . . 95 % Magnésium . . 0,5 % Manganèse . . 0,5 %

Le duralumin est un des alliages d'aluminium le plus appliqué en construction mécanique.

**Duralinox** (Symbole A-G3, A-G5, A-G7). — Densité 2,6. La teneur en magnésium classe l'alliage en duralinox H3, en duralinox H5 ou duralinox H7.

Composition approximative:

Aluminium: 96,5 — 94,5 ou 92,5 %; Magnésium 3 — 5 ou 7 %; Manganèse 0,5 %.

**Magnésium** (Symbole G). — Métal blanc, très léger. — Sa densité est faible : 1,74; son point de fusion : 650° environ. En construction mécanique, on n'utilise que des alliages incorporés au magnésium :

Aluminium, zinc, manganèse, silicium.

**L'alpax.** — Aluminium 86 %, silicium 13 %, manganèse 0,5 %, magnésium 0,5 %. — Utilisation : carters de moteur, culasses, pistons, etc...

L'almasilium: Symbole A-S-G (aluminium, silicium et magnésium). — Densité 2,7. C'est un alliage à traitement thermique.

> Composition... Magnésium 0,90 % Silicium.. 1,3 % Aluminium, le reste

NOTA. — Parmi les alliages à base d'aluminium, il existe un grand nombre d'alliages de fonderie, avec ou sans traitement thermique.

#### ALLIAGES LÉGERS

Usinage. — Quelques notes: Les outils pour l'usinage des alliages légers présentent les caractéristiques movennes suivantes:

— Pente d'affùlage b de 30° environ (voir tableaux pages 108 et 110), cette pente pouvant être augmentée à 40° pour l'usinage de l'aluminium pur, et diminuée à 20° pour les alliages ayant un fort pouvoir abrasif (10% de silicium).

- Angle de dépouille a 6 à 8 %.

— Angle de tranchant d'(cet angle formant le complément à 90° de la somme des deux angles précédents).

### des températures de chauffe

(d'après la coloration de l'acier)

COLORATION	Degrés	COLORATION	Degrés
Jaune très clair Jaune paille clair Jaune paille foncé Jaune foncé Jaune brun	210° 220° 230° 240° 250°	LilasVioletBleuVert foncé	265° 280° 300° 330° 400°

COLORATION	Degrés	COLORATION	Degrés
Rouge naissant	500°	Cerise clair	1.000°
Rouge nais avancé	550°	Orange foncé	1.100"
Rouge très sombre	600°	Orange clair	1.200"
Rouge sombre	700"	Blanc	1.300"
Rouge cerise nais	800°	Blanc très clair	1.400"
Rouge cerise	900°	Blanc éblouissant	1.500"

NOTA. — Le contrôle de la température des pièces chauffées s'effectue généralement à l'aide d'appareils de mesure spéciaux.

### DE QUELQUES MÉTAUX ET ALLIAGES

Acier coulé. 0,02 Fonte . . . 0,010 4 Bronze . . . 0,015 9

| Laiton . . . 0,015 4 Aluminium. 0,012 Plomb . . . 0.010 9

### des aciers à outils au carbone

Les principaux traitements thermiques sont :

LA TREMPE - LE REVENU - LE RECUIT

**I. Trempe.** — Température de chauffage : 700 à 800° (variable suivant la teneur en carbone). Refroidissement : huile ou eau, dont la température doit être 10 à 15°.

REMARQUE. — Pour éviter une oxydation trop importante le chauffage doit être conduit lentement jusque vers 400°, puis plus rapidement jusqu'à 750 à 800°.

- II. Revenu. Cette opération consiste à réchauffer un acier trempé afin de le rendre moins fragile. La température du revenu varie généralement entre 200 et 320° pour les aciers d'outillage.
- Pour les aciers au carbone revenus au-dessous de 250°, le refroidissement peut s'effectuer par immersion dans l'eau; pour les températures supérieures, il a lieu dans l'huile chauffée à 150 ou à 200° et se termine à l'air libre.
- III. Recuit. Cette opération s'applique à la plupart des métaux. Le recuit a pour but de détruire complètement l'effet de la trempe ou celui dû à l'écrouissage, en ramenant le métal à son état normal.
- Un recuit comporte un chauffage, un maintien en température (5 à 10 minutes) et un refroidissement qui varie avec la nature du métal.

#### TRAITEMENTS THERMO-CHIMIQUES

- Ces traitements sont le *complément indispensable* de l'usinage de nombreuses pièces mécaniques.
- I. Cémentation. Opération qui a pour but de carburer superficiellement un acier à faible teneur en carbone pour le transformer en acier trempant.

CÉMENTS A L'ÉTAT SOLIDE. — Constitués par du charbon de bois (60 %) mélangé avec 40 % de carbonate de baryte, la vitesse de pénétration est 0,1 à 0,2 mm par heure de chauffage.

Trempe après cémentation. — Les pièces cémentées peuvent subir une double trempe à l'eau; la première à 900°, la deuxième à 750°.

#### TRAITEMENTS THERMO-CHIMIQUES (suite)

CÉMENTS A L'ÉTAT LIQUIDE (Cyanuration). — Ces céments sont composés de sels métalliques : cyanure de sodium, carbonate de sodium, etc., fondus à la température de cémentation (950°). La vitesse de pénétration atteint 0,3 à 0,4 mm par heure.

**II. Nitruration.** — Le principe de cette opération consiste à faire absorber de l'azote à certaines fontes et aux aciers spéciaux dits « *de nitruration* ».

Chauffées dans un four électrique à une température de 500 à 550°, les pièces usinées à traiter sont placées dans une cuve en acier spécial, dans laquelle circule un courant de gaz ammoniac provenant d'une bouteille d'ammoniaque liquide.

(La durée de l'opération varie généralement entre 65 et 70 heures de chauffage, pour obtenir une épaisseur **nitrurée** de 5/10 de mm.)

Protection contre la nitruration. — Un simple étamage sur les parties à ne pas nitrurer.

NOTA. — Pour éviter que l'étain fonde à 285° (point de fusion normal), on chauffe la caisse remplie de pièces à nitrurer jusqu'à 210°. On suspend ensuite, pour un temps, le dégagement de gaz ammoniac, ce qui a pour effet d'oxyder la couche d'étain qui devient infusible jusqu'à 500°. Elle assure ainsi une protection parfaite et sans risque.

#### TRAITEMENT DE DÉCARBURATION ----

La malléabilisation. — Procédé appliqué aux pièces coulées en fonte blanche (fonte de première fusion), pour être transformées, par décarburation superficielle, en fonte malléable.

Principe. — Les pièces sont enrobées d'oxyde de fer (hématite), puis mises dans des caisses (en fonte) pour être ensuite portées dans des fours chauffés à la température de 950° pendant 90 heures environ. — Le refroidissement des pièces se fait ensuite lentement.

REMARQUE. — La malléabilisation est un traitement qui s'applique seulement aux pièces brutes.

#### — PROCÉDÉS D'ASSEMBLAGE —

(par rivetage, soudage autogène et à l'arc)

#### — Rivetage des tôles (alliages d'aluminium)

Formes des têtes de rivets: Ces formes sont normalisées; elles se désignent par un symbole.

- a) Tige de rivet. Le rapport du diamètre d de tige à l'épaisseur e des tôles, est égal à :  $\frac{d}{e}=1,6~e$  à 1,8~e pour tôles d'épaisseur supérieure ou égale à  $2~\mathrm{mm}$ .
  - b) Longueur l de tige (approximative):

    Pour rivure (tête ronde):  $l=1,5\ d+$ épaisseur à river.

    Pour rivure (tête fraisée):  $l=0,7\ d+$ épaisseur à river.
- c) Le pas (distance des rivets) est un peu moindre que pour l'acier : 3,5 à 5 d pour l'assemblage ordinaire et 3 d (minimum) pour l'étanchéité.
- d) Perçage des trous de rivets. Le jev généralement adopté est :
  - 0,1 mm pour les diamètres de rivet ≤ 4 mm.
    0.2 mm de 5 à 10 mm.
  - e) Pose des rivets:

à froid jusqu'à 8 mm de diamètre; à chaud à partir de 10 mm à une température

de 400 à 500°.

f) Largeur des pinces. — Elle est généralement supérieure ou égale à 2 d.

#### — Soudages. — Quelques notes:

En construction mécanique, le procédé de soudage le plus courant est celui de soudage autogène au chalumeau, désigné sous le nom de soudure autogène.

Ce procédé consiste à assembler des pièces métalliques par fusion de leurs bords, au moyen d'une flamme oxy-acétylénique (symbole OA), avec addition d'un métal de même nature que celui des pièces à réunir.

La flamme oxyacétylénique s'obtient au chalumeau, alimenté en oxyaène et en acétylène; la température obtenue est d'environ 3 000°.

#### PROCÉDÉS D'ASSEMBLAGE (suite)

— **Soudure à l'arc.** — C'est une soudure autogène où la fusion du métal est provoquée par l'arc électrique.

Les pièces à assembler sont reliées à l'un des pôles d'un générateur électrique, l'autre pôle est relié à une électrode conductrice, constituée par le métal d'apport.

Pour la soudure des alliages légers, l'électrode doit

être enrobée d'un flux décapant spécial.

— Le soudo-brasage. — La technique du soudobrasage s'apparente à celle du soudage autogène au chalumeau, dont elle emprunte la méthode de préparation des pièces et le mode opératoire.

Les métaux d'apport de soudo-brasage sont des alliages, élaborés spécialement pour cet usage (baguettes cylindriques en bronze spécial — brox ou bronzogène et un flux décapant constitué par une poudre ou une pâte (éléments nécessaires pour permettre une exécution facile).

#### POINT DE FUSION:

#### APPLICATIONS DU SOUDO-BRASAGE:

Assemblage de métaux de nature différente; Soudure de métaux et d'alliages susceptibles d'être déformés par les soudures au chalumeau ou à l'arc.

#### Le brasage : Composition de brasures

- Les surfaces des parties de pièces à braser nécessitent l'élimination de toute trace d'oxyde, par nettoyage à la lime, au grattoir ou au décapant.
- La soudure à l'étain ou soudure tendre, est une soudure d'étanchéité et non une soudure de résistance.
- La soudure forte ou brasure, se compose de cuivre (56 %), de zinc (30 %) et d'étain (14 %), avec un point de fusion compris entre 800 et 850°.
- La brasure extra-forte, se compose de cuivre (80 %) et de zinc (20 %).

#### CALCUL DU POIDS D'UNE PIÈCE COULÉE OU FORGÉE

Pour obtenir, approximativement, le poids d'une pièce coulée ou forgée définie par un dessin, on calcule son VOLUME EN DM<sup>3</sup> (la pièce étant décomposée en solides ou figures géométriques simples), ensuite, on le multiplie par la densité ou le poids spécifique du métal.

#### — POIDS D'ACIER EN BARRES ———

**Barres** de section ronde. — Pour obtenir (approximativement) le poids en grammes, par mètre linéaire, multiplier le diamètre par lui-même et le produit obtenu par **6,165**.

Diamètre en mm	Poids en kg						
8	0,394	18	1,998	30	5,548	60	22,192
10	0,617	20	2,465	35	7,552	65	26,046
12	0,887	22	2,984	40	9,865	70	30,210
14	1,206	24	3,550	45	12,485	80	39,45
15	1,387	25	3,852	50	15,412	90	49,94
16	1,576	28	4,832	55	18,650	100	61,65

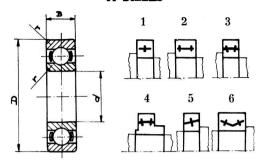
Barres de section carrée. — On obtient le poids approximatif, au mètre linéaire, en multipliant le côté par lui-même et le produit obtenu par 7,85.

— Pour les barres d'acier de section hexagonales, multiplier la dimension sur plats par elle-même, puis le produit obtenu par 6,75.

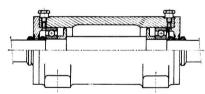
#### ---- POIDS DES TOLES -----

**Poids en kg par m**<sup>2</sup>. — Le poids en kg, d'une tôle de 1 m<sup>2</sup> et de 1 mm d'épaisseur, est exprimé par le *même nombre* que la *densité* du métal.

### ROULEMENTS —-



- 1. Roulement à billes à 1 rangée;
- 2. — à 2
- 3. — à 2 à rotules;
- 4. à 2 à rotules avec manchon de serrage:
- 5. à 1 à contact oblique;
- 6. à 2 à contact oblique.



PALIER DOUBLE POUR VENTILATEUR Roulements rigides à une rangée de billes

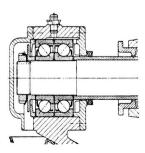
(Documentation SKF)

- Les roulements à billes sont nettement de construction spécialisée, ainsi d'ailleurs que les roulements à rouleaux et à aiguilles.
- Les bagues qui entourent les billes, etc... forment un chemin de roulement.
- -- L'une des bagues restera fixe, et l'autre tournera pendant le fonctionnement.

#### ROULEMENTS A BILLES -

B<sub>1</sub>: largeur étroite — B<sub>2</sub>: largeur moyenne

	SÉF	RIE I	ÉGÈ	RE	SÉRI	E M	OYEI	NNE	SÉ	RIE	FOR	TE
d	D	02	22	r	D	03	23	,	D	04	24	r
	_	$\mathbf{B}_1$	$\mathbf{B}_2$	-		$\mathbf{B}_1$	$\mathbf{B}_2$	-	-	$\mathbf{B}_1$	$\mathbf{B}_2$	
4	13	5	<u> </u>	0,5	16	5	1	0,5				
5	16	5	1	0,5	19	6		0,5			1	1
6	19	6		0,5	22	7		0,5				1
7	22	7		0,5	26	9	1	0,5				Π
8					28	9	1	0,5				1
9	26	8	1	1	30	10	Ī	1				1
10	30	9	14	1	35	11	17	1				1
12	32	10	14	1	37	12	17	1,5		-		1
15	35	11	14	1	42	13	17	1,5				1
17	40	12	16	1,5	47	14	19	1,5	62	17	29	2
20	47	14	18	1,5	52	15	21	2	72	19	33	2
25	52	15	18	1,5	62	17	24	2	80	21	36	2,5
30	62	16	20	1,5	72	19	27	2	90	23	40	2,5
35	72	17	23	2	80	21	31	2,5	100	25	43	2,5
40	80	18	23	2	90	23	33	2,5	110	27	46	3
45	85	19	23	2	100	25	36	2,5	120	29	50	3
50	90	20	23	2	110	27	40	3	130	31	53	3,5
55	100	21	25	2,5	120	29	43	3	140	33	57	3,5
60	110	22	28	2,5	130	31	46	3,5	150	35	60	3,5
	ju	squ'	à 32	0	ju	squ'	à 28	0	ju	squ'	ž 24	0



PALIER DE BUTÉE
DE POMPE CENTRIFUGE
Roulements à billes
à contact oblique
(Documentation SKF)

### —— ROULEMENTS A ROTULES ——— SUR DEUX RANGÉES DE BILLES

	SÉ	RIE 0	2	SÉ	RIE (	3	SÉ	RIE (	4
đ	D	В	r	D	В	r	D	В	r
10	30	9	1	35	11	1	i		
12	32	10	1	37	12	1,5			
15	35	11	1	42	13	1,5			
17	40	12	1	47	14	1,5			
20	47	14	1,5	52	15	2			
25	52	15	1,5	62	17	2	80	21	2,5
30	62	16	1,5	72	19	2	90	23	2,5
35	72	17	2	80	21	2,5	100	25	2,5
40	80	18	2	90	23	2,5	110	27	3
45	85	19	2	100	25	2,5	120	29	3
50	90	20	2	110	27	3	130	31	3,5
55	100	21	2,5	120	29	3	140	33	3,5
60	110	22	2,5	130	31	3,5	150	35	3,5
65	120	23	2,5	140	33	3,5	160	37	3,5
70	125	24	2,5	150	35	3,5	180	42	4
75	130	25	2,5	160	37	3,5	190	45	4
80	140	26	3	170	39	3,5			
85	150	28	3	180	41	4			1
90	160	30	3	190	43	4			
95	170	32	3,5	200	45	4			
100	180	34	3,5	215	47	4			ī

#### CHOIX DES ROULEMENTS

Le choix est conditionné par les facteurs suivants :

- 1º Nature et importance de la charge :
  - a) sa direction, soit radiale, axiale ou mixte (voir roue et vis sans fin);
    - b) la possibilité de choc.
- 2° Conditions spéciales de fonctionnement :
  - nécessité éventuelle de réglage du jeu des roulements;
    - température élevée.

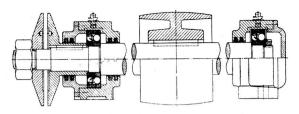
- 3° Etats de construction de la machine:
  - rectitude de l'alignement des paliers;
    degré de rigidité ou de flexibilité des
  - arbres;

     facilité de montage et de démontage.
- 4º Vitesses de rotation
- 5° Mode de lubrification.
- 6° Les butées à billes sont uniquement destinées à supporter des poussées axiales. Elles ne peuvent pas supporter de charges radiales.
- 7° Les butées à rotule sur rouleaux peuvent supporter non seulement des poussées axiales considérables mais aussi des charges radiales importantes,

DIFFÉRENTS TYPES DE ROULEMENTS	EFFORTS QUE P LE ROU dans le sens radial (force verticale)	LEMENT
A galets cylindriques:	Très importants	Nuls
Ordinaires à billes:	Moyens	Très faibles
A billes à gorges profondes:	Moyens	Modérés
A rotules sur deux rangées de billes:	Moyens	Moyens
Obliques à billes (l rangée):	Moyens	Moyens
A rouleaux coniques:	Très importants	Moyens
A butées à billes:	Nuls	Très importants
A rotules sur rou- leaux côniques (1):	Importants	Importants

<sup>(1)</sup> **Remarque:** Remplace souvent la butée à billes, résiste bien aux chocs, et peut également se monter sur manchon conique.

- a) sa fixation sur arbre lisse, et
- b) le rattrapage de jeu.



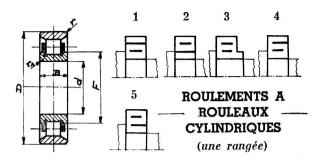
Arbre de Scie circulaire
Roulements à rotule sur deux rangées de billes
(Documentation SKF)

#### CONSEILS RELATIFS AUX DESSINS DE MONTAGE

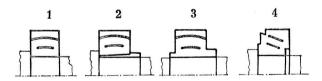
- 1. Indiquer toujours *la nature des ajustements* des bagues de roulements sur leurs portées (ou leurs logements).
- 2. Dans le cas d'une transmission, tenir compte de *la dilatation des arbres*. (Un arbre doit être fixé par un seul palier.)
- 3. Au passage de l'arbre à travers les couvercles (ou les carters), indiquer le jeu de chaque côté de l'arbre (0,25 mm pour le rayon, 0,5 mm au diamètre en général; dans le mouvement à rotule : 0,75 mm au rayon).
- 4. Le montage des roulements dans les bâtis (ou sur les arbres) doit être tel que la pression sur les couronnes (ou bagues) s'exerce dans la région moyenne des faces de celle-ci.
- 5. Les écrous de blocage doivent avoir un sens de rotation inverse de celui de la rotation de l'arbre.
- 6. L'étanchéité des boîtiers doit être assurée.

<sup>—</sup> Le roulement à rotule est recommandé pour les constructions imparfaitement rigides, grâce à sa propriété d'alignement automatique.

<sup>—</sup> On l'utilise couramment avec un manchon conique, permettant :



- 1. A double épaulement sur bague intérieure;
- 2. A double épaulement sur bague extérieure;
- 3. A double épaulement sur les deux bagues, dont un rapporté;
- 4. A double épaulement sur bague extérieure, un épaulement sur bague extérieure;
- 5. A double épaulement sur bague extérieure, un épaulement sur bague intérieure.

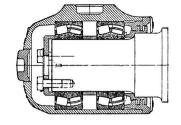


### ROULEMENTS A ROTULES (deux rangées)

- 1. Simple;
- 2. Avec manchon de démontage;
- 3. Avec manchon de serrage;
- 4. Roulements à rouleaux coniques.

BOITE D'ESSIEU
DE CHEMIN DE FER
Roulements à rotule
sur deux rangées
de rouleaux

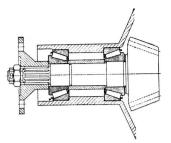
(Documentation SKF)



#### ROULEMENTS A ROULEAUX CYLINDRIQUES -

(une rangée)

	S	ÉRIE (	12		_		2	ÉRIE (	03	
D	В	F	r	<b>r</b> <sub>1</sub>	ď	D	В	F	r	r <sub>1</sub>
47	14	27	1,5	1 1	20	52	15	28,5	2	1
52	15	32	1,5	1	25	62	17	35	2	2
62	16	38,5	1,5	1	30	72	19	42	2	2
72	17	43,8	2	1	35	80	21	46,2	2,5	2
80	18	50	2	2	40	90	23	53,5	2,5	2,5
85	19	55	2	2	45	100	25	58,5	2,5	2,5
90	20	60,4	2	2	50	110	27	65	3	3
100	21	66,5	2,5	2	55	120	29	70,5	3	3
110	22	73,5	2,5	2,5	60	130	31	77	3,5	3,5
120	23	79,6	2,5	2,5	65	140	33	83,5	3,5	3,5
125	24	84,5	2,5	2,5	70	150	35	90	3,5	3,5
130	25	88,5	2,5	2,5	75	160	37	95,5	3,5	3,5
140	26	95,3	3	3	80	170	39	103	3,5	3,5
150	28	101,8	3	3	85	180	41	108	4	4
160	30	107	3	3	90	190	43	115	4	4
170	32	113,5	3,5	3,5	95	200	45	121,5	4	4
180	34	120	3,5	3,5	100	215	47	129,5	4	4
190	36	126,8	3,5	3,5	105	225	49	135	4	4
200	38	132,5	3,5	3,5	110	240	50	143	4	4
215	40	143,5	3,5	3,5	120	260	55	154	4	4
230	40	156	4	4	130	280	58	167	5	5
250	42	169	4	4	140	300	62	180	5	5
270	45	182	4	4	150	320	65	193	5	5

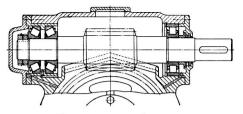


## PIGNON D'ATTAQUE D'UN VÉHICULE DE TOURISME Roulements à rouleaux coniques (Documentation &KF)

#### ROULEMENTS A ROULEAUX CYLINDRIQUES

(une rangée)

	S	ÉRIE 0	4	l		SÉRIE 10				
D	В	F	r	<b>r</b> <sub>1</sub>	ď	D	В	F	r	<b>r</b> 1
i				<del>   </del>	25	47	12	30,5	1	0,5
90	23	45	2,5	2,5	30	55	13	36,5	1,5	0,8
100	25	53	2,5	2,5	35	62	14	42	1,5	0,8
110	27	58	3	3	40	68	15	47	1,5	1
120	29	64,5	3	3	45	75	16	52,5	1,5	1
130	31	70,8	3,5	3,5	50	80	16	57,5	1,5	1
140	33	77,2	3,5	3,5	55	90	18	64,5	2	1,5
150	35	83	3,5	3,5	60	95	18	69,5	2	1,5
160	37	89,3	3,5	3,5	65	100	18	74,5	2	1,5
180	42	100	4	4	70	110	20	80	2	1,5
190	45	104,5	4	4	75	115	20	85	2	1,5
200	48	110	4	4	80	125	22	91,5	2	1,5
210	52	113	5	5	85	130	22	96,5	2	1,5
225	54	123,5	5	5	90	140	24	103	2,5	2
240	55	133,5	5	5	95	145	24	108	2,5	2
250	58	139	5	5	100	150	24	113	2,5	2
260	60	144,5	5	5	105	160	26	119,5	3	2
280	65	155	5	5	110	170	28	125	3	2
310	72	170	6	6	120	180	28	135	3	2
340	78	185	6	6	130	200	33	148	3	2
360	82	198	6	6	140	210	33	158	3	2
380	85	213	6	6	150	225	35	169,5	3,5	2,5
	1	1	1	T	160	240	38	180	3,5	3,5



Vis sans fin de réducteur Roulements à rouleaux coniques roulement à rouleaux cylindriques

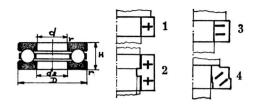
(Documentation SKF)

### ROULEMENTS A ROTULES SUR DEUX RANGÉES DE ROULEAUX

• (1)	SÉ	RIE (	3	SÉ	RIE 2	23	S	ÉRIE 32	2
<b>d</b> (1)	D	В	r	D	В	r	D	В	r
20	52	15	2						Ì
25	62	17	2						İ
30	72	19	2						İ
35	80	21	2,5						İ
40	90	23	2,5	90	33	2,5	160	52,4	3
45	100	25	2,5	100	36	2,5	180	60,3	3,5
50	110	27	3	110	40	3	200	69,8	3,
55	120	29	3	120	43	3	215	76	3,
60	130	31	3,5	130	46	3,5	230	80	4
65	140	33	3,5	140	48	3,5	250	88	4
70	150	35	3,5	150	51	3,5	270	96	4
75	160	37	3,5	160	55	3,5	290	104	4
80	170	39	3,5	170	58	3,5	310	110	5
85	180	41	4	180	60	4	320	112	5
90	190	43	4	190	64	4	340	120	5
95	200	45	4	200	67	4	360	128	5
100	215	47	4	215	73	4	•		
110	240	50	4	240	80	4	440	160	5
120				260	86	4	480	174	6
130				280	93	5	500	176	6
140				300	102	5	540	192	6

(1) d: à alésage cylindrique;

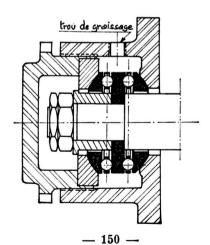
d: petit diamètre à alésage conique, conicité 1/12.

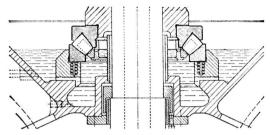


### BUTÉES ----

- 1. Butées à billes à simple effet.
- Butées à billes à double effet.
   Butées à rouleaux à simple effet :
- 3. simples.
- 4. à rotule.

#### EXEMPLE DE MONTAGE





PALIER DE GÉNÉRATRICE VERTICALE Butée à rotule sur rouleaux

(Documentation SKF)

### A SIMPLE EFFET A RONDELLES PLATES

<b>d</b> (1)	SÉ	RIE 1	11	SÉ	RIE I	2	SÉ	RIE :	13
<b>u</b>	D	н	r	D	н	r	D	н	
10	24	9	0,5	26	11	1		<del></del>	<del>i</del>
12	26	9	0,5	28	11	1			I
15	28	9	0,5	32	12	1			T
17	30	9	0,5	35	12	1			1
20	35	10	0,5	40	14	1			Г
25	42	11	1	47	15	1	52	18	1
30	47	11	1	53	16	1	60	21	1
35	53	12	1	62	18	1,5	68	24	1
40	60	13	1	68	19	1,5	78	26	1
45	65	14	1	73	20	1,5	85	28	1
50	70	14	1	78	22	1,5	95	31	2
55	78	16	1	90	25	1,5	105	35	2
60	85	17	1,5	95	26	1,5	110	35	2
65	90	18	1,5	100	27	1,5	115	36	2
70	95	18	1,5	105	27	1,5	125	40	2
75	100	19	1,5	110	27	1,5	135	44	2
80	105	19	1,5	115	28	1,5	140	44	2
85	110	19	1,5	125	31	1,5	150	49	2
90	120	22	1,5	135	35	2	155	50	2
100	135	25	1,5	150	38	2	170	55	2
110	145	25	1,5	160	38	2	190	63	3

(1) Pour  $d_2$  minimum, ajouter 0,2 à d.

#### Tolérances d'exécution des arbres

DIA- MÈTRES des arbres	Logement tournant Roulements à billes et à rouleaux côniques Montage glissant sur arbre		ou c tour Roule à b Fai	erminé irbre mant ements illes bles rges	Roule à b	bre nant ments illes rges érées	Arbre tournant Roulements à rouleaux cylindriques et côniques à réglage par l'extérieur		
Exclus	h 5		j	5	k 5		m 5		
Inclus	max.	min.	max.	min.	max.	min.	max.	min.	
10 à 18	+0	— 8	+ 5	- 3	+ 9	+1			
18 à 30	+0	- 9	+5	- 4	+11	+ 2	+ 17	+ 8	
30 à 50	+0	-11	+6	5	+ 13	+2	+ 20	+ 9	
50 à 80	+0	<u>— 13</u>	+6	7	+ 15	+ 2	+ 24	+11	
80 à 120	+0	15	+6	- 9	+ 18	+ 3	+ 28	+ 13	
120 à 180	+0	18	+7	11	+ 21	+ 3	+ 33	+ 15	

- Pour les tolérances k 5 et m 5, lors du montage, chauffer les roulements dans un bain d'huile à 70° dans le cas d'un arbre en acier dur, et dans tous les autres cas, si le montage est exécuté à une température inférieure à 15°.
- Le besoin d'avoir recours à des tolérances plus étroites ne se présente — quand il s'agit des dimensions principales — que dans quelques cas exceptionnels, étant donné que les tolérances ont été choisies de telle sorte que les roulements sont interchangeables, et appropriés aux montages les plus divers.

#### Tolérances d'exécution des logements

ALÉ- SAGES des logements (mm)	Arbre tournant Roulements à billes non bloqués latéralement Roulements à rouleaux coniques Réglage par bague extérieure  H 6		Arbre tournant Roulements à billes bloqués latéralement Roulements à rouleaux avec charges modérées		Logement tournant Roulements à rouleaux cylindriques Fortes charges Roulements à rouleaux coniques Réglage par bague intérieure M 6	
Exclus						
Inclus	max.	min.	max.	min.	max.	min.
10 à 18	+11	-0	+ 6	<del></del> 5	-4	— 15
18 à 30	+ 13	<b>—</b> 0	+ 8	<del></del> 5	4	17
30 à 50	+ 16	<b>—</b> 0	+ 10	<del></del> 6	4	20
50 à 80	+ 19	-0	+ 13	<del></del> 6	5	— 24
80 à 120	+ 22	0	+ 16	<b>—</b> 6	6	— 28
120 à 180	+ 25	-0	+ 18	<del>- 7</del>	-8	<del> 33</del>

- Lors du montage, il convient de veiller à ce que les bagues dont la section est relativement faible, ne subissent aucune déformation qui pourrait entraîner le coincement des billes ou des rouleaux.
- Les logements et les arbres doivent être exécutés parfaitement ronds et aux cotes exactes.
- Les tolérances s'entendent étalonnées à 20°.
- Les Entreprises utilisant des jauges étalonnées à 0° doivent tenir compte qu'une jauge de 100 mm, étalonnée à 0°, est 0,022 mm plus grande que la même étalonnée à 20°, et, par conséquent, pour l'exécution de leurs calibres, réduire de 0,022 toutes les cotes des tableaux de tolérances.

#### TABLEAU DES UNITÉS DE MESURE

GRANDEURS		C.G.S. (laboratoires)	M.T.S.	M.K.S. (mécaniciens)	M.K.S.A. ou Giorgi	GRANDEURS
Unités fondamentales		C : centimètre G : gramme masse S : seconde (unité de temps)	M : unité de longueur T : tonne masse S : seconde (unité de temps)	M : unité de longueur K : kilogramme force S : seconde (unité de temps)	M : unité de longueur K : kilogramme masse S : seconde (unité de temps) A : ampère.	Unités fondamentales
Force		1 dyne = 1 gcm×1 cm/s/s Mégadyne = 10 <sup>6</sup> dynes	1 sthène = 1 tm×1 m/s/s	1 kgf = 1 unité de masse ×1 m/s/s ou 1 kgm×9,81 m/s/s	1 newton = 1 kgm×1 m/s/s	Force
Masse				1 unité de masse M.K.S. = 9,81 kgm		Masse
Travail		1 erg = 1 dyne×1 cm	1 kilojoule = 1 sthène×1 m	1 kg mètre = 1 kgf×1 m	1 joule = 1 newton×1 m	Travail
Puissance		1 erg seconde = 1 erg par seconde	1 kilowatt = 1 kilojoule par seconde	1 kgm seconde = 1 kgm par seconde	1 watt = 1 joule par seconde	Puissance
Pres	sion	1 barye = 1 dyne/1 cm²	1 pièze = 1 sthène/m²	kgf/m²	1 pascal = 1 newton/m <sup>2</sup>	Pression
RELATIONS	Force	1 dyne = 10 <sup>s</sup> sthènes = 1 kgf/98×10 <sup>3</sup>	1 sthène = 10 dynes = 10² kgf = 10³ N	1 kgf = 981 × 10 <sup>8</sup> d = 0,981 × 10 <sup>8</sup> sn = 9,81 N	1 newton = 10 <sup>5</sup> d = 10 <sup>3</sup> en = 1 kgf/9,81 = 0,102 kgf	Force
	Travail	= 10 <sup>-10</sup> kilojoule = 0,102×10 <sup>7</sup> kg mètres = 10 <sup>-7</sup> joule	1 kilojoule = 10 <sup>10</sup> ergs = 102 kg mètres = 10 <sup>8</sup> joules	1 kgm = 9,81 × 10 <sup>5</sup> ergs = 9,81 × 10 <sup>3</sup> kilojoules = 9,81 joules	1 joule = 10 <sup>7</sup> ergs = 10 <sup>-3</sup> kilojoule = 0,102 kg mètre	Travail
	Puissance	1 erg/s = 10 <sup>10</sup> kilowatts = 0,102×10 <sup>-7</sup> kgm/s = 10 <sup>-7</sup> watt	1 kilowatt = 10 <sup>10</sup> ergs/s = 102 kgm/s = 10 <sup>8</sup> watts	1 kgm/s = 9,81 × 10 <sup>5</sup> ergs/s = 9,81 × 10 <sup>-3</sup> kilowatt = 9,81 watts	1 watt = 10 <sup>7</sup> ergs/s = 10 <sup>-3</sup> kilowatt = 0,102 kgm/s	Puissance
		1 cheval = 7,36×10 <sup>-7</sup> erg/s 1 erg/s = 1,36×10 <sup>10</sup> chevaux	1 cheval = 0,736 kilowatt 1 kilowatt = 1,36 cheval	1 cheval = 75 kgm/s 1 kgm/s = 0,133 cheval	1 cheval = 736 watts 1 watt = 0,00136 cheval	
	Pression	1 barye = 10 <sup>-1</sup> pièze = 0,102×10 <sup>-1</sup> kgf/m <sup>9</sup> = 10 <sup>-1</sup> pascal	1 pièze = 10¹ baryes = 10² kgf/m² = 10³ pascals	1 kgf/m² = 98,1 baryes = 9,81 × 10 <sup>-8</sup> pièze = 9,81 pascals	1 pascal = 10 baryes = 10 <sup>-3</sup> pièze = 0,102 kgf/m <sup>2</sup>	Pression

#### TABLE DES MATIÈRES

#### INDEX ALPHABÉTIQUE

A	Pages
Aciers à coupe rapide	. 107
Affûtage des fraises	. 120
AJUSTEMENT des pièces lisses 52	et 53
Alliages non ferreux	133
Alliages à base d'aluminium	134
Alliages légers	135
Angles caractéristiques d'un outil en acier à couprapide.	oe 110
Angles divers.	
Angles divers.  Applications Du Calcul Trigonométrique	
Applications de calculs d'usinage	
Assemblage en queue d'aronde	
Assemblages frettés	
Assemblages frettes,	
В	
Barre-sinus	. 41
Brasage et composition de brasures	. 139
Butées à billes	et 151
c	
· ·	et <b>7</b> 0
Calcul de détermination de roues dentées 69	••
Calcul du poids (pièce coulée ou forgée)	
Calcul de l'inclinaison des outils à fileter	
Carbures métalliques (outils)	
Cémentation et nitruration	
Centres d'usinage (pour travaux entre pointes)	
Cercle trigonométrique	
Cintrage des tubes	
Circonférence (périmètre du cercle)	1521
Cônes mécaniques. — TOURNAGE CONIQUE	
Cones mecaniques. — 100KNAGE CONTOCT	
CONES MORSE	
CONES STANDARD AMÉRICAIN	
Construction d'un angle	
Coupe (La) des métaux	10
Crémaillère	
Cicinamics	. 100

D Po		
Densité et Poids spécifique.  Détermination d'un tracé.  Développante de cercle.  Développé (Le) (sur métaux en feuilles).  Dilatation linéaire.  Dimensions linéaires nominales.  Division d'une circonférence.  Division en degrés.  — Divisions (SUR MACHINE A FRAISER) —  Division angulaire.  Division différentielle.  Division décimale.  Division décimale.  Division composée.  Te et  Division rectilignes.  Division (sur plateau circulaire).	132 42 20 129 125 121 14 9 75 77 77 79 80 81 82	
E		
Eléments de mathématiques (Nombres usuels. — Nombres premiers. — Plus grand commun diviseur. — Plus petit commun multiple. — Fractions. — Méthode des réduites. — Carré et racine carrée). — 3 à Eléments de transmission (clavetages). — Engrenages cylindriques à denture droite. — 89 à Engrenages à denture intérieure. — 94 et Engrenages hélicoïdaux. — 96 et Engrenages (notes complémentaires). — Essais de dureté des métaux — 102 et Evaluation des températures de chauffe. — 102 et	7 124 91 90 95 97 101 103 135	
${f F}$		
Filetage PROFIL ISO	56 57 59 59 60 61 63 65 66 115	
Foret et taraud spéciaux (pour alliages légers)	114	

Pe	ages
Fraisage concave approché	88 85 72
I Indications et signes normalisés de façonnage	121
Mesures anglaises	123 93 135 88
0	
Outils de fraisage pour alliages légers  Outils d'usage courant pour travaux variés de tournage et de rabotage  Outils en carbures métalliques	114 106 109 109
P	
Pente.  Pignon de chaîne (simple rouleau).  Poids d'aciers (en barres).  Poids des tôles métalliques.  Points de fusion.  Polygones (relations numériques).  Polygones utilisés dans l'industrie.  Poupées diviseurs (à vis sans fin et universelles). 72 et Pratique du filetage triangulaire.  62 et Procédés d'assemblages (rivetage des tôles, soudage autogène et à l'arc).  138 et	41 101 140 140 130 15 38 73 63
R	9
Radian (Le). Rapports trigonométriques d'angles usuels. Rectification (usinage par abrasion). 47 à Relations entre les éléments d'une circonférence. 32 à Retrait de quelques métaux et alliages. Sivetage des tôles. Roulements à billes et à rouleaux. 141 à Roulements (montage des). 152 et Roues et vis sans fin.	38 51 8 35 135 138 149 153 98

S	Pages
Solides géométriques	18
Solides à surface développable	19
Spire d'hélice cylindrique	20
Surfaces oblique et sphérique (usinage)	4.3
Soudo-brasage	139
Symboles (des principaux métaux et éléments d'alliages).	132
T	
Table des arcs, cordes et flèches 10 à	12
TABLE DE RACINES CARRÉES	
Table des rapports trigonométriques 22 à	
TABLEAUX DE RÉSOLUTION DES TRIANGLES 36 et	
Tableau de correspondance entre la conicité en % et le	
	44
demi-angle au sommet d'un cône	
Tableaux de vitesses circonferentienes 112 ct	
Taillage de cames en spirale	71
Taraudage	46
Tournage conique	43
Tours parallèles possédant boîte de filetage68 et	
Tracés divers	
Tracés pratiques d'un angle	13
Tracage de pièces mécaniques	21
Traitements thermiques	136
Traitements thermo-chimiques	
Transmission de mouvement (par poulies et courroie).	
Travail mécanique des métaux en feuilles (découpage,	
emboutissage, cambrage)	128
Travail sur machine à pointer	39
Travaux d'ajustage (conditions géométriques)	21
Travaux d'ajustage (conductons géometriques)	
U	
Unités de mesure (tableau des) 154 et	155
v	
Vérification d'un filetage de précision	60
Vitesse circonférentielle	105
Vitesse angulaire	105
vittesse angulaire	-00

Dépôt légal : 1" trimestre 1981